

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич
Должность: Ректор
Дата подписания: 17.11.2025 16:48:43
Уникальный программный ключ:
04c19ed8bfb98f3b6cb77a486b9a8788b8322523



МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки
(специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и
аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 1



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе

/ В.Е. Федоров

« 25 » 06 2021 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля)*

Вариационное исчисление и методы оптимизации

Направление подготовки (специальность)

02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)

Топологические и аналитические методы исследования математических моделей

Присваиваемая квалификация (степень)

бакалавр

Форма обучения

очная

Год набора 2021

*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2021 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля) принята:

Ученым советом факультета (института, филиала): Математический факультет

Протокол заседания № 24 » 06 2021 г.

Председатель Ученого совета
математического факультета  Е.А. Сбродова

Секретарь Ученого совета
математического факультета  С.А. Никитина

Рабочая программа дисциплины (модуля) одобрена и рекомендована кафедрой

Теории управления и оптимизации

Протокол заседания № 20 от 17.06.2021

Заведующий кафедрой  Ухоботов В.И.

Автор (составитель)  к.ф.-м.н., доцент, Кудрявцев К.Н.

**Структура рабочей программы соответствует приказу ректора
ФГБОУ ВО «ЧелГУ» от «05» декабря 2018 г. № 678-1**

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
 - 6.1. Перечень видов оценочных средств
 - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
 - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
 - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
 - 7.1. Рекомендуемая литература
 - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
 - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки (специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 4
---	--------

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель преподавания дисциплины «Вариационное исчисление и методы оптимизации» состоит в выработке у студентов навыков формализации задач, возникающих в различных предметных областях, овладение студентами теоретическими знаниями и навыками применения конкретных алгоритмов решения экстремальных задач и задач вариационного исчисления. Результаты обучения по дисциплине направлены на достижения индикаторов соответствующих компетенций.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Цикл (раздел) ОПОП:	Б1.В.1.04
2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Изучение базируется на курсах	
Математический анализ	
Фундаментальная и компьютерная алгебра	
Дифференциальные уравнения	
2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
Курс является одной из дисциплин, на базе которой строятся такие дисциплины, как «Дифференциальные игры», «Теория игр и исследование операций», теория и спецкурсы, связанные с методами нахождения экстремума целевого функционала.	

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

УК-2: Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений
Знать:
Демонстрирует знание теоретических основ принятия решений в сфере управления проектами.
Уметь:
Выявляет и анализирует различные способы решения задач в рамках цели проекта и аргументирует их выбор.
Владеть:
Демонстрирует способность проектировать решение конкретной задачи проекта, выбирая оптимальный способ ее решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1 Знать:	
3.1.1	основы строго доказательства математических утверждений; правила организации самостоятельной научно-исследовательской работы; постановки основных задач, изучаемых в рамках дисциплины «Вариационное исчисление и методы оптимизации», условия существования решений, способы их нахождения; основы целенаправленного поиска информации в сети Интернет и других источниках.
3.2 Уметь:	
3.2.1	формулировать результат учебной и исследовательской работы; эффективно организовать свою работу в ходе лекционных, практических занятий, а также самостоятельную деятельность при работе над текстом лекции, подготовке к контрольным работам и к экзамену; решать задачи, относящиеся к основным типам экстремальных задач вариационного исчисления и методов оптимизации, использовать программные продукты для численного решения; формулировать поисковые запросы и анализировать полученную информацию.
3.3 Владеть:	
3.3.1	техниками построения и изучения математического доказательства; навыками самостоятельной работы с учебной и научной литературой, работы на лекционных и практических занятиях, подготовки к экзамену; терминологией, основными обозначениями, приемами и методами, принятыми в вариационном исчислении и методах оптимизации; технологией поиска информации в сети Интернет и других источниках.

