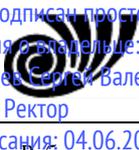


Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор Дата подписания: 04.06.2025 13:02:01 Уникальный программный ключ: 04c19ed88fb98f3b6cb77a486b9a8788b83232323	 МИНОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)	Рабочая программа дисциплины "Геометрия" по направлению подготовки (специальности) 01.03.02 Прикладная математика и информатика направленности (профилю) Прикладная математика и искусственный интеллект ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 1
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------

Рабочая программа дисциплины (модуля)*

Геометрия

Направление подготовки (специальность)

01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль)

Прикладная математика и искусственный интеллект

Присваиваемая квалификация (степень)

бакалавр

Форма обучения

очная

Год(ы) набора 2025

*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2025 г.



Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
 - 6.1. Перечень видов оценочных средств
 - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
 - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
 - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
 - 7.1. Рекомендуемая литература
 - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
 - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья



1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью преподавания дисциплины является знакомство с основными понятиями, положениями и методами аналитической геометрии. Формирование у студентов логического мышления, навыков в решении прикладных задач геометрическими методами.

Задачами изучения дисциплины являются:

1. Изучение студентами данного направления фундаментальных знаний в области аналитической геометрии.
2. Овладение основными навыками и методами решения задач аналитической геометрии и применение их в будущей профессиональной деятельности.
3. Выработка у студентов способности к самоорганизации и самообразованию, умения самостоятельно изучать учебную литературу по математике и ее приложениям.

Результаты обучения по дисциплине направлены на достижение индикаторов:

ОПК-1.1. Обладает фундаментальными знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук

ОПК-1.2. Демонстрирует умение решать задачи, формулируемые в рамках математических и (или) естественных наук

ОПК-1.3. Имеет навыки использования основных понятий, теорем, законов математики и (или) естественных наук для решения задач профессиональной деятельности

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Цикл (раздел) ОПОП: Б1.О.03

2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Данная дисциплина является базовой в системе образования по данному направлению. Ее изучение опирается на знания по элементарной математике, полученные студентами в средней школе и параллельное изучение

Алгебра

Математический анализ

2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Знания по геометрии полезны для изучения дисциплин:

Компьютерная графика

Теория вероятностей

Математический анализ

Теоретическая механика

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

ОПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

Знать:

Для достижения ОПК-1.1: основные понятия, результаты и методы аналитической геометрии, область их применения

Уметь:

Для достижения ОПК-1.2: решать стандартные задачи по аналитической геометрии и сводить новые задачи к стандартным

Владеть:

Для достижения ОПК-1.3: методами решения геометрических задач в профессиональной деятельности

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1 Знать:

3.1.1 основные понятия, результаты и методы аналитической геометрии, область их применения

3.2 Уметь:



3.2.1 решать задачи вычислительного и теоретического характера в области геометрии двухмерного и трехмерного (евклидова) пространства

3.3 Владеть:

3.3.1 использования математического аппарата геометрии, аналитических методов исследования геометрических объектов

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Общая трудоемкость		6 ЗЕТ
Часов по учебному плану	: 216	Виды контроля в семестрах: экзамены 1, 2
в том числе	:	
аудиторные занятия	: 118	
самостоятельная работа	: 32,8	
часов на контроль	: 45	
контактная работа: 138,2		
ИКР: 20,2		

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
	Раздел 1. Векторная алгебра			
1.1	Векторы на плоскости и в пространстве /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.2	Системы координат на плоскости и в пространстве /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.3	Линейная зависимость векторов. Координаты вектора /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.4	Скалярное произведение векторов /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.5	Векторное произведение векторов /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.6	Смешанное произведение векторов /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.7	Операции над векторами. Линейное выражение вектора через другие /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.8	Примеры систем координат. Нахождение координат точки в разных системах координат. Координаты вектора. Длина вектора. Линейная зависимость и независимость векторов /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.9	Контрольная работа по теме «Векторная алгебра» /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.10	Скалярное произведение векторов и его свойства. Критерий ортогональности. Вычисление углов между векторами /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.11	Векторное произведение векторов и его свойства. Критерий коллинеарности. Вычисление площади треугольника и параллелограмма /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.12	Смешанное произведение векторов и его свойства. Критерий компланарности. Вычисление объема тетраэдра /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
1.13	Контрольная работа по теме «Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Их свойства» /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2



