

<p>Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Гаскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор Дата подписания: 15.06.2026 12:16:04 Уникальный программный ключ: 04c19ed8bfb98f3b6cb77a44c99a8788b8372324</p>	<p>МИНОБРАЗОВАНИЯ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)</p>	<p>стр. 1</p>
---	---	---------------

Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)
«Теоретическая механика»

Направление подготовки (специальность)
01.03.02 «Прикладная математика и информатика»

Направленность (профиль)
«Прикладная математика и искусственный интеллект»

Присваиваемая квалификация
Бакалавр

Форма обучения
Очная

Год набора
2026

Челябинск, 2026 г.



Содержание

1. Паспорт фонда оценочных средств	3
2. Перечень формируемых компетенций	4
3. Содержание оценочных средств по дисциплине	5
3.1. Виды оценочных средств	5
3.2. Содержание оценочных средств	5
4. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации	11
4.1. Порядок проведения промежуточной аттестации	11
4.2. Критерии оценивания промежуточной аттестации по видам оценочных средств	11
4.3. Результаты промежуточной аттестации и уровни сформированности компетенций.....	11



1. Паспорт фонда оценочных средств

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика.

Направленность (профиль): Прикладная математика и искусственный интеллект.

Дисциплина: Теоретическая механика.

Семестры: 7.

Форма промежуточной аттестации: зачет в 7 семестре.

Для оценивания результатов обучения используется балльно-рейтинговая система.



2. Перечень формируемых компетенций

Изучение дисциплины «Теоретическая механика» направлено на формирование компетенций, приведённых в Таблице 1.

Таблица 1. Результаты обучения по дисциплине.

Код и наименование компетенции согласно ФГОС	Индикаторы достижения компетенций согласно ОПОП ВО	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
1	2	3
ОПК-3: Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	ОПК-3.1. Имеет представление об известных математических моделях, применяемых для решения задач в области профессиональной деятельности. ОПК-3.2. Демонстрирует умения применять и модифицировать математические модели для решения прикладных задач. ОПК-3.3. Имеет практический опыт применения и выполнения модификаций математических моделей для решения прикладных задач.	Знать принципы моделирования физических задач. Уметь применять методы оптимизации в математическом моделировании. Владеть практическим опытом моделирования.



3. Содержание оценочных средств по дисциплине

3.1. Виды оценочных средств

Таблица 2. Виды оценочных средств.

Код, наименование компетенции согласно ФГОС	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине	Контролируемые темы/разделы (номер и название раздела из РПД п.2.2)	Семестр	Номер задания	Наименование оценочного средства
ОПК-3: Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	Знать принципы моделирования физических задач.	Кинематика	7	1-5	Контрольный тест
	Уметь применять методы оптимизации в математическом моделировании.	Динамика		1-27	Вопросы к зачету
	Владеть практическим опытом моделирования.	Аналитическая механика			
		Канонические уравнения			

Типовые задания, критерии и показатели оценивания в рамках текущего контроля представлены в рабочей программе дисциплины (модуля). Полные комплекты оценочных средств и контрольно-измерительных материалов хранятся на кафедре.

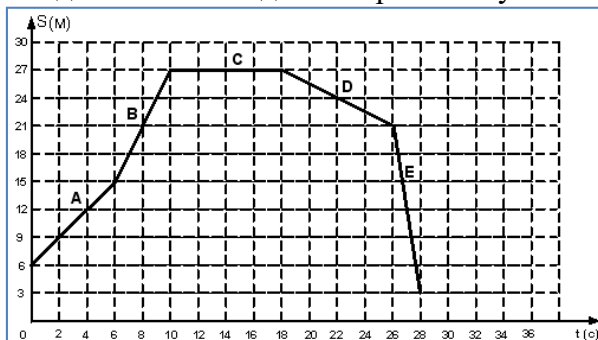
3.2. Содержание оценочных средств

Промежуточная аттестация проводится в виде зачета.

Типовые задания для контрольных тестов:

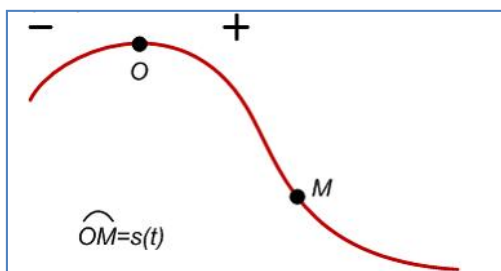
Задача 1.1.

На рисунке представлен график движения точки, имеющей разные скорости на отдельных участках движения. Найдите скорость на участке E.



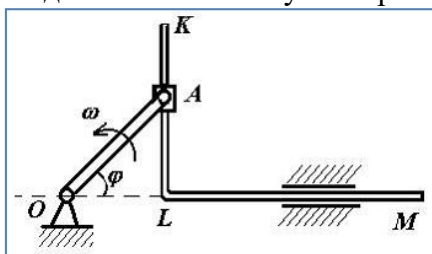
Задача 1.2.

Точка движется по заданной траектории по закону $S(t) = 1 - 2t + 3t^2$ (м). В момент времени $t = 1$ с нормальное ускорение равно $a_n = 2$ (м/с²). Найдите радиус кривизны траектории ρ (м) в данный момент времени.



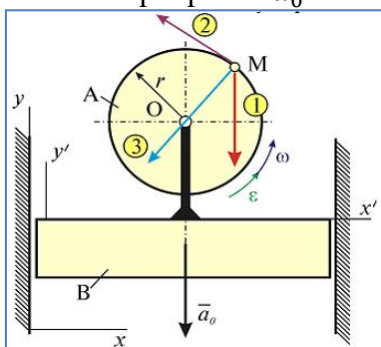
Задача 1.3.

В кривошипно-кулиском механизме кривошип $OA = 10\text{ см}$ вращается с угловой скоростью $\omega = 6\text{ с}^{-1}$. Найдите относительную скорость V_r (см/с) ползуна A в момент времени, когда угол $\varphi = 120^\circ$.



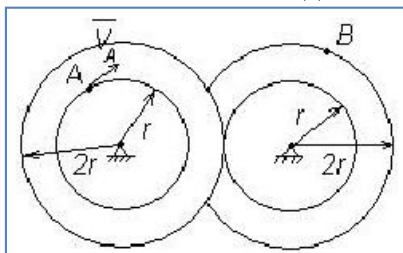
Задача 1.4.

Движение точки M диска A изучается относительно двух систем отсчета: неподвижной xu и подвижной $x'y'$, неизменно связанной с телом B . Диск вращается относительно тела B с угловой скоростью ω и угловым ускорением ϵ . Тело перемещается в вертикальном направлении с ускорением \vec{a}_0 . На рисунке для данного положения показаны составляющие абсолютного ускорения точки M . Вектор 1 равен \vec{a}_0 – это ...



Задача 2.1.

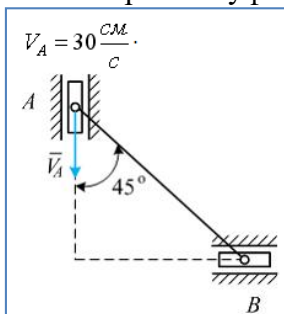
Два колеса зубчатой передачи находятся в зацеплении. Точка A одного из колес имеет скорость $V_A = 20\text{ см/с}$. Найдите скорость точки B V_B (см/с) другого колеса.





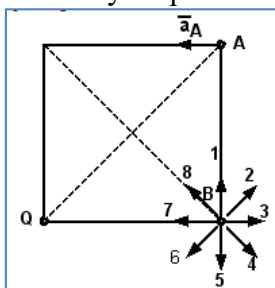
Задача 2.2.

Муфты А и В, скользящие вдоль прямолинейных направляющих, соединены стержнем $AB=20\text{см}$. Скорость муфты А $V_A = 30\text{ (см/с)}$. Найдите угловую скорость стержня АВ ω_{AB} в рад/с.



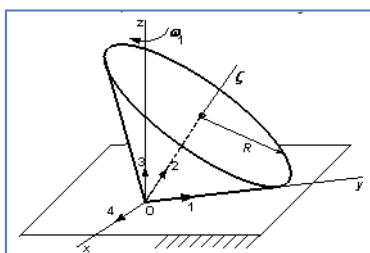
Задача 2.3.

Квадрат со стороной a движется плоскопараллельно так, что известно ускорение \vec{a}_A точки А и положение мгновенного центра ускорений – точка Q. Найдите вектор, который указывает направление ускорения точки В и запишите в ответ его номер.



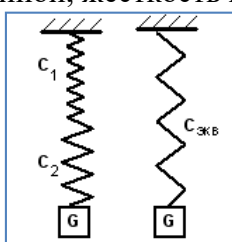
Задача 2.4.

Подвижный конус катится без скольжения по неподвижной плоскости, имея неподвижную точку О. Укажите номер вектора, по которому направлена мгновенная угловая скорость вращения конуса.



Задача 3.1.

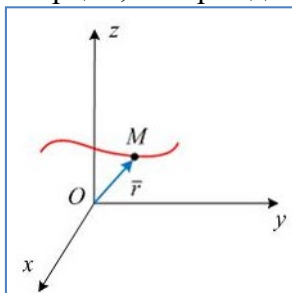
Груз G совершает колебания на системе двух пружин, жесткости которых равны $C_1=4\text{ (Н/см)}$, $C_2=12\text{ (Н/см)}$, соответственно. Систему пружин можно заменить одной эквивалентной пружиной, жесткость которой равна $C_{ЭКВ}\text{ (Н/см)}$. Найдите $C_{ЭКВ}$.





Задача 3.2.

Материальная точка массы M движется по закону $\vec{r} = 8\vec{i} + 6t\vec{j} - e^{3t}\vec{k}$. Найдите направление силы инерции, которая действует на материальную точку.



Задача 3.3.

Пружину с жесткостью 150 Н/см сжали до длины 0,06 м и отпустили. Работа, совершенная силой упругости при восстановлении пружины, равна 0,27 Дж. Найдите длину восстановленной пружины (в метрах).

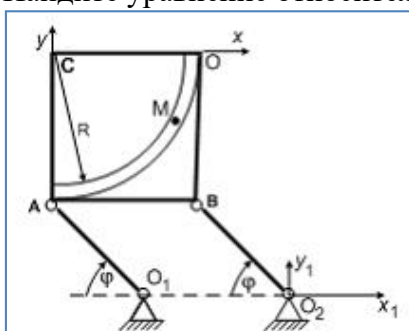
Задача 3.4.

Прямоугольная пластина движется в вертикальной плоскости так, что стержни $O_1A=O_2B$ вращаются по закону $\varphi=0,4\pi-2\pi t$ (рад). В плоскости пластины движется материальная точка M массой m по дуге радиуса R так, что $OM=s=21t-t^2$ (м). G – сила тяжести точки, T – нормальная

$$\vec{O} = \vec{O}_e^r + \vec{O}_e^n + \vec{O}_k.$$

реакция связи, а сила трения в общем случае равна

Найдите уравнение относительного движения материальной точки.



Задача 4.1.

Однородная квадратная пластина со стороной $a = 0,5$ (м) и массой $m=6$ (кг) вращается вокруг оси, проходящей через одну из ее сторон, с угловой скоростью $\omega = 2$ (с⁻¹). Найдите кинетическую энергию этой механической системы в Дж.

Задача 4.2.

Маховик с моментом инерции $J_z = 2$ кг·м² относительно оси вращения раскрутили до угловой скорости $\omega = 30$ с⁻¹, а затем отсоединили от привода. Спустя $t = 15$ с маховик остановился. Пренебрегая сопротивлением среды, найдите постоянный момент сил трения в подшипниках $M_{тр}$ в Н·м.

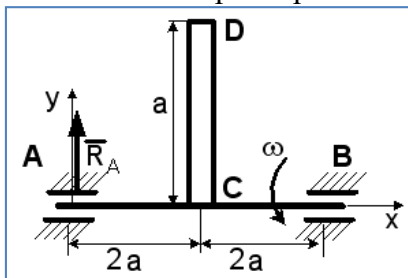
Задача 4.3.



Движение тонкого диска массы $m = 12$ кг, радиуса $R = 0,3$ м, радиуса инерции $\rho_c = R$ в горизонтальной плоскости XOY задано уравнениями: $x_c = 10t^2$, $y_c = 20t^2$, $\varphi = 5t^4$, где x_c , y_c – координаты центра масс диска в метрах, t – в секундах, φ – в радианах. Найдите проекцию вектора внешних сил на ось Ox при $t = 2$ с в ньютонах.

Задача 4.4.

Однородный стержень CD массой m вращается вокруг неподвижной горизонтальной оси Ax , перпендикулярной стержню, с постоянной угловой скоростью ω . Размеры заданы на чертеже, массой вала можно пренебречь. Найдите полную реакцию подшипника RA в точке A .



Задача 5.1.

Твердое тело совершает движение, имея одну закрепленную точку. Определите число степеней свободы этого тела.

Задача 5.2.

Материальные точки 1 и 2 движутся в пространстве. На материальную точку 1 наложена связь, уравнение которой имеет вид $x^2 + y^2 + z^2 - 25 = 0$. Связь, наложенная на точку 2, имеет вид $x^2 + y^2 + z^2 - 25t^2 \leq 0$. Укажите номер точки, на которую наложена голономная неудерживающая связь.

Задача 5.3.

Кинетическая энергия механической системы $T = 0,5\dot{s}_1^2 + \dot{s}_2^2 + \dot{s}_1\dot{s}_2$ выражена через обобщенные координаты s_1, s_2 . Обобщенные силы соответственно равны $Q_1 = -3$, $Q_2 = 2$. Определите ускорение \ddot{s}_2 .

Вопросы к зачету:

1. Обобщенные координаты. Функция Лагранжа. Принцип наименьшего действия.
2. Уравнения Лагранжа; свойства функции Лагранжа. Преобразования Галилея.
3. Функция Лагранжа свободной материальной точки.
4. Функция Лагранжа системы взаимодействующих материальных точек.
5. Незамкнутые материальные системы. Плоский маятник.
6. Закон сохранения энергии.
7. Закон сохранения импульса.
8. Центр инерции.
9. Момент импульса.
10. Одномерное движение.
11. Движение в центральном поле. Закон Кеплера.
12. Свободные одномерные колебания. Пример.



13. Вынужденные колебания. Резонанс.
14. Затухающие колебания.
15. Вынужденные колебания при наличии трения.
16. Угловая скорость. Тензор инерции.
17. Уравнения движения твердого тела.
18. Момент импульса твердого тела.
19. Уравнения Гамильтона. Гамильтонова функция, пример для одной материальной точки.
20. Функция Рауса.
21. Скобки Пуассона, их свойства.
22. Тождество Якоби.
23. Теорема Пуассона.
24. Действие как функция координат.
25. Канонические преобразования.
26. Производящая функция. Канонически сопряженные величины.
27. Теорема Лиувилля. Уравнение Гамильтона-Якоби.



4. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации

4.1. Порядок проведения промежуточной аттестации

Промежуточная аттестация проводится в виде зачета по билетам.

4.2. Критерии оценивания промежуточной аттестации по видам оценочных средств

Каждый тест оценивается в баллах от 0 до 15.

Всего до 60 баллов за семестр.

Контрольный тест по каждому блоку зачитывается, если студент выполнил 50%-100% предложенных заданий; если выполнено менее 50% заданий, тест нужно проходить заново.

Оценивание ответа на промежуточной аттестации:

Ответ на зачете на теоретический вопрос оценивается в диапазоне от 0 до 40.

4.3. Результаты промежуточной аттестации и уровни сформированности компетенций

Сводная таблица рейтинга успеваемости:

Контрольный тест 1 «Кинематика точки» - 15б.

Контрольный тест 2 «Кинематика твердого тела» - 15б.

Контрольный тест 3 «Динамика точки» - 15б.

Контрольный тест 4 «Динамика механической системы и твердого тела» - 15б.

Ответ на зачете: 40б.

Всего: 100б.

Балльно-рейтинговая система оценки знаний студента по дисциплине выстраивается на основе балловой оценки различных форм деятельности студентов. При получении более 65 баллов выставляется оценка «зачтено».

Особенности проведения процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья обозначены в рабочей программе дисциплины (модуля).

Уровни сформированности компетенций определяется следующим образом:

1. Продвинутый уровень сформированности компетенций соответствует оценке «зачтено»:

Обучающийся владеет знаниями предмета в полном объеме учебной программы, достаточно глубоко осмысливает дисциплину; самостоятельно, в логической последовательности и исчерпывающе отвечает на все вопросы, подчеркивает при этом самое существенное, умеет анализировать, сравнивать, классифицировать, обобщать, конкретизировать и систематизировать изученный материал, выделять в нем главное: устанавливать причинно-следственные связи; четко формирует ответы.

2. Базовый уровень соответствует оценке «зачтено»:

Обучающийся владеет знаниями дисциплины почти в полном объеме программы (имеются пробелы знаний только в некоторых, особенно сложных разделах); самостоятельно и отчасти при наводящих вопросах дает полноценные ответы на вопросы; не всегда выделяет наиболее существенное, не допускает вместе с тем серьезных ошибок в ответах.

3. Пороговый уровень соответствует оценке «зачтено»:



Обучающийся владеет основным объемом знаний по дисциплине; проявляет затруднения в самостоятельных ответах, оперирует неточными формулировками; в процессе ответов допускает ошибки по существу вопросов.

4. Низкий уровень соответствует оценке «не зачтено»:

Обучающийся не освоил обязательного минимума знаний предмета, не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах экзаменатора.

