

Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор Дата подписания: 07.07.2024 16:04:19 Уникальный программный ключ: 891954b8c2cf7b6350cbe51cdda3096e877fa153	МИНОВЕРНАУКИ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)	Рабочая программа дисциплины "Теория чисел" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 1 "Анализ безопасности компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 1
--	--	--	--------

Рабочая программа дисциплины (модуля)* Теория чисел

Направление подготовки (специальность)

10.05.01 Компьютерная безопасность

Направленность (профиль)

специализация N 1 "Анализ безопасности компьютерных систем"

Присваиваемая квалификация (степень)

специалист по защите информации

Форма обучения

очная

Год(ы) набора 2024

*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2024 г.



Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
 - 6.1. Перечень видов оценочных средств
 - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
 - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
 - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
 - 7.1. Рекомендуемая литература
 - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
 - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья



1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения учебной дисциплины состоит в овладении основами теории чисел и применении полученных знаний к алгоритмической теории чисел.

Результаты обучения по дисциплине направлены на достижение индикаторов:

ОПК-3.1. Знает основные понятия теории чисел.

ОПК-3.2. Умеет решать основные типы задач теории чисел.

ОПК-3.3. Владеет навыками решения типовых линейных уравнений над полем и кольцом вычетов.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Цикл (раздел) ОПОП: Б1.О.22

2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Освоение дисциплины опирается на знания школьного курса математики.

2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Данная дисциплина является предшествующей для следующих дисциплин:

Теоретико-числовые методы в криптографии

Методы и средства криптографической защиты информации

Криптографические протоколы

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

ОПК-3: Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;

Знать:

- основные понятия, связанные с теорией делимости, сравнениями и кольцами классов вычетов и их свойства;
- формулировку основных результатов по этим темам.

Уметь:

- ориентироваться в соотношении между собой понятий теории чисел;
- доказать свойства основных понятий курса;
- доказать основные теоретические результаты, приводимые в курсе теории чисел.

Владеть:

- основами теории чисел;
- теоретической базой, связанной с теорией делимости, сравнениями и кольцами классов вычетов;
- теоретической базой, связанной с базовыми приложениями теории чисел в криптографии.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1 Знать:

- 3.1.1 – основные теоретико-числовые свойства делимости, непрерывных дробей, систем и классов вычетов.

3.2 Уметь:

- 3.2.1 – применять методы теории чисел для решения задач.

3.3 Владеть:

- 3.3.1 – решения теоретико-числовых задач.



4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Общая трудоемкость	4 ЗЕТ
Часов по учебному плану : 144 в том числе : аудиторные занятия : 68 самостоятельная работа : 38 часов на контроль : 27 контактная работа: 79 ИКР: 11	Виды контроля в семестрах: экзамены 2

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
	Раздел 1. Простые и составные числа. Делимость чисел.			
1.1	Предмет курса, краткий исторический обзор развития теории чисел, основные направления исследований и основные методы. Влияние теории чисел на развитие других разделов математики. Применение теоретико-числовых результатов в математике и ее приложениях. Роль русских и советских математиков в развитии теории чисел. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.2	Свойства делимости целых чисел. Простые числа. Решето Эратосфена. Теорема Евклида о бесконечности множества простых чисел. Основная теорема арифметики о разложении целых чисел на простые множители. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Некоторые частные случаи теоремы Дирихле о бесконечности множества простых чисел в арифметической прогрессии. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.3	Арифметические функции. Целая и дробная часть числа. Разложение числа $n!$ на простые множители. Суммы, распространенные на делители числа. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.4	Мультипликативные функции: функция Эйлера и ее свойства, сумма делителей и число делителей. Оценки Чебышева для функции числа простых чисел, не превосходящих данного x . /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.5	Предмет курса, краткий исторический обзор развития теории чисел, основные направления исследований и основные методы. Влияние теории чисел на развитие других разделов математики. Применение теоретико-числовых результатов в математике и ее приложениях. Роль русских и советских математиков в развитии теории чисел. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.6	Свойства делимости целых чисел. Простые числа. Решето Эратосфена. Теорема Евклида о бесконечности множества простых чисел. Основная теорема арифметики о разложении целых чисел на простые множители. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Некоторые частные случаи теоремы Дирихле о бесконечности множества простых чисел в арифметической прогрессии. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.7	Арифметические функции. Целая и дробная часть числа. Разложение числа $n!$ на простые множители. Суммы, распространенные на делители числа. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.8	Мультипликативные функции: функция Эйлера и ее свойства, сумма делителей и число делителей. Оценки Чебышева для функции числа простых чисел, не превосходящих данного x . /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
1.9	Простые и составные числа. Делимость чисел. /Ср/	2	6	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
	Раздел 2. Цепные дроби			



2.1	Конечные цепные дроби, подходящие дроби и их свойства. Нахождение наибольшего общего делителя с помощью цепных дробей. Бесконечные цепные дроби. Разложение действительных чисел в цепные дроби. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
2.2	Приближение действительных чисел рациональными числами, подходящие дроби как наилучшие приближения. Признак иррациональности числа. Иррациональность числа «е». Теорема Лагранжа о разложении квадратичных иррациональностей в цепные дроби. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
2.3	Конечные цепные дроби, подходящие дроби и их свойства. Нахождение наибольшего общего делителя с помощью цепных дробей. Бесконечные цепные дроби. Разложение действительных чисел в цепные дроби. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
2.4	Приближение действительных чисел рациональными числами, подходящие дроби как наилучшие приближения. Признак иррациональности числа. Иррациональность числа «е». Теорема Лагранжа о разложении квадратичных иррациональностей в цепные дроби. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
2.5	Цепные дроби /Ср/	2	6	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
Раздел 3. Числовые сравнения				
3.1	Числовые сравнения и их основные свойства. Вычеты и классы вычетов по модулю m , кольца классов вычетов. Полная система вычетов, приведенная система вычетов. Теорема Эйлера и Ферма. /Лек/	2	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
3.2	Числовые сравнения и их основные свойства. Вычеты и классы вычетов по модулю m , кольца классов вычетов. Полная система вычетов, приведенная система вычетов. Теорема Эйлера и Ферма. /Пр/	2	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
3.3	Числовые сравнения /Ср/	2	5	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
Раздел 4. Сравнения с одним неизвестным				
4.1	Сравнения первой степени с одним неизвестным. Равносильные сравнения. Определение решения сравнения. Теорема о существовании решений. Простейшие приемы решений, решение сравнений с помощью цепных дробей. Системы сравнений, их решения. Теоремы о решении систем сравнений первой степени. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
4.2	Сравнения n -ой степени по простому модулю. Теоремы о равносильности сравнений. Теорема о числе решений сравнения. Теорема Вильсона. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
4.3	Сравнения n -ой степени по составному модулю, сведение сравнения по составному модулю к системе сравнений по простому модулю. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
4.4	Сравнения первой степени с одним неизвестным. Равносильные сравнения. Определение решения сравнения. Теорема о существовании решений. Простейшие приемы решений, решение сравнений с помощью цепных дробей. Системы сравнений, их решения. Теоремы о решении систем сравнений первой степени. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
4.5	Сравнения n -ой степени по простому модулю. Теоремы о равносильности сравнений. Теорема о числе решений сравнения. Теорема Вильсона. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
4.6	Сравнения n -ой степени по составному модулю, сведение сравнения по составному модулю к системе сравнений по простому модулю. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3



4.7	Сравнения с одним неизвестным /Ср/	2	6	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
Раздел 5. Сравнения второй степени				
5.1	Сравнения второй степени, сведение их к двучленному сравнению. Двучленные сравнения по простому модулю. Квадратичные вычеты и невычеты. Число решений сравнения. Критерий Эйлера для квадратичных вычетов и невычетов. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
5.2	Символ Лежандра и его свойства. Закон взаимности квадратичных вычетов. Сравнения второй степени по составному модулю. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
5.3	Сравнения второй степени, сведение их к двучленному сравнению. Двучленные сравнения по простому модулю. Квадратичные вычеты и невычеты. Число решений сравнения. Критерий Эйлера для квадратичных вычетов и невычетов. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
5.4	Символ Лежандра и его свойства. Закон взаимности квадратичных вычетов. Сравнения второй степени по составному модулю. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
5.5	Сравнения второй степени /Ср/	2	7	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
Раздел 6. Первообразные корни и индексы				
6.1	Первообразные корни и индексы. Показатель числа по модулю m , свойства показателей. Теорема о существовании первообразного корня по простому модулю. Первообразные корни по модулям p и $2p$. Теорема об отыскании первообразных корней. Индексы по модулям p и $2p$. Таблицы индексов. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.2	Двучленные сравнения n -ой степени, существование решений. Степенные вычеты и невычеты n -ой степени. Число степенных вычетов, критерий для отыскания степенных вычетов. Решение двучленных сравнений с помощью вычетов. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.3	Решение показательных сравнений. Условие принадлежности числа показателю i , в частности, к классу первообразных корней. Число классов принадлежащих показателю. Число классов первообразных корней. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.4	Арифметические приложения теории сравнений: отыскание остатков от деления некоторого числа на заданное число, установление признаков делимости чисел. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.5	Первообразные корни и индексы. Показатель числа по модулю m , свойства показателей. Теорема о существовании первообразного корня по простому модулю. Первообразные корни по модулям p и $2p$. Теорема об отыскании первообразных корней. Индексы по модулям p и $2p$. Таблицы индексов. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.6	Двучленные сравнения n -ой степени, существование решений. Степенные вычеты и невычеты n -ой степени. Число степенных вычетов, критерий для отыскания степенных вычетов. Решение двучленных сравнений с помощью вычетов. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.7	Решение показательных сравнений. Условие принадлежности числа показателю i , в частности, к классу первообразных корней. Число классов принадлежащих показателю. Число классов первообразных корней. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.8	Арифметические приложения теории сравнений: отыскание остатков от деления некоторого числа на заданное число, установление признаков делимости чисел. /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
6.9	Первообразные корни и индексы /Ср/	2	8	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3
Раздел 7. Экзамен				
7.1	/Экзамен/	2	27	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3



7.2 Иная контактная работа: индивидуальные консультации, текущий контроль. /ИКР/

2

11

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

6.1. Перечень видов оценочных средств

Контрольная работа.
Перечень вопросов к экзамену.

6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

Пример типовых контрольных заданий см. в Приложении.

6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

Перечень вопросов к экзамену

1. Кольцо целых чисел. Делимость. Свойства делимости.
2. Общий делитель. НОД, свойства НОД. Взаимная простота. Алгоритм Евклида.
3. Простые числа. Свойства простых чисел. Основная теорема арифметики.
4. Цепные дроби. Подходящие дроби. Свойства цепных дробей. Теорема о единственности представления рационального числа в виде цепной дроби.
5. Цепные дроби. Подходящие дроби. Свойства цепных дробей. Теорема о единственности представления действительного числа в виде цепной дроби.
6. Наилучшее приближение действительного числа. Теорема о наилучшем приближении.
7. Совершенные числа. Теорема Евклида (достаточное условие для четных чисел).
8. Совершенные числа. Теорема Эйлера (необходимое условие для четных чисел).
9. Простые числа Мерсенна. Простые числа Ферма. Свойства чисел Ферма. Открытые вопросы.
10. Мультипликативные функции. Лемма. Формула суммы распространенной на делители числа.
11. Сумма и число делителей числа.
12. Функция Мёбиуса. Леммы. Формула обращения Мёбиуса.
13. Функция Эйлера. Теорема о представлении числа суммой функций Эйлера. Теорема о вычислении функции Эйлера.
14. Сравнения. Свойства сравнения как бинарного отношения. Классы вычетов. Различные системы вычетов(полная, наименьшая, приведенная).
15. Свойства сравнений (леммы). Кольцо классов вычетов (теорема).
16. Деление в кольце классов вычетов. Две теоремы о делении.
17. Группа классов вычетов. Условие того, что кольцо классов вычетов образует поле.
18. Малая теорема Ферма. Теорема Эйлера.
19. Системы сравнений первой степени. Китайская теорема об остатках.
20. Линейные системы сравнений. Метод решения.
21. Сравнения по простому модулю. Две теоремы о сравнениях по простому модулю. Критерий Вильсона.
22. Сравнения по составному модулю. Теорема о равносильности сравнения по составному модулю системе сравнений по взаимно простым модулям. Теорема о сравнении по модулю p^k .
23. Вычеты и невычеты степени n . Леммы и теорема о квадратичном вычете по простому модулю.
24. Символ Лежандра. Теорема о свойствах символа Лежандра. Квадратичный закон взаимности.
25. Символ Якоби. Теорема о свойствах символа Якоби.
26. Сравнения по составному модулю. Теоремы о решении сравнений второй степени по модулям p^k и 2^k .
27. Показатель. Три теоремы о показателе. Первообразные корни.
28. Первообразные корни по простому модулю. Леммы. Теорема о существовании.
29. Первообразные корни по модулям p^k и $2p^k$. Теоремы о существовании. Теорема об отыскании первообразных корней.
30. Индексы по модулям p^k и $2p^k$. Теорема о степенях первообразного корня. Теорема(свойство индексов).
31. Критерий существования первообразных корней. Теорема (следствия).
32. Индексы по модулю 2^k .

6.4. Критерии оценивания

Порядок проведения промежуточной аттестации

На экзамене студент получает билет. В билете два теоретических вопроса и две задачи. На написание ответа дается 1,5 часа. После этого происходит оценка ответа. Преподаватель может задавать вопросы по тексту ответа. Студент должен на них ответить.

Сводная таблица рейтинга успеваемости

№ Перечень контрольных мероприятий в семестре Максимальное кол-во баллов

1 Контрольная работа № 1, 2

2x20=40



2 Экзамен (теоретический вопрос)	2x10=20
3 Экзамен (задача)	2x20=40
Итого	100

Критерии оценивания теоретического вопроса экзамена

Максимальный балл за ответ на теоретический вопрос – 10 баллов.

Отлично/зачтено/9-10 баллов - Студентом дан полный, в логической последовательности развернутый ответ на поставленный вопрос, где он продемонстрировал знания предмета в полном объеме учебной программы, достаточно глубоко осмысливает дисциплину, самостоятельно, и исчерпывающе отвечает на дополнительные вопросы, приводит собственные примеры по проблематике поставленного вопроса, решил предложенные практические задания без ошибок.

Хорошо/зачтено/7-8 баллов - Студентом дан развернутый ответ на поставленный вопрос, в котором студент демонстрирует знания, приобретенные на лекционных и семинарских занятиях, а также полученные посредством изучения обязательных учебных материалов по курсу, дает аргументированные ответы, приводит примеры, в ответе присутствует логичность и последовательность. Однако допускается неточность в ответе.

Удовлетворительно/зачтено/5-6 баллов - Студентом дан ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, слабо сформированными навыками анализа явлений, процессов, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры, недостаточной логичностью и последовательностью ответа.

Неудовлетворительно/не зачтено/0-4 баллов - Студентом дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов, неумением давать аргументированные ответы, отсутствием логичности и последовательности. Выводы поверхностны. Студент не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах преподавателя.

Критерии оценивания практической задачи экзамена

Максимальный балл за практическую часть экзамена – 20 баллов.

Отлично/зачтено/15-20 баллов - Обучающийся отлично знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу.

Хорошо/зачтено/11-14 баллов - Обучающийся хорошо знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу. Обучающийся допускает незначительные ошибки.

Удовлетворительно/зачтено/7-10 баллов - Обучающийся знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу. Обучающийся допускает незначительные ошибки.

Неудовлетворительно/не зачтено/0-6 баллов - Обучающийся не может ответить на контрольные вопросы, не ориентируется в основных понятиях, излагает материал с трудом, с грубыми фактическими ошибками, либо отказывается от ответов на вопросы.

Критерии оценивания выполнения контрольной работы

Максимальный балл за контрольную работу – 20 баллов.

Отлично/зачтено/17-20 баллов - Работа выполнена в срок, обучающийся отлично знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу.

Хорошо/зачтено/13-16 баллов - Работа выполнена в срок, обучающийся хорошо знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу. Обучающийся допускает незначительные ошибки.

Удовлетворительно/зачтено/10-12 баллов - Работа выполнена и сдана позднее, чем предполагалось, и при этом обучающийся знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу. Обучающийся допускает незначительные ошибки.

Неудовлетворительно/не зачтено/0-9 баллов - Работа не выполнена, либо обучающийся не может ответить на контрольные вопросы, не ориентируется в основных понятиях, излагает материал с трудом, с грубыми фактическими ошибками, либо отказывается от ответов на вопросы.

Промежуточная аттестация в целом выставляется по результатам контрольных работ и ответа на экзаменационный билет.

Если какая-то часть не сдана, то студенту предлагаются дополнительные вопросы по этой части.

При подведении итогов учитываются результаты текущей аттестации. Полученные за текущую аттестацию баллы суммируются с баллами, полученными за каждый этап при прохождении промежуточной аттестации.

Для экзамена:

0-54 баллов - неудовлетворительно (2);

64-74 баллов - удовлетворительно (3);

75-90 баллов - хорошо (4);



91-100 баллов - отлично (5)

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Рекомендуемая литература

7.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л1.1	Василенко О. Н.	Теоретико-числовые алгоритмы в криптографии: монография (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=61814)	Москва : МЦНМО, 2006	ЭБС
Л1.2	Манин Ю. И., Панчишкин А. А.	Введение в современную теорию чисел: монография (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=62989)	Москва : МЦНМО, 2009	ЭБС

7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л2.1	Кнауб Л. В., Новиков Е. А., Шитов Ю. А.	Теоретико-численные методы в криптографии: учебное пособие (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=229582)	Красноярск : Сибирский федеральный университет (СФУ), 2011	ЭБС
Л2.2	Данилова Т. В.	Теория чисел: Задачи с примерами решений: учебное пособие (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436368)	Архангельск : Северный (Арктический) федеральный университет (САФУ), 2015	ЭБС
Л2.3	Александров В. А., Горшенин С. М.	Задачник-практикум по теории чисел: практикум (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=454825)	Москва : Просвещение, 1972	ЭБС

7.3 Перечень информационных технологий

7.3.1 Программное обеспечение

Adobe Reader

Mathcad Prime (Лицензия Математический факультет)

Maxima

Notepad++

Octave

LibreOffice

7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

1. Электронный каталог научной библиотеки ЧелГУ [Электронный ресурс] : база данных / Челябин. гос. ун-т. – Челябинск, 1992.

2. Консультант Плюс [Электронный ресурс] : справочно-правовая система : база данных / Регион. центр правовой информ. Информправо.

3. eLIBRARY.RU [Электронный ресурс] : научная электронная библиотека [научной периодики на русском языке]. — Москва, [1999-]. - Доступ к полным текстам после регистрации из сети ЧелГУ. – URL: <http://elibrary.ru/defaultx.asp>.

4. Moodle [Электронный ресурс]: система дистанционного обучения : [база данных] / Челябин. гос. ун-т. – Челябинск, [б.г.]. – Доступ из сети ЧелГУ или, после регистрации из сети ун-та, из любой точки, имеющей доступ в интернет. – URL: <http://moodle.uio.csu.ru/login/index.php>.

5. Научная библиотека Челябинского государственного университета [Электронный ресурс] : [сайт] / Челябин. гос. ун-т. – Челябинск, [2001-]. – Режим доступа: <http://www.lib.csu.ru/>, свободный. – Загл. с экрана.

6. Интернет университет информационных технологий [Электронный ресурс]. – Электрон. дан. – Режим доступа : <http://www.intuit.ru/>

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)



Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения: проектором, экраном, магнитно-маркерной доской, маркером; с возможностью демонстрации электронных презентаций при уровне освещения, достаточном для работы с конспектом.

Для проведения занятий лекционного типа имеется демонстрационное оборудование: проектор, экран.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

При изучении данной дисциплины используются лекционные, практические занятия и самостоятельная работа студента. На лекционных занятиях преподаватель излагает основное содержание тем программы. Проработку лекционного материала студенту желательно проводить как после каждого занятия, так и по завершению темы. Это позволит связать воедино полученные сведения и составить цельную картину.

На практических занятиях разбираются задачи. Рекомендуется перед каждым практическим занятием выполнить домашнее задание, что позволит лучше усвоить предыдущий материал, и изучить лекционный материал по предстоящей теме. Студенту желательно проявлять активное участие на лабораторных и лекционных занятиях, задавать вопросы, поскольку умение обосновывать свою точку зрения. Нахождение компромиссного решения в этически выдержанной дискуссии не только важно для лучшего усвоения материала, но и ценится в реальной жизни.

В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции (вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени (система дистанционного обучения Moodle, форумы, электронная почта и др.).

Большую часть времени обучающиеся самостоятельно работают с учебно-методическими материалами. Студенты имеют возможность консультироваться с преподавателем по всем вопросам, возникающим в ходе самостоятельной работы посредством электронной почты, мессенджеров, социальных сетей и т.п.

Доступ обучающегося к учебным ресурсам в режиме отложенного времени, самостоятельной работы осуществляется через сеть Интернет в удобном для него месте, времени и темпе.

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.

Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимися по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применяться компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.

10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и ассистивных информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося.

1. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения: портативный компьютер с вводом/выводом шрифтом Брайля с синтезатором речи «EIBraile-W14J G2»; ноутбуки с программой экранного доступа NVDA; электронные увеличители для удаленного просмотра; видеувеличители портативные; тифлоплеер; цифровые диктофоны.



2. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями слуха: система свободного звукового поля со встроенной совместимостью с FM-устройствами; радиоклассы «Сонет-PCM» с передатчиком, заушным индуктором и индукционной петлей; система информационная для слабослышащих переносная «Исток» А2 со встроенным плеером – звуковым информатором; документ-камера; программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования.

3. Ассистивные информационные технологии: программное обеспечение экранного доступа с синтезом речи NVDA; программы экранного увеличения; программы речевого синтеза для компьютеров и ноутбуков; программы речевого синтеза для мобильных устройств; экранная клавиатура; экранная лупа.

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации NVDA, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах, с помощью специальных технических и программных средств (рабочее место для незрячего пользователя с программным обеспечением экранного доступа с синтезом речи NVDA, рабочее место с компьютерным роллером и клавиатурой Clevy с большими кнопками и с разделяющей клавиши накладкой).

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме шрифтом Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине обеспечивается выполнение следующих дополнительных требований в зависимости от индивидуальных особенностей, обучающихся:

- а) доступная форма предоставления инструкции по порядку проведения процедуры оценивания (устно, в письменной форме, в письменной форме шрифтом Брайля, устно с использованием услуг сурдопереводчика);
- б) доступная форма предоставления заданий оценочных средств (в печатной форме, в печатной форме увеличенным шрифтом, в печатной форме шрифтом Брайля, в форме электронного документа, задания зачитываются ассистентом, задания предоставляются с использованием сурдоперевода);
- в) доступная форма предоставления ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены ЧелГУ или могут использоваться собственные технические средства. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 1.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 10920, 6600. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.

2. Решить сравнение первой степени а) $441x \equiv 3 \pmod{557}$, б) $15x \equiv 321 \pmod{444}$.

3. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} x \equiv 2 \pmod{4} \\ x \equiv 3 \pmod{5} \\ x \equiv 3 \pmod{7} \\ x \equiv 11 \pmod{13} \end{cases}$$

4. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} 8x \equiv 6 \pmod{26} \\ 4x \equiv 7 \pmod{15} \\ 11x \equiv 23 \pmod{27} \end{cases}$$

5. Решить сравнение по составному модулю

$$13x^4 + 11x^3 + 4x^2 + 7x + 20 \equiv 0 \pmod{100}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 2.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 3492, 13392. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.

2. Решить сравнение первой степени а) $352x \equiv 5 \pmod{599}$, б) $44x \equiv 548 \pmod{668}$.

3. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} x \equiv 2 \pmod{5} \\ x \equiv 3 \pmod{6} \\ x \equiv 5 \pmod{11} \\ x \equiv 2 \pmod{13} \end{cases}$$

4. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} 2x \equiv 6 \pmod{10} \\ 3x \equiv 7 \pmod{11} \\ 4x \equiv 8 \pmod{12} \end{cases}$$

5. Решить сравнение по составному модулю

$$7x^4 + 10x^3 + 5x^2 + 13x + 35 \equiv 0 \pmod{144}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 3.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 3500, 2604. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.
2. Решить сравнение первой степени а) $123x \equiv 7 \pmod{647}$, б) $35x \equiv 259 \pmod{497}$.
3. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} x \equiv 1 \pmod{3} \\ x \equiv 3 \pmod{4} \\ x \equiv 5 \pmod{7} \\ x \equiv 9 \pmod{11} \end{cases}$$
4. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} 14x \equiv 2 \pmod{20} \\ 7x \equiv 3 \pmod{11} \\ 6x \equiv 10 \pmod{16} \end{cases}$$
5. Решить сравнение по составному модулю
$$53x^4 + 14x^3 + 17x^2 + 40x + 62 \equiv 0 \pmod{108}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 4.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 3735, 21105. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.
2. Решить сравнение первой степени а) $121x \equiv 2 \pmod{283}$, б) $15x \equiv 215 \pmod{445}$.
3. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} x \equiv 2 \pmod{7} \\ x \equiv 3 \pmod{8} \\ x \equiv 1 \pmod{9} \\ x \equiv 2 \pmod{11} \end{cases}$$
4. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} 18x \equiv 6 \pmod{28} \\ 5x \equiv 7 \pmod{17} \\ 7x \equiv 3 \pmod{12} \end{cases}$$
5. Решить сравнение по составному модулю
$$x^4 + 11x^3 + 4x^2 + 7x + 20 \equiv 0 \pmod{96}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 5.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 4620, 2700. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.

2. Решить сравнение первой степени а) $179x \equiv 8 \pmod{631}$, б) $66x \equiv 294 \pmod{582}$.

3. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} x \equiv 1 \pmod{5} \\ x \equiv 2 \pmod{6} \\ x \equiv 6 \pmod{7} \\ x \equiv 9 \pmod{13} \end{cases}$$

4. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} 6x \equiv 2 \pmod{20} \\ 13x \equiv 11 \pmod{21} \\ 11x \equiv 7 \pmod{15} \end{cases}$$

5. Решить сравнение по составному модулю

$$5x^4 + 6x^3 + 7x^2 + 41x + 53 \equiv 0 \pmod{162}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 6.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 7575, 5175. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.

2. Решить сравнение первой степени а) $241x \equiv 4 \pmod{503}$, б) $124x \equiv 416 \pmod{436}$.

3. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} x \equiv 1 \pmod{8} \\ x \equiv 5 \pmod{7} \\ x \equiv 13 \pmod{17} \\ x \equiv 2 \pmod{3} \end{cases}$$

4. Решить систему сравнений первой степени

$$\begin{cases} 8x \equiv 6 \pmod{26} \\ 4x \equiv 7 \pmod{15} \\ 11x \equiv 23 \pmod{27} \end{cases}$$

5. Решить сравнение по составному модулю

$$29x^4 + 36x^3 + 25x^2 + 51x + 63 \equiv 0 \pmod{90}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 7.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 3685, 7810. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.
2. Решить сравнение первой степени а) $134x \equiv 15 \pmod{523}$, б) $28x \equiv 294 \pmod{581}$.
3. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} x \equiv 2 \pmod{11} \\ x \equiv 3 \pmod{15} \\ x \equiv 4 \pmod{7} \\ x \equiv 2 \pmod{13} \end{cases}$$
4. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} 8x \equiv 12 \pmod{34} \\ 5x \equiv 6 \pmod{21} \\ 3x \equiv 5 \pmod{28} \end{cases}$$
5. Решить сравнение по составному модулю
$$36x^4 + 13x^3 + 6x^2 + 10x + 37 \equiv 0 \pmod{126}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 8.

1. Найти наибольший общий делитель пары чисел 21420, 12920. Представить его в виде линейной комбинации исходных чисел.
2. Решить сравнение первой степени а) $256x \equiv 13 \pmod{499}$, б) $21x \equiv 231 \pmod{723}$.
3. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} x \equiv 5 \pmod{7} \\ x \equiv 3 \pmod{10} \\ x \equiv 4 \pmod{11} \\ x \equiv 2 \pmod{9} \end{cases}$$
4. Решить систему сравнений первой степени
$$\begin{cases} 16x \equiv 2 \pmod{38} \\ 5x \equiv 2 \pmod{16} \\ 7x \equiv 18 \pmod{26} \end{cases}$$
5. Решить сравнение по составному модулю
$$7x^4 + 10x^3 + 5x^2 + 13x + 35 \equiv 0 \pmod{144}.$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 1.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 3(47); x^2 \equiv 397(599).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 2251(4721); x^2 \equiv 1987(6277).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 71; x^{10} \equiv 30$$

Контрольная работа по теории чисел

Вариант 2.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 26(53); x^2 \equiv 345(631).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 677(6743); x^2 \equiv 3344(4273).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 83; x^{14} \equiv 65.$$

Контрольная работа по теории чисел Вариант 3.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 22(41); x^2 \equiv 467(787).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 983(3121); x^2 \equiv 2015(5653).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 89; x^{48} \equiv 67.$$

Контрольная работа по теории чисел Вариант 4.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 51(71); x^2 \equiv 156(239).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 1121(4253); x^2 \equiv 3352(5321)$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 61; x^{18} \equiv 34.$$

Контрольная работа по теории чисел Вариант 5.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 11(43); x^2 \equiv 431(857).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 2766(5879); x^2 \equiv 2473(6541).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 67; x^{12} \equiv 15.$$

Контрольная работа по теории чисел Вариант 6.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 17(59); x^2 \equiv 198(601).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 3007(4967); x^2 \equiv 783(3919).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 71; x^{10} \equiv 30.$$

Контрольная работа по теории чисел Вариант 7.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 31(61); x^2 \equiv 237(523).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 2447(4523); x^2 \equiv 1781(4793).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 79; x^{12} \equiv 46.$$

Контрольная работа по теории чисел Вариант 8.

1. Разрешимо ли сравнение второй степени?

$$x^2 \equiv 13(67); x^2 \equiv 245(619).$$

2. Решить сравнения второй степени

$$x^2 \equiv 2447(4523); x^2 \equiv 1781(4793).$$

3. Найти наименьший первообразный корень. Построить таблицу индексов, и решить сравнение с ее помощью.

$$m = 73; x^{20} \equiv 37.$$