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки (специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 5
---	--------

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
Общая трудоемкость	4 ЗЕТ
Часов по учебному плану : 144 в том числе : аудиторные занятия : 40 самостоятельная работа : 68 часов на контроль : 36	Виды контроля в семестрах: экзамены 8

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)				
Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
Раздел 1. Методы конечномерной оптимизации				
1.1	Конечномерные задачи без ограничений /Лек/	8	2	Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.2	Гладкие конечномерные экстремальные задачи с ограничениями типа равенств /Лек/	8	2	Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.3	Гладкие конечномерные экстремальные задачи со смешанными ограничениями /Лек/	8	2	Л2.1 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.4	Задачи выпуклого программирования /Лек/	8	2	Л2.1 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.5	Гладкие конечномерные задачи безусловной минимизации /Пр/	8	2	Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.6	Гладкие конечномерные задачи с ограничениями типа равенств /Пр/	8	3	Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.7	Гладкие конечномерные задачи со смешанными ограничениями /Пр/	8	3	Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.8	Контрольная работа №1 /Пр/	8	2	Л2.1 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.9	Методы спуска решения экстремальных задач /Ср/	8	10	Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.10	Градиентный метод решения экстремальных задач. /Ср/	8	10	Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.11	Метод Ньютона решения экстремальных задач. /Ср/	8	10	Л2.1 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.12	Основы теории двойственности. /Ср/	8	10	Л2.1 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.13	Задачи линейного программирования. /Ср/	8	10	Л2.1 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
Раздел 2. Классическое вариационное исчисление				
2.1	Простейшая задача классического вариационного исчисления /Лек/	8	2	Л2.2
2.2	Задача Больца /Лек/	8	2	Л2.2
2.3	Изопериметрическая задача /Лек/	8	4	Л2.2
2.4	Задача Лагранжа /Лек/	8	2	Л2.2
2.5	Задача со старшими производными /Лек/	8	2	Л2.2
2.6	Простейшая задача классического вариационного исчисления /Пр/	8	2	Л2.2
2.7	Задача Больца. Задача с подвижными концами. /Пр/	8	2	Л2.2

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки (специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 6
2.8	Изопериметрическая задача. Задача со старшими производными. /Пр/	8	2	Л2.2
2.9	Задача Лагранжа /Пр/	8	2	Л2.2
2.10	Контрольная работа №2 /Пр/	8	2	Л2.2
2.11	Задача Больца. Задача с подвижными концами. /Ср/	8	2	Л2.2
2.12	Изопериметрическая задача. /Ср/	8	2	Л2.2
2.13	Задача Лагранжа. /Ср/	8	2	Л2.2
2.14	Поле экстремалей. Условия Вейерштрасса, Лежандра, Якоби. Достаточные условия оптимальности. /Ср/	8	12	Л2.2
2.15	/Экзамен/	8	36	

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

6.1. Перечень видов оценочных средств

контрольные работы
экзамен

6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

1. Выпуклые множества. Теорема о строгой отделимости точки от выпуклого множества. Теорема об отделимости точки от выпуклого множества.
2. Выпуклые множества. Теорема об отделимости выпуклых множеств. Теорема о строгой отделимости выпуклых множеств.
3. Выпуклые функции. Критерии выпуклости дифференцируемой функции, зависящей от одной и нескольких переменных.
4. Выпуклые функции. Критерии выпуклости дважды дифференцируемой функции, зависящей от одной и нескольких переменных
5. Задача безусловной оптимизации. Понятие локального и глобального экстремума. Необходимое условие локального экстремума дифференцируемой функции, зависящей от одной переменной.
6. Критерий локального экстремума дважды дифференцируемой функции, зависящей от одной переменной.
7. Необходимое условие локального экстремума дифференцируемой функции, зависящей от нескольких переменных.
8. Критерий локального экстремума дважды дифференцируемой функции, зависящей от нескольких переменных.
9. Экстремальная задача с ограничениями типа равенств. Понятие локального и глобального экстремума экстремальной задачи. Правило множителей Лагранжа решения гладкой конечномерной задачи с ограничениями типа равенств.
10. Правило множителей Лагранжа решения гладкой конечномерной задачи с ограничениями типа равенств и неравенств.
11. Задача выпуклого программирования. Теорема Куна-Таккера.
12. Простейшая задача классического вариационного исчисления. Вывод уравнения Эйлера с помощью основной леммы вариационного исчисления.
13. Задача Больца. Необходимое условие локального экстремума.
14. Задача с подвижными концами. Необходимое условие экстремума.
15. Изопериметрическая задача. Необходимое условие локального экстремума.
16. Задача Дидоны. Задача о брахистохроне.
17. Задача со старшими производными. Необходимое условие экстремума.
18. Задача Лагранжа. Необходимое условие локального экстремума.
19. Условия Лежандра, Якоби, Вейерштрасса.
20. Игольчатые вариации. Условие Вейерштрасса.