1.14	Векторы: векторы, их сложение и умножение на число; линейная зависимость векторов и ее геометрический смысл; базис и координаты; скалярное произведение векторов; переход от одного базиса к другому; ориентация; ориентированный объем параллелепипеда; векторное и смешанное произведения векторов /Ср/	1	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
Раздел 2. Прямая линия на плоскости				
2.1	Прямая на плоскости. Параметрическое, каноническое и общее уравнения прямой на плоскости /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
2.2	Взаимное расположение двух прямых на плоскости /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
2.3	Расстояние от точки до прямой /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
2.4	Канонические, параметрические и общее уравнения прямой на плоскости. Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки. Уравнение прямой по вектору нормали и точке /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
2.5	Взаимное расположение двух прямых на плоскости. Угол между двумя прямыми. Расстояние от точки до прямой /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
2.6	Контрольная работа по теме «Уравнение прямой на плоскости» /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
2.7	Прямая линия в плоскости: системы координат; уравнение прямой линии на плоскости; взаимное расположение прямых на плоскости /Ср/	1	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
Раздел 3. Плоскость и прямая в пространстве				
3.1	Плоскость в пространстве /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.2	Взаимное расположение двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.3	Прямая в пространстве /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.4	Взаимное расположение прямой и плоскости /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.5	Взаимное расположение двух прямых в пространстве /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.6	Параметрическое, каноническое уравнение прямой в пространстве. Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.7	Параметрические, общее уравнения плоскости. Уравнение плоскости, проходящей через три точки /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.8	Взаимное расположение прямой и плоскости. Взаимное расположение двух плоскостей. Прямая как линия пересечения двух плоскостей /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.9	Расстояние от точки до плоскости. Расстояние от точки до прямой. Вычисление углов между прямыми и плоскостями /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.10	Расстояние между скрещивающимися прямыми /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.11	Контрольная работа по теме «Уравнения прямой и плоскости в пространстве» /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
3.12	Прямая линия и плоскость: системы координат; переход от одной системы координат к другой; уравнение прямой линии и плоскости в пространстве; взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве; прямая в пространстве /Ср/	1	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
Раздел 4. Преобразование координат				
4.1	Преобразования координат в аффинных и прямоугольных системах координат /Лек/	1	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2



4.2	Переход от одной аффинной (прямоугольной) системы координат к другой; ортогональные матрицы и преобразования прямоугольных координат /Ср/	1	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
Раздел 5. Кривые второго порядка				
5.1	Кривые второго порядка. Эллипс. Гипербола. Парабола /Лек/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.2	Кривые второго порядка. Эллипс. Гипербола. Парабола /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.3	Ортогональная классификация кривых второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.4	Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.5	Центральные кривые второго порядка. Ортогональные инварианты кривых второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.6	Распознавание центральных кривых второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.7	Ортогональные полуинварианты кривых второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.8	Распознавание нецентральных кривых второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.9	Аффинная классификация кривых второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.10	Уравнение эллипса, гиперболы, параболы /Пр/	1	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.11	Уравнение эллипса, гиперболы, параболы /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.12	Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду ортогональными преобразованиями /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.13	Распознавание кривых второго порядка /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.14	Аффинная классификация кривых второго порядка /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
5.15	Линии второго порядка: квадратичные функции на плоскости и их матрицы; эллипс, гипербола и парабола. Ортогональные инварианты квадратичных функций; приведение уравнения линий второго порядка к каноническому виду; пересечение линий второго порядка с прямой; центры линий второго порядка; асимптоты и сопряженные диаметры; главные направления и главные диаметры; оси симметрии. /Ср/	2	10	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
Раздел 6. Поверхности второго порядка				
6.1	Поверхности второго порядка. Эллипсоид. Однополостный и двуполостный гиперболоиды. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.2	Эллиптический и гиперболический параболоиды. Цилиндрические поверхности. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.3	Конусы. Конические сечения /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.4	Прямолинейные образующие /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.5	Ортогональная классификация поверхностей второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.6	Приведение уравнения поверхности к каноническому виду /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.7	Ортогональные инварианты и полуинварианты поверхностей второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2



6.8	Распознавание поверхностей второго порядка. /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.9	Аффинная классификация поверхностей второго порядка. Касательная плоскость к поверхности второго порядка /Лек/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.10	Уравнения поверхностей второго порядка /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.11	Приведение уравнения поверхности второго порядка к каноническому виду ортогональными преобразованиями /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.12	Распознавание поверхностей второго порядка /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.13	Аффинная классификация поверхностей второго порядка /Пр/	2	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
6.14	Поверхности второго порядка: теорема о канонических уравнениях поверхностей второго порядка (без доказательства); эллипсоиды; гиперболоиды; параболоиды; цилиндры; конические сечения; прямолинейные образующие; ортогональная классификация поверхностей второго порядка. /Ср/	2	11,8	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
Раздел 7. Иная контактная работа				
7.1	Индивидуальные консультации, текущий контроль /ИКР/	1	11	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2
7.2	Индивидуальные консультации, текущий контроль /ИКР/	2	9,2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

6.1. Перечень видов оценочных средств

Средства оценивания, используемые для текущего контроля:

- контрольная работа;
- теоретический срез.

6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

Типовые контрольные работы для текущего контроля приведены в приложении.

6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

Теоретические вопросы к экзамену за 1 семестр

1. Векторы. Определение вектора. Равенство векторов. Коллинеарность и компланарность векторов.
2. Линейные операции над векторами. Свойства операций. Теорема о коллинеарных векторах.
3. Аффинная система координат на плоскости и в пространстве. Координаты точки.
4. Координаты вектора. Прямоугольная система координат на плоскости и в пространстве.
5. Полярная система координат на плоскости. Связь с прямоугольной.
6. Цилиндрическая, сферическая системы координат в пространстве. Связь с прямоугольной.
7. Линейная комбинация векторов. Линейно зависимые, независимые векторы.
8. Свойства линейно зависимых и независимых систем векторов.
9. Геометрические свойства линейно зависимых систем векторов, состоящих из одного, двух, трех векторов. Линейная зависимость четырех векторов.
10. Базис. Базисы на прямой, плоскости, в пространстве. Координаты вектора в базисе. Сложение векторов и умножение вектора на число в координатах.
11. Деление отрезка в заданном отношении.
12. Определение скалярного произведения векторов.
13. Длина вектора. Расстояние между двумя точками. Угол между векторами.
14. Векторная ортогональная проекция и скалярная проекция вектора на ось. Свойства скалярной проекции.
15. Доказательство свойств скалярного произведения. Теорема о записи скалярного произведения в координатах.
16. Правая тройка векторов: определение и примеры.
17. Определение и свойства векторного произведения векторов. Теорема о записи векторного произведения в координатах.
18. Определение и свойства смешанного произведения векторов. Теорема о записи смешанного произведения векторов через координаты сомножителей.
19. Направляющие косинусы.



20. Общее понятие об уравнениях. Алгебраические линии и поверхности.
21. Направляющий вектор. Вектор нормали. Параметрическое уравнение прямой на плоскости.
22. Каноническое уравнение прямой на плоскости.
23. Общее уравнение прямой на плоскости. Геометрический смысл коэффициентов.
24. Критерий коллинеарности вектора и прямой.
25. Расстояние от точки до прямой на плоскости.
26. Взаимное расположение прямых на плоскости.
27. Теорема о полуплоскостях.
28. Параметрическое уравнение плоскости.
29. Общее уравнение плоскости. Геометрический смысл коэффициентов в общем уравнении плоскости.
30. Взаимное расположение плоскостей.
31. Расстояние от точки до плоскости.
32. Параметрические уравнения прямой в пространстве.
33. Каноническое уравнение прямой в пространстве.
34. Прямая как линия пересечения двух плоскостей.
35. Каноническое уравнение прямой в пространстве.
36. Взаимное расположение прямой и плоскости.
37. Взаимное расположение прямых в пространстве.
38. Расстояние от точки до прямой в пространстве.
39. Расстояние между скрещивающимися прямыми.
40. Переход от одной аффинной системы координат к другой с тем же началом.
41. Переход от одной аффинной системы координат к другой с изменением начала координат.
42. Переход от одной прямоугольной системы координат на плоскости к другой прямоугольной системе координат.
43. Определение кривой второго порядка. Корректность определения.
44. Определение эллипса. Каноническое уравнение эллипса.
45. Директориальное свойство эллипса. Оптическое свойство эллипса.
46. Определение гиперболы. Каноническое уравнение гиперболы.
47. Директориальное свойство гиперболы. Оптическое свойство гиперболы.
48. Определение параболы. Каноническое уравнение параболы. Оптическое свойство параболы.

Теоретические вопросы к экзамену за 2 семестр

1. Определение собственного вектора матрицы. Доказательство леммы о собственных векторах симметрической матрицы.
2. Доказательство леммы о приведении симметрической матрицы к диагональному виду.
3. Доказательство теоремы о приведении уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
4. Определение ортогонального инварианта кривой второго порядка. Доказательство леммы о характеристическом многочлене матрицы квадратичной части и следствие из нее. Доказательство леммы об определителе расширенной матрицы.
5. Определение центральной кривой второго порядка. Доказательство теоремы о нахождении центра кривой второго порядка.
6. Доказательство теоремы о распознавании центральных кривых второго порядка при помощи ортогональных инвариантов.
7. Определение ортогонального полуинварианта кривой второго порядка. Доказательство леммы о характеристическом многочлене расширенной матрицы и следствие из нее. Доказательство леммы об инвариантности параметра S .
8. Доказательство теоремы о распознавании нецентральных кривых второго порядка при помощи ортогональных инвариантов и полуинвариантов.
9. Определение аффинных преобразований плоскости и пространства.
10. Доказательство теоремы об аффинной классификации кривых второго порядка.
11. Определение поверхности второго порядка. Корректность определения.
12. Определения эллипсоида, однополостного и двуполостного гиперboloидов, эллиптического и гиперболического параболоидов. Исследование их формы и построение.
13. Определение конической поверхности. Определение эллиптического конуса и его построение. Кривые второго порядка как конические сечения.
14. Определение цилиндрической поверхности. Определения эллиптического, гиперболического и параболического цилиндров. Их построение.
15. Формулировка теоремы о прямолинейных образующих однополостного гиперboloида.



16. Формулировка теоремы о прямолинейных образующих гиперболического параболоида.
17. Формулировка леммы о диагонализируемости матрицы квадратичной части уравнения поверхности второго порядка.
18. Формулировка леммы об ортогональности собственных векторов симметрической матрицы размера 3×3 .
19. Доказательство теоремы о приведении уравнения поверхности второго порядка к каноническому виду.
20. Определение ортогонального инварианта и полуинварианта поверхностей второго порядка. Доказательство леммы о характеристическом многочлене матрицы квадратичной части и следствие из нее. Доказательство леммы о характеристическом многочлене расширенной матрицы.
21. Определение центральной поверхности второго порядка.
22. Доказательство теоремы о нахождении центра поверхности второго порядка. Доказательство теоремы о распознавании поверхностей второго порядка при помощи ортогональных инвариантов и полуинвариантов.
23. Доказательство теоремы об аффинной классификации поверхностей второго порядка.
24. Определение касательной прямой к поверхности второго порядка. Формулировка теоремы о касательной плоскости.

6.4. Критерии оценивания

Балльно-рейтинговая система оценки знаний студента по дисциплине выстраивается на основе балловой оценки различных форм деятельности студентов. Для оценки экзамена суммируются баллы семестра и экзамена.

Оценивание студента при текущем контроле ведется по нескольким формам:

- Активная работа студента на занятии.
- Выполнение домашних заданий.
- Выполнение контрольных работ.

Наименование и краткое содержание контрольных мероприятий (Максимальное количество баллов)

1. Контрольная работа по теме «Векторная алгебра» (15 баллов)
 2. Контрольная работа по теме «Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Их свойства» (15 баллов)
 3. Контрольная работа по теме «Уравнение прямой на плоскости» (15 баллов)
 4. Контрольная работа по теме «Уравнения прямой и плоскости в пространстве» (15 баллов)
 5. Теоретический срез (I семестр) (20 баллов)
 6. Проверка домашних заданий (1 семестр) (10 баллов)
 7. Активность на практических занятиях (1 семестр) (10 баллов)
- Итого (1 семестр) 100

1. Домашняя контрольная работа по теме «Кривые второго порядка» (15 баллов)
 2. Домашняя контрольная работа по теме «Классификация кривых второго порядка» (15 баллов)
 3. Домашняя контрольная работа по теме «Поверхности второго порядка» (30 баллов)
 4. Теоретический срез (II семестр) (20 баллов)
 5. Проверка домашних заданий (2 семестр) (10 баллов)
 6. Активность на практических занятиях (2 семестр) (10 баллов)
- Итого (2 семестр) 100

Контрольная работа по теме «Векторная алгебра» проводится на практическом занятии и выполняется в течении двух академических часов.

Задание для контрольной работы содержит пять задач.

Максимальный балл за решение одной задачи – 3 балла. Каждая задача оценивается следующим образом:

- 3 балла – задача решена верно, ошибок нет;
- 2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;
- 1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;
- 0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.

Контрольная работа по теме «Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Их свойства» проводится на практическом занятии и

выполняется в течении двух академических часов. Задание для контрольной работы содержит четыре задачи.

Максимальный балл за решение одной задачи – 3 балла. Каждая задача оценивается следующим образом:

- 3 балла – задача решена верно, ошибок нет;
- 2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;
- 1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;
- 0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.



Контрольная работа по теме «Уравнение прямой на плоскости» проводится на практическом занятии и выполняется в течении двух

академических часов. Задание для контрольной работы содержит пять задач.

Максимальный балл за решение одной задачи – 3 балла. Каждая задача оценивается следующим образом:

3 балла – задача решена верно, ошибок нет;

2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;

1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;

0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.

Контрольная работа по теме «Уравнения прямой и плоскости в пространстве» проводится на практическом занятии и выполняется в течении двух академических часов.

Задание для контрольной работы содержит шесть задач. Максимальный балл за решение первой задачи – 3 балла.

Первая задача оценивается следующим образом:

3 балла – задача решена верно, ошибок нет;

2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;

1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;

0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.

Максимальный балл за решение каждой второй-шестой задачи – 2 балла. Каждая задача оценивается следующим образом:

2 балла – задача решена верно, ошибок нет;

1 балл – выбран верный метод решения, сделана арифметическая ошибка;

0 баллов – отсутствует решение или сделана грубая ошибка.

Теоретический срез проводится на последней лекции, продолжительность 40 минут. Состоит из 10 теоретических вопросов (формулировки определений, теорем). Каждый верно отвеченный вопрос оценивается в 1 балл.

Доказательство одной из сформулированных теорем оценивается в 10 баллов.

Проверка домашних заданий (1 семестр)

Оценка 1 балл может быть выставлена за 60% выполненных и сданных в срок домашних заданий за отчетный период.

Экзамен проводится по окончании первого семестра. Суммарный балл экзамена оценивается 40 баллами.

Экзамен состоит из 5 вопросов. Форма проведения экзамена – письменная.

Максимальная оценка за каждый вопрос составляет 8 баллов. При оценивании ответа на каждый из вопросов используется следующая шкала оценки:

8 баллов – вопрос раскрыт полностью, ошибок в ответе нет;

7 баллов – вопрос раскрыт не полностью (не менее 90%), ошибок в ответе нет;

6 баллов – вопрос раскрыт не полностью (не менее 80%), ошибок в ответе нет;

5 баллов – вопрос раскрыт не полностью (не менее 80%), 1-2 негрубые ошибки;

4 балла – вопрос раскрыт не полностью (не менее 80%), присутствуют грубые ошибки (не более двух);

3 балла – вопрос раскрыт удовлетворительно, имеются существенные недостатки по полноте и содержанию ответа;

2 балла – ответ не является логически законченным и обоснованным, поставленный вопрос раскрыт

неудовлетворительно с точки зрения полноты и глубины изложения материала;

1 балл – в ответе приводятся бессистемные сведения, относящиеся к поставленному вопросу, но не дающие ответа на него;

0 баллов – отсутствует ответ на вопрос или содержание ответа не совпадает с поставленным вопросом.

Домашняя контрольная работа по теме «Кривые второго порядка» проводится после 17 практического занятия.

Задание для контрольной работы содержит четыре задачи. Максимальный балл за решение одной задачи – 3 балла.

Каждая задача оценивается следующим образом:

3 балла – задача решена верно, ошибок нет;

2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;

1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;

0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.

Домашняя контрольная работа по теме «Классификация кривых второго порядка» проводится после 20 практического занятия. Задание для контрольной работы содержит три задачи.



Максимальный балл за решение первой задачи – 5 баллов.

1 балл – верно найдены собственные значения;

2 балла – верно найден базис из собственных векторов, выписано уравнение в новой системе координат;

3 балла – верно найдено каноническое уравнение;

4 балла – верно определен тип кривой, выписана каноническая система координат;

5 баллов – верно определен тип кривой, выписана каноническая система координат и сделан схематический рисунок;

0 баллов в остальных случаях.

Максимальный балл за решение второй и третьей задачи – 3 балла.

Каждая задача оценивается следующим образом:

3 балла – задача решена верно, ошибок нет;

2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;

1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;

0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.

Домашняя контрольная работа по теме «Поверхности второго порядка» проводится после 24 практического занятия.

Задание для контрольной работы содержит три задачи.

Максимальный балл за решение первой и второй задачи – 3 балла

Каждая задача оценивается следующим образом:

3 балла – задача решена верно, ошибок нет;

2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка;

1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки;

0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.

Максимальный балл за решение третьей задачи – 5 баллов.

1 балл – верно выписано характеристическое уравнение;

2 балла – верно найдены собственные значения;

3 балла – верно найден базис из собственных векторов, выписано уравнение в новой системе координат;

4 балла – верно найдено каноническое уравнение;

5 баллов – верно определен тип поверхности, выписана каноническая система координат;

0 баллов в остальных случаях.

Теоретический срез проводится на последней лекции, продолжительность 40 минут. Состоит из 10 теоретических вопросов (формулировки определений, теорем). Каждый верно отвеченный вопрос оценивается в 1 балл.

Доказательство одной из сформулированных теорем оценивается в 10 баллов.

Проверка домашних заданий (2 семестр)

Оценка 1 балл может быть выставлена за 60% выполненных и сданных в срок домашних заданий за отчетный период.

Активность на практических занятиях (2 семестр)

2 балла выставляется студенту, регулярно работающему у доски на практических занятиях, а также отвечающему на вопросы с места.

0 баллов выставляется студенту, который ни разу не вышел к доске, а также не ответил ни на один вопрос. Все остальные возможные баллы от 0 до 2 выставляются пропорционально числу ответов (выходов к доске).

Экзамен проводится по окончании второго семестра. Суммарный балл экзамена оценивается 40 баллами. Экзамен состоит из 5 вопросов. Форма проведения экзамена – письменная.

Максимальная оценка за каждый вопрос составляет 8 баллов. При оценивании ответа на каждый из вопросов используется следующая шкала оценки:

8 баллов – вопрос раскрыт полностью, ошибок в ответе нет;

7 баллов – вопрос раскрыт не полностью (не менее 90%), ошибок в ответе нет;

6 баллов – вопрос раскрыт не полностью (не менее 80%), ошибок в ответе нет;

5 баллов – вопрос раскрыт не полностью (не менее 80%), 1-2 негрубые ошибки;

4 балла – вопрос раскрыт не полностью (не менее 80%), присутствуют грубые ошибки (не более двух);

3 балла – вопрос раскрыт удовлетворительно, имеются существенные недостатки по полноте и содержанию ответа;

2 балла – ответ не является логически законченным и обоснованным, поставленный вопрос раскрыт неудовлетворительно с точки зрения полноты и глубины изложения материала;

1 балл – в ответе приводятся бессистемные сведения, относящиеся к поставленному вопросу, но не дающие ответа на него;



0 баллов – отсутствует ответ на вопрос или содержание ответа не совпадает с поставленным вопросом.

Итоговая оценка выставляется по балльной системе. Суммируются баллы, полученные за контрольные работы, домашние работы и за активную работу на занятиях, баллы, полученные на экзамене. Итоговая оценка выставляется по 100-балльной шкале, исходя из полученной суммы баллов:

От 0 до 59 баллов – «неудовлетворительно»

От 60 до 74 баллов – «удовлетворительно»

От 75 до 84 баллов – «хорошо»

От 85 до 100 баллов – «отлично»

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Рекомендуемая литература

7.1.1. Основная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
Л1.1	Смирнов Ю. М.	Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре: сборник задач и упражнений (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=84738)	Москва : Логос, 2005	ЭБС
Л1.2	Алания Л. А., Гусейн-Заде С. М., Дынников И. А., Мануйлов В. М., Миллионщиков Д. В., Смирнов Ю. М.	Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре: учебное пособие	Москва : Логос, 2005	
Л1.3	Александров П. С.	Лекции по аналитической геометрии, дополненные необходимыми сведениями из алгебры с приложением собрания задач, снабженных решениями, составленного А. С. Пархоменко (https://e.lanbook.com/book/183619)	Санкт-Петербург : Лань, 2022	ЭБС

7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
Л2.1	Беклемишева Л. А., Беклемишев Д. В., Петрович А. Ю., Чубаров И. А.	Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре: учебное пособие для вузов (https://e.lanbook.com/book/341228)	Санкт-Петербург : Лань, 2023	ЭБС
Л2.2	Беклемишев Д. В.	Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник для вузов (https://e.lanbook.com/book/402917)	Санкт-Петербург : Лань, 2024	ЭБС

7.3 Перечень информационных технологий

7.3.1 Программное обеспечение

LMS Moodle

OpenOffice

7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

1. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (<https://elibrary.ru/defaultx.asp?>) eLIBRARY.RU : научная электронная библиотека : сайт. – Москва, 2000 – . – URL: <https://elibrary.ru>. – Режим доступа: для зарегистрированных пользователей. – Текст : электронный.

2. Справочник «Информио» (<http://www.informio.ru/>) ИНФОРМИО : электронный справочник [обеспечение всех типов образовательных учреждений нормативными, методическими, научнопрактическими материалами]. – URL: <http://www.informio.ru/>. – Режим доступа: для зарегистрированных пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)



Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения (мультимедийное устройство, проектор, ноутбук или стационарный компьютер).

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Для проведения занятий лекционного типа предлагаются наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий (презентации, расположенные в системе LMS Moodle).

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

При изучении данной дисциплины используются лекционные, практические занятия и самостоятельная работа студента. На лекционных занятиях преподаватель излагает основное содержание тем программы. Проработку лекционного материала студенту желательно проводить как после каждого занятия, так и по завершению темы. Это позволит связать воедино полученные сведения и составить цельную картину.

На практических занятиях рассматриваются основные методы и приемы решения задач аналитической геометрии. Рекомендуется перед каждым практическим занятием выполнить домашнее задание, что позволит лучше усвоить предыдущий материал, и изучить лекционный материал по предстоящей теме. Студенту желательно проявлять активное участие на практических и лекционных занятиях, задавать вопросы, поскольку умение обосновывать свою точку зрения, нахождение компромиссного решения в этически выдержанной дискуссии не только важно для лучшего усвоения материала, но и ценится в реальной жизни.

Важным моментом при изучении любой дисциплины является организация самостоятельной работы. При освоении материала не следует стремиться к механическому запоминанию приведенных определений, формулировок и положений, если требования прямо не указывают на это. Вполне эффективной может оказаться попытка понять суть явления, выработать свое отношение к нему, опираясь на материал, содержащийся в рекомендованной литературе. Сказанное особенно эффективно, когда речь идет о таких требованиях, как «понимает» или «имеет представление». Напротив, если студент имеет дело с требованием к деятельности «должен уметь», то рекомендуется поупражняться в соответствующем виде деятельности. Все это имеет непосредственное отношение к подготовке к практическим занятиям.

В освоении дисциплины (модуля) инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная работа. Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснение учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации по предмету является важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.

В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции (вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени (система дистанционного обучения Moodle, форумы, электронная почта и др.).

Большую часть времени обучающиеся самостоятельно работают с учебно-методическими материалами. Студенты имеют возможность консультироваться с преподавателем по всем вопросам, возникающим в ходе самостоятельной работы посредством электронной почты, социальных сетей и т.п.

Доступ обучающегося к учебным ресурсам в режиме отложенного времени, самостоятельной работы осуществляется через сеть Интернет в удобном для него месте, времени и темпе.

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.

Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимся по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с



применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.

10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося (мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения и с нарушением слуха, ассистивные информационные технологии).

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся с инвалидностью и с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ с помощью специальных технических и программных средств к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах.

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и особенностям восприятия информации.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий.

При проведении промежуточной аттестации по дисциплине обучающимся с инвалидностью и с ограниченными возможностями здоровья обеспечивается по их заявлению предоставление в доступной форме в зависимости от их индивидуальных особенностей инструкции о порядке проведения промежуточной аттестации, оценочных средств и возможности ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование предоставленных ЧелГУ или собственных технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Контрольная работа 1
Вариант 1

1. Дан тетраэдр $ABCD$. Точка M — середина стороны BC , O — пересечение медиан грани ADC . Найти координаты вектора \vec{MO} в базисе \vec{DA}, \vec{DB} и \vec{DC} .
2. Проверить линейную независимость системы векторов $\vec{a}_1 = (2, 4, 1), \vec{a}_2 = (0, 4, 6)$ и $\vec{a}_3 = (-4, -4, 4)$. В случае, если система зависима, выразить один вектор через два других.
3. Найти координаты точки в \mathbb{R}^2 , отстоящей от точек $A = (1, 1), B = (3, 2)$ на расстояния 3, 1 соответственно.
4. В треугольнике ABC с вершинами $A = (-3, -1), B = (2, -4)$ и $C = (7, 7)$ найти координаты конца биссектрисы AL .

Параметры в заданиях необходимо заменить на числа:

\mathbf{a} - количество букв в вашей фамилии, \mathbf{b} - количество букв в вашем полном имени,
 \mathbf{c} - количество букв в вашем отчестве.

Контрольная работа №2

1. Известны координаты векторов $\vec{a} = \{1; -2; 3\}, \vec{b} = \{-4; 5; -6\}, \vec{c} = \{7; -8; 0\}$. Найти координаты вектора \vec{x} , если скалярные произведения $(\vec{x}; \vec{a}) = \mathbf{a}$, $(\vec{x}; \vec{b}) = \mathbf{b}$ и $(\vec{x}; \vec{c}) = \mathbf{c}$.
2. Найти длину высоты CH треугольника ABC с вершинами $A(\mathbf{a}; 1; 3), B(-\mathbf{b}; 1; 3), C(0; \mathbf{c}; 3)$.
3. Известно, что площадь параллелограмма, построенного на векторах \vec{a} и \vec{b} равна \mathbf{b} . Найти площадь параллелограмма, построенного на векторах $\mathbf{c}\vec{a} + \mathbf{a}\vec{b}$ и $-\vec{a} + \vec{b}$.
4. Найти объем тетраэдра с вершинами $A(\mathbf{a}; \mathbf{b}; 2), B(0; \mathbf{a}; 2), C(\mathbf{b}; 0; 2), D(\mathbf{c}; -\mathbf{c}; 0)$.

Параметры в заданиях необходимо заменить на числа:

\mathbf{a} - количество букв в вашей фамилии, \mathbf{b} - количество букв в вашем полном имени,
 \mathbf{c} - количество букв в вашем отчестве.

Контрольная работа № 3

1. Написать уравнение прямой l_1 на плоскости, проходящей через точку $M(\mathbf{a}; \mathbf{b})$ параллельно прямой $l_2 : 3x - 2y + \mathbf{c} = 0$. Найти расстояние между прямыми l_1 и l_2 .
2. Даны вершины треугольника $A(\mathbf{a}; 1), B(-\mathbf{b}; 1), C(0; \mathbf{c})$.
 - 1) Написать общее уравнение прямой AC ;
 - 2) Написать общее уравнение медианы CM треугольника ABC ;
 - 3) Найти общее уравнение высоты CD треугольника ABC ;
 - 4) Найти угол между прямыми AB и AC .

Параметры в заданиях необходимо заменить на числа:
a - количество букв в вашей фамилии, **b** - количество букв в вашем полном имени,
c - количество букв в вашем отчестве.

Контрольная работа № 4

1. Найти проекцию точки $A(c; 0; 1)$ на прямую, заданную уравнениями:
$$\begin{cases} ax + y - z = 0 \\ 2x - y + z + b = 0 \end{cases} .$$
2. Даны вершины тетраэдра $A(a; 1; -2)$, $B(-b; 1; -2)$, $C(0; c; -2)$, $D(a; 1 - b; b - 2)$.
 - 1) Написать уравнение плоскости ABC ;
 - 2) Написать уравнение медианы CM треугольника ABC ;
 - 3) Найти длину высоты тетраэдра, опущенной из вершины D ;
 - 4) Найти угол между прямой AD и плоскостью ABC ;
 - 5) Найти проекцию точки D на плоскость ABC .

Параметры в заданиях необходимо заменить на числа:
a - количество букв в вашей фамилии, **b** - количество букв в вашем полном имени,
c - количество букв в вашем отчестве.

Контрольная работа №5

1. Дано каноническое уравнение кривой второго порядка $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$. Написать тип кривой. Найти координаты фокусов, эксцентриситет, директрисы и асимптоты.
2. Написать уравнение эллипса, фокусы которого лежат на оси Ox , симметрично относительно начала координат, зная, что расстояние между его директрисами равно $2b + 1$, а между фокусами равно $2b$.
3. Составить уравнение параболы, если даны координаты фокуса $F(2a - c; 0)$ и уравнение директрисы $x = -c$.
4. Определить тип поверхности второго порядка, написать ее каноническое уравнение.
$$a^2x^2 + (-1)^b b^2 y^2 - 2a^2 c x + a^2 b^2 z + a^2(c^2 - b^2) = 0.$$

Контрольная работа № 6

Кривая L второго порядка задана уравнением
$$9x^2 + 13y^2 + 18xy + 18x + 22y - 11 = 0$$

1. Привести уравнение кривой L при помощи ортогональных преобразований к каноническому виду. Выписать каноническую систему координат. Определить тип кривой. Схематично нарисовать кривую относительно исходной системы координат.
2. При помощи ортогональных инвариантов и полуинвариантов определить тип кривой L .
3. Методом выделения полных квадратов привести уравнение кривой к каноническому виду. Определить аффинный тип кривой L .

Контрольная работа № 7

1. Определите координаты центра и найти радиус сферы $x^2 + y^2 + z^2 - 12x + 4y - 6z = 0$.

2. Напишите уравнение круглого цилиндра, проходящего через точку $(1, 2, -2)$, осью которого служит прямая $\frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+3}{2}$.

3. Привести уравнение поверхности $x^2 - 9y^2 + 6xy + 50x - 50y - 15z - 100 = 0$ при помощи ортогональных преобразований к каноническому виду. Выписать каноническую систему координат. Определить тип поверхности.

Перечень определений и теорем к теоретическому срезу по дисциплине
«Геометрия», 1 семестр

1. Определение свободного вектора, коллинеарных, компланарных векторов.
2. Линейные операции над векторами. Свойства операций.
3. Теорема о коллинеарных векторах.
4. Определение аффинной системы координат на плоскости и в пространстве.
5. Определение координат вектора.
6. Определение прямоугольной системы координат на плоскости и в пространстве.
7. Определение полярной системы координат на плоскости. Формулы перехода от полярной системы координат к прямоугольной.
8. Определение цилиндрической, сферической системы координат в пространстве. Формулы перехода к прямоугольной системе координат.
9. Определение линейной комбинация векторов.
10. Определение линейно зависимых, независимых векторов.
11. Свойства линейно зависимых и независимых систем векторов.
12. Геометрические свойства линейно зависимых систем векторов, состоящих из одного, двух, трех векторов. Линейная зависимость четырех векторов.
13. Определение базиса на прямой, плоскости, в пространстве.
14. Определение координаты вектора в базисе. Сложение векторов и умножение вектора на число в координатах.
15. Теорема о делении отрезка в заданном отношении.
16. Определение скалярного произведения векторов.
17. Формула нахождения длины вектора, расстояние между двумя точками.
18. Определение векторной ортогональной проекции и скалярной проекции вектора на ось.
19. Свойства скалярной проекции.
20. Свойства скалярного произведения.
21. Теорема о записи скалярного произведения в координатах.
22. Правая тройка векторов: определение и примеры.
23. Определение и свойства векторного произведения векторов.
24. Теорема о записи векторного произведения в координатах.
25. Определение и свойства смешанного произведения векторов.
26. Теорема о записи смешанного произведения векторов через координаты сомножителей.
27. Определение направляющих косинусов.
28. Определение направляющего вектора, вектора нормали.
29. Теорема о параметрическом уравнении прямой на плоскости.
30. Теорема о каноническом уравнении прямой на плоскости.
31. Теорема об общем уравнении прямой на плоскости.

32. Утверждение о геометрическом смысле коэффициентов в общем уравнении прямой.
33. Критерий коллинеарности вектора и прямой.
34. Теорема о расстоянии от точки до прямой на плоскости.
35. Теорема о взаимном расположении прямых на плоскости.
36. Теорема о полуплоскостях.
37. Теорема о параметрическом уравнении плоскости.
38. Теорема об общем уравнении плоскости.
39. Утверждение о геометрическом смысле коэффициентов в общем уравнении плоскости.
40. Теорема о взаимном расположении плоