

Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор Дата подписания: 08.03.2024 06:08:30 Уникальный программный ключ: 09119418010385376077549610392888782073	МИНОВЕРНАУКИ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)	Рабочая программа дисциплины "Дополнительные главы уравнений с частными производными" по направлению подготовки (специальности) 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) 02.03.01 "Математические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»"	стр. 1
--	--	---	--------

Рабочая программа дисциплины (модуля)*
 Дополнительные главы уравнений с частными производными

Направление подготовки (специальность)

02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)

Топологические и аналитические методы исследования математических моделей

Присваиваемая квалификация (степень)

бакалавр

Форма обучения

очная

Год(ы) набора 2024

*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2024 г.



Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
 - 6.1. Перечень видов оценочных средств
 - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
 - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
 - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
 - 7.1. Рекомендуемая литература
 - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
 - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья



Рабочая программа дисциплины "Дополнительные главы уравнений с частными производными" по направлению подготовки (специальности) 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 3

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины состоит в освоении основных понятий и методов обобщенного решения краевых задач классической математической физики.

Задачи дисциплины заключаются в развитии следующих знаний, умений и навыков личности:

- изучение теоретических основ решения краевых задач классической математической физики;
- овладение основными навыками и методами обобщенного решения корректно поставленных краевых задач для дифференциальных уравнений с частными производными.

Результаты обучения по дисциплине направлены на достижение индикаторов:

ПК-1.1. Обладает знаниями об основных методах проведения научно-исследовательских разработок; о способах планирования и организации исследований.

ПК-1.2. Демонстрирует умения: проводить поиск, изучение и обобщение научного опыта в соответствующей области исследований; определять цели и задачи планируемых исследований и разработок; проводить исследование, составлять его описание, формулировать выводы по полученным результатам.

ПК-1.3. Имеет практический опыт (навыки): проведения научных исследований в соответствии с поставленной целью; составления отчетов по теме и по результатам проведенных научно-исследовательских разработок.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Цикл (раздел) ОПОП:

Б1.В.1.05

2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Для усвоения дисциплины обучаемый должен обладать математической подготовкой, предусматривающей владение навыками и понятиями в объеме курса математического анализа, функционального анализа, теории случайных процессов, теории дифференциальных уравнений и уравнений с частными производными для математических специальностей.

Математический анализ

Функциональный анализ

Дифференциальные уравнения

Уравнения с частными производными

Теория случайных процессов

2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Дисциплина изучается в последнем (8) семестре обучения. Знания по данной дисциплине могут быть полезны для:

Подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы

Преддипломная практика

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

ПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, при проведении научно-исследовательских разработок

Знать:

базовые знания, полученные в области уравнений с частными производными.

Уметь:

проводить поиск, изучение и обобщение научного опыта в области уравнений с частными производными.

Владеть:

навыками проведения научных исследований в соответствии с поставленной целью.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1 Знать:

3.1.1 базовые знания, полученные в области уравнений с частными производными.

3.2 Уметь:



Рабочая программа дисциплины "Дополнительные главы уравнений с частными производными" по направлению подготовки (специальности) 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 4

3.2.1 проводить поиск, изучение и обобщение научного опыта в области уравнений с частными производными.

3.3 Владеть:

3.3.1 проведения научных исследований в соответствии с поставленной целью.

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Общая трудоемкость	3 ЗЕТ
Часов по учебному плану : 108 в том числе : аудиторные занятия : 30 самостоятельная работа : 74,7 : контактная работа: 33,3 ИКР: 3,3	Виды контроля в семестрах: зачеты 8

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
Раздел 1. Пространства Соболева				
1.1	Пространства Соболева. Неизотропные пространства Соболева /Лек/	8	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
1.2	Контрольная работа №1 /Лек/	8	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
1.3	Пространства Соболева /Ср/	8	8	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
Раздел 2. Краевые задачи для эллиптических уравнений				
2.1	Обобщенные решения краевых задач для эллиптических уравнений /Лек/	8	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
2.2	Теоремы существования и единственности /Лек/	8	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
2.3	Полнота системы собственных функций /Лек/	8	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
2.4	Контрольная работа №2 /Лек/	8	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
2.5	Краевые задачи для эллиптических уравнений /Ср/	8	10	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
Раздел 3. Смешанные задачи для параболических уравнений				



Рабочая программа дисциплины "Дополнительные главы уравнений с частными производными" по направлению подготовки (специальности) 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 5

3.1	Обобщенные решения краевых задач для параболических уравнений /Лек/	8	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
3.2	Метод разделения переменных /Лек/	8	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
3.3	Теоремы существования и единственности /Лек/	8	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
3.4	Смешанные задачи для параболических уравнений /Ср/	8	30	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
Раздел 4. Смешанные задачи для гиперболических уравнений				
4.1	Обобщенные решения краевых задач для гиперболических уравнений /Лек/	8	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
4.2	Метод разделения переменных /Лек/	8	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
4.3	Теоремы существования и единственности /Лек/	8	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
4.4	Смешанные задачи для гиперболических уравнений /Ср/	8	26,7	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3
Раздел 5. Иная контактная работа				
5.1	Индивидуальные консультации, текущий контроль. /ИКР/	8	3,3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

6.1. Перечень видов оценочных средств

1. Типовой расчет
2. Контрольная работа
3. Вопросы к зачету

6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

Дисциплиной предусмотрено проведение контрольных работ по темам: «Пространства Соболева», «Краевые задачи для эллиптических уравнений», а также типовые расчеты по темам: «Смешанные задачи для параболических уравнений», «Смешанные задачи для гиперболических уравнений».

Примеры контрольных работ и типовых расчетов прилагаются.

6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

- Перечень вопросов к зачету
1. Определение пространств Соболева и их основные свойства.
 2. Неравенство Стеклова.
 3. Эквивалентные нормы в пространствах Соболева.
 4. Ядро усреднения и усредненные функции.



5. Плотность гладких функций в пространствах Соболева.
6. Неравенство Пуанкаре.
7. Полнота пространств Соболева.
8. Теоремы вложения.
9. Компактность операторов вложения.
10. След функций.
11. Компактность оператора следа.
12. Продолжение функций через границу области.
13. Неизотропные пространства Соболева.
14. Определение обобщенных решений первой, второй и третьей краевых задач для эллиптических уравнений второго порядка.
15. Теоремы существования и единственности обобщенных решений краевых задач.
16. Определение обобщенных собственных функций краевых задач.
17. Свойства собственных значений и собственных функций.
18. Полнота системы собственных функций в пространствах Соболева.

6.4. Критерии оценивания

Балльно-рейтинговая система оценки знаний студента по дисциплине выстраивается на основе балльной оценки различных форм деятельности студентов. Зачет выставляется при наличии у студента 48 баллов.

Продолжительность зачета – 90 минут. За каждое выполненное задание итоговой контрольной студент может получить от 1 до 5 баллов. Если задание выполнено правильно, то оно оценивается максимальным баллом. Если задание выполнено с ошибками, то баллы снижаются в зависимости от количества допущенных ошибок. Максимальное количество баллов за зачет – 10.

При подведении итогов учитываются результаты текущей аттестации, в том числе посещаемость (максимум 10 баллов). Полученные за текущую аттестацию баллы суммируются с баллами, полученными за каждый этап при прохождении промежуточной аттестации:

Оценка "Не зачтено" выставляется за 47 и менее баллов.

Оценка "Зачтено" выставляется если студент набрал 48 баллов и более.

48-60 баллов Зачтено (базовый уровень);

61-71 баллов Зачтено (средний уровень);

72-80 баллов Зачтено (высокий уровень).

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для контрольной работы:

В семестре 1 контрольная работа из 5 заданий. Каждому заданию соответствует определенное количество баллов.

Максимальное количество баллов за контрольную -20.

Оценка "Не зачтено" выставляется за 11 и менее баллов.

Оценка "Зачтено" выставляется если студент набрал 12-20 баллов.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для типового расчета:

В семестровой работе 3 задачи. Каждой задаче соответствует определенное количество баллов. Максимальное количество баллов за работу -40.

Оценка "Не зачтено" выставляется за 29 и менее баллов.

Оценка "Зачтено" выставляется если студент набрал 30-40 баллов.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Рекомендуемая литература

7.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л1.1	Алексеев А. Д., Кудряшов С. Н., Радченко Т. Н.	Уравнения с частными производными в примерах и задачах: учебное пособие (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=240905)	Ростов-на-Дону : Южный федеральный университет, 2009	ЭБС
Л1.2	Розендорн Э. Р., Соболева Е. С., Фатеева Г. М., Розендорн Э. Р.	Уравнения с частными производными: учебник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=485339)	Москва : Физматлит, 2017	ЭБС



Рабочая программа дисциплины "Дополнительные главы уравнений с частными производными" по направлению подготовки (специальности) 02.03.01 "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Топологические и аналитические методы исследования математических моделей ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 7

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л1.3	Зайцев В. Ф., Полянин А. Д.	Дифференциальные уравнения с частными производными первого порядка: учебное пособие для вузов (https://urait.ru/bcode/513212)	Москва : Юрайт, 2023	ЭБС

7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л2.1	Кучер Н. А.	Краевые задачи для эллиптических систем уравнений на плоскости: учебное пособие (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=232683)	Кемерово : Кемеровский государственный университет, 2009	ЭБС
Л2.2	Ватульян А. О., Беляк О. А., Сухов Д. Ю., Явруян О. В.	Обратные и некорректные задачи: учебник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=241078)	Ростов-на-Дону : Южный федеральный университет, 2011	ЭБС
Л2.3	Олейник О. А.	Лекции об уравнениях с частными производными	Москва : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2005	

7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	eLIBRARY.RU [Электронный ресурс] : электронная библиотека / Науч. электрон. б-ка – URL: http://elibrary.ru/defaultx.asp
Э2	Российский фонд фундаментальных исследований (РФФИ) - официальный сайт http://www.rfbr.ru/rffi/ru
Э3	Научная электронная библиотека. Монографии, изданные в издательстве Российской Академии Естествознания полнотекстовый ресурс научных и учебных изданий РАЕ https://www.monographies.ru/

7.3 Перечень информационных технологий

7.3.1 Программное обеспечение

LMS Moodle

LibreOffice

7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

1. Web of Science (<https://apps.webofknowledge.com>) Web of Science : мультидисциплинарная реферативная база данных / компания Thomson Reuters. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.
2. Scopus (<https://www.scopus.com>) Scopus : реферативная база данных / Elsevier BV. – URL: <http://www.scopus.com/>. – Яз. англ. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения: проектором, экраном, магнитно-маркерной доской, маркером; с возможностью демонстрации электронных презентаций при уровне освещения, достаточном для работы с конспектом.

Для проведения занятий лекционного типа имеется демонстрационное оборудование: проектор, экран.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

При изучении данной дисциплины используются лекционные, практические занятия и самостоятельная работа студента. На лекционных занятиях преподаватель излагает основное содержание тем программы. Проработку лекционного материала студенту желательно проводить как после каждого занятия, так и по завершению темы. Это позволит



связать воедино полученные сведения и составить цельную картину.

На практических занятиях рассматриваются основные методы и приемы решения задач дискретной математики.

Рекомендуется перед каждым практическим занятием выполнить домашнее задание, что позволит лучше усвоить предыдущий материал, и изучить лекционный материал по предстоящей теме. Студенту желательно проявлять активное участие на практических и лекционных занятиях, задавать вопросы, поскольку умение обосновывать свою точку зрения, нахождение компромиссного решения в этически выдержанной дискуссии не только важно для лучшего усвоения материала, но и ценится в реальной жизни.

В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции (вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени (система дистанционного обучения Moodle, форумы, электронная почта и др.).

Большую часть времени обучающиеся самостоятельно работают с учебно-методическими материалами. Студенты имеют возможность консультироваться с преподавателем по всем вопросам, возникающим в ходе самостоятельной работы посредством электронной почты, мессенджеров, социальных сетей и т.п.

Доступ обучающегося к учебным ресурсам в режиме отложенного времени, самостоятельной работы осуществляется через сеть Интернет в удобном для него месте, времени и темпе.

При обучении инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах. Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимися по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.

10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и ассистивных информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося.

1. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения: портативный компьютер с вводом/выводом шрифтом Брайля с синтезатором речи «EIBraile-W14J G2»; ноутбуки с программной экранного доступа NVDA; электронные увеличители для удаленного просмотра; видеувеличители портативные; тифлоплеер; цифровые диктофоны.

2. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями слуха: система свободного звукового поля со встроенной совместимостью с FM-устройствами; радиоклассы «Сонет-PCM» с передатчиком, наушным индуктором и индукционной петлей; система информационная для слабослышащих переносная «Исток» А2 со встроенным плеером – звуковым информатором; документ-камера; программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования.

3. Ассистивные информационные технологии: программное обеспечение экранного доступа с синтезом речи NVDA; программы экранного увеличения; программы речевого синтеза для компьютеров и ноутбуков; программы речевого синтеза для мобильных устройств; экранная клавиатура; экранная лупа.

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации NVDA, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах, с помощью специальных технических и программных средств (рабочее место для незрячего пользователя с программным обеспечением экранного доступа с синтезом речи NVDA, речевые синтезаторы,



экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах, с помощью специальных технических и программных средств (рабочее место для незрячего пользователя с программным обеспечением экранного доступа с синтезом речи NVDA, рабочее место с компьютерным роллером и клавиатурой Clevy с большими кнопками и с разделяющей клавиши накладкой).

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме шрифтом Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине обеспечивается выполнение следующих дополнительных требований в зависимости от индивидуальных особенностей, обучающихся:

- а) доступная форма предоставления инструкции по порядку проведения процедуры оценивания (устно, в письменной форме, в письменной форме шрифтом Брайля, устно с использованием услуг сурдопереводчика);
- б) доступная форма предоставления заданий оценочных средств (в печатной форме, в печатной форме увеличенным шрифтом, в печатной форме шрифтом Брайля, в форме электронного документа, задания зачитываются ассистентом, задания предоставляются с использованием сурдоперевода);
- в) доступная форма предоставления ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены ЧелГУ или могут использоваться собственные технические средства. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Примерные варианты контрольных работ

Контрольная работа

1. Найти общее решение уравнения в частных производных:
 $y \frac{\partial z}{\partial x} - x \frac{\partial z}{\partial y} = 0$. (3 балла)
2. Найти поверхность, удовлетворяющую данному уравнению и проходящую через данную линию.
 $x \frac{\partial z}{\partial x} - y \frac{\partial z}{\partial y} = z^2(x - 3y)$; $x = 1, yz + 1 = 0$. (3 балла)
3. Найти поверхность, удовлетворяющую данному уравнению Пфаффа:
 $(x - y)dx + z dy - x dz = 0$. (4 балла)
4. Найти поверхность, удовлетворяющую данному уравнению и проходящую через данную линию.
 $x \frac{\partial z}{\partial x} + y \frac{\partial z}{\partial y} = 2xy$; $y = x, z = x^2$. (5 баллов)
5. Найти фундаментальное решение оператора
 $Lu(x,y) = u_{xx}(x,y) - u_{yy}(x,y)$, обращающееся в нуль при $y < 0$. (5 баллов)

Примерные варианты типовых расчетов

Типовой расчет

1. Задача №1 (10 баллов)

Решить смешанную задачу для уравнения теплопроводности $u_t = u_{xx}$ с начальными условиями $u(x, 0) = f(x)$ и граничными условиями $u(0, t) = a$, $u(1, t) = b$

№	$f(x)$	a	b	c	d
1		1.0	3.0	0.2	
2		1.2	3.5	0.4	
3		1.4	4.0	0.6	
4		1.6	4.5	0.8	
5		1.8	5.0	0.2	
6		2.0	5.5	0.4	
7		2.2	6.0	0.6	
8		2.4	6.5	0.8	
9		2.6	7.0	0.2	
10		2.8	8.0	0.4	
11		7	5	21	0.3
12		9	4	21	0.4
13		10	5	22	0.5
14		11	6	23	0.6
15		12	7	24	0.7
16		13	8	25	0.4
17		14	9	26	0.5
18		15	10	27	0.6
19		16	11	28	0.7
20		17	12	29	0.3

2. Задача №2 (15 баллов)

Аналитически решить неоднородную задачу Дирихле в круге.

Найти потенциал внутри круга радиуса R точечного источника q, расположенного во внутренней точке C(r_c; α), если на границе круга распределение потенциала определено функцией U(R, φ), P(r_p, φ)-текущая точка. Решить неоднородную задачу Дирихле с неоднородными граничными условиями:

(УЧП) $\Delta U = q \cdot \delta(r - \rho; \varphi - \alpha); r = r_p / R;$

(ГУ) $U(R, \varphi) \quad 0 < r < 1; \rho = r_c / R$

№	U(R,φ)	n	q	ρ	α
1	$U(R, \varphi) = \begin{cases} R \cdot \cos(\varphi), & -\pi/2 \leq \varphi < \pi/2 \\ 0, & \pi/2 \leq \varphi < -\pi/2 \end{cases}$ $R = n$	1	1	0.3	1
		2	1	0.6	1/2
		3	1	0.9	1/3
		4	2	0.1	1/4
		5	2	0.4	1.3
2	$U(R, \varphi) = \begin{cases} R \cdot \sin(\varphi), & -\pi/2 \leq \varphi < \pi/2 \\ 0, & \pi/2 \leq \varphi < -\pi/2 \end{cases}$ $R = n.$	6	2	0.8	1.6
		7	3	0.2	1.8
		8	3	0.5	2
		9	3	0.9	2.3
		10	4	0.7	2.5
3	$U(R, \varphi) = \begin{cases} R \cdot \cos^2(\varphi), & -\pi/2 \leq \varphi < \pi/2 \\ 0, & \pi/2 \leq \varphi < -\pi/2 \end{cases}$ $R = n - 10$	11	4	0.8	2.75
		12	4	0.6	3
		13	5	0.4	3.3
		14	5	0.2	3.6
		15	5	0.1	3.8
4	$U(R, \varphi) = \begin{cases} R \cdot \sin^2(\varphi), & 0 \leq \varphi < \pi \\ 0, & \pi \leq \varphi < 2\pi \end{cases}$ $R = n - 15.$	16	2.5	0.2	0.2
		17	3.5	0.3	0.5
		18	4.5	0.4	1
		19	5.5	0.5	1.2
		20	6.5	0.6	1.4

3. Задача №3 (15 баллов)

Найти решение U(x, y) методом сеток задачи Дирихле в квадрате со стороной 1 для уравнения Лапласа краевыми условиями вида

$U(0, y) = f_1(y) \quad (0 \leq y \leq 1), \quad U(1, y) = f_2(y) \quad (0 \leq y \leq 1)$

$U(x, 0) = f_3(y) \quad (0 \leq x \leq 1), \quad U(x, 1) = f_4(y) \quad (0 \leq x \leq 1)$

N	f ₁	f ₂	f ₃	f ₄
1				
10	1+n/2	y ² ·n/2	(1-x)+n/2	(1+n/2)·(1-x) ²
11				
20	n/2	$\frac{n-10}{2} \cdot \cos(\frac{\pi \cdot y}{2})$	$\frac{n}{2} \cdot \cos(\frac{\pi \cdot x}{2})$	((n-10)/2)·x ²