6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

Примеры задач для промежуточного контроля (Контрольные работы № 1-2)

Контрольная работа №1.

ВАРИАНТ I

№1. При каких значениях параметра a множество X выпукло?

№2. Доказать выпуклость множества.

№3. При каких a, b, c функция будет выпуклой?

№4. Выпуклая функция на выпуклом множестве X . Является ли функция выпуклой?

№5. Исследовать на выпуклость функцию.

ВАРИАНТ II

№1. При каких значениях параметра a множество X выпукло?

№2. Доказать выпуклость множества.

№3. При каких a, b, c функция будет выпуклой?

№4. Проверить, что функция выпукла на.

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки (специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 7
<p>№5. Исследовать на выпуклость функцию. Контрольная работа №2. ВАРИАНТ I</p> <p>№1. Найти все локальные и глобальный экстремумы функции. №2. №3. Доказать неравенство</p> <p>ВАРИАНТ II</p> <p>№1. Найти все локальные и глобальный экстремумы функции. №2. №3. Доказать, что для любого неотрицательного набора вещественных чисел справедливо неравенство</p> <p>Примерный перечень задач для итогового контроля уровня знаний Билет № 1. Суммой множеств называется множество, состоящее из тех и только тех точек z, которые представимы в виде Доказать, что если, выпуклы, то и множество Z выпукло. Найти расстояние от точки до конуса. Билет № 2. Доказать выпуклость множества Найти расстояние от точки до конуса. Билет № 3. Доказать выпуклость функции Билет № 4. Доказать выпуклость функции Билет № 5. Доказать выпуклость функции</p>	
6.4. Критерии оценивания	
<p>От 0 до 3 баллов – «неудовлетворительно» От 4 до 5 баллов – «удовлетворительно» От 6 до 7 баллов – «хорошо» От 8 до 10 баллов – «отлично».</p>	

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)				
7.1. Рекомендуемая литература				
7.1.2. Дополнительная литература				
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л2.1	Васильев Ф. П.	Методы оптимизации: учебник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63313)	Москва : МЦНМО, 2011	ЭБС
Л2.2	Лагоша Б. А., Апалькова Т. Г.	Оптимальное управление в экономике: теория и приложения: учебное пособие для вузов	Москва: Финансы и статистика, 2008	
Л2.3	Алексеев В. М., Тихомиров В. М., Фомин С. В.	Оптимальное управление: учебное пособие для вузов	Москва : Наука, 1979	
7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"				
Э1	Алексеев, В. М. Сборник задач по оптимизации. Теория. Примеры. Задачи	biblioclub.ru/index.php?page=book&id=67227		
Э2	Измаилов, А. Ф. Численные методы оптимизации	http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=69317		
Э3	Сухарев, А. Г. Курс методов оптимизации	biblioclub.ru/index.php?page=book&id=76629		
Э4	Тихомиров, В. М. Оптимальное управление	http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=67593		
Э5	Алексеев, В. М. Сборник задач по оптимизации. Теория. Примеры. Задачи	http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=67227		
Э6	Алексеев, В. М. Сборник задач по оптимизации. Теория. Примеры. Задачи	http://znanium.com/go.php?id=544748		
7.3 Перечень информационных технологий				
7.3.1 Программное обеспечение				
LMS Moodle				
MS Office365				
7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы				

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки (специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 8
Электронный каталог научной библиотеки ЧелГУ [Электронный ресурс] : база данных / Челяб. гос. ун-т. – Челябинск, 1992 .	

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.
Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью (подразумевается наличие стандартных рабочих (посадочных) мест) и техническими средствами обучения (переносное и / или стационарное мультимедийное оборудование: экран, ноутбук, проектор).
Для обеспечения тематической иллюстрации занятий лекционного типа в образовательном процессе используются цифровые образовательные ресурсы (мультимедийные презентации по отдельным темам), различные формы наглядности (рисунки, таблицы, схемы и т.д).
Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета
Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения, предоставляемых Региональным учебно- научным центром инклюзивного образования ЧелГУ по запросу обучающегося:
- специальное программное обеспечение: программа речевой навигации NVDA, речевые синтезаторы, экранные лупы;
- мобильный радиоклас "Сонет-Р", программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования с устройством задания режима работы на компьютере, аудиотехника;
- система свободного звукового поля Front row to go (звукоусиливающая колонка, беспроводной передатчик, микрофон, встроенная совместимость с FM-устройствами);
- электронный увеличитель для удаленного просмотра ClearNote (удаленный просмотр информации с доски или экрана в любой учебной аудитории, вывод увеличенной информации на экран ноутбука).
В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, должно быть предусмотрено соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.
В учебные аудитории должен быть обеспечен беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья.

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

<p>Необходимо тщательно и добросовестно изучить основную и дополнительную литературу, использовать электронные ресурсы. Активная и добросовестная, систематическая работа в течение семестра, проявление инициативы на лекционных и практических занятиях, постоянное выполнение домашних, контрольных и самостоятельных работ являются необходимым условием достаточного овладения материалом учебной дисциплины и успешного прохождения итоговой аттестации по дисциплине.</p> <p>В освоение дисциплины (модуля) инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная работа. Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснительное учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации по предмету является важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.</p> <p>При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.</p> <p>Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимся по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно- образовательной среды.</p>
--

10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и голо информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося.

1. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения: портативный компьютер с вводом/выводом шрифтом Брайля с синтезатором речи «EIBraile-W14J G2»; ноутбуки с программной экранного доступа NVDA; электронные увеличители для удаленного просмотра; видеоувеличители портативные; тифлоплеер; цифровые диктофоны.

2. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями слуха: система свободного звукового поля со встроенной совместимостью с FM-устройствами; радиоклассы «Сонет-PCM» с передатчиком, заушным индуктором и индукционной петлей; система информационная для слабослышащих переносная «Исток» А2 со встроенным плеером – звуковым информатором; документ-камера; программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования.

3. Ассистивные информационные технологии: программное обеспечение экранного доступа с синтезом речи NVDA; программы экранного увеличения; программы речевого синтеза для компьютеров и ноутбуков; программы речевого синтеза для мобильных устройств; экранная клавиатура; экранная лупа.

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации NVDA, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах, с помощью специальных технических и программных средств (рабочее место для незрячего пользователя с программным обеспечением экранного доступа с синтезом речи NVDA, рабочее место с компьютерным роллером и клавиатурой Clevy с большими кнопками и с разделяющей клавиши накладкой).

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме шрифтом Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий (Moodle, Adobe Connect Pro и пр.).

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья используется индивидуальная работа. Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснение учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации направлены на индивидуализацию обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине обеспечивается выполнение следующих дополнительных требований в зависимости от индивидуальных особенностей, обучающихся:

- а) инструкция по порядку проведения процедуры оценивания предоставляется в доступной форме (устно, в письменной форме, в письменной форме шрифтом Брайля, устно с использованием услуг сурдопереводчика);
- б) доступная форма предоставления заданий оценочных средств (в печатной форме, в печатной форме увеличенным шрифтом, в печатной форме шрифтом Брайля, в форме электронного документа, задания зачитываются ассистентом,

Рабочая программа дисциплины "Вариационное исчисление и методы оптимизации" по направлению подготовки (специальности) "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 10
<p>задания предоставляются с использованием сурдоперевода);</p> <p>в) доступная форма предоставления ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).</p> <p>При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены ЧелГУ или могут использоваться собственные технические средства. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.</p> <p>Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.</p>	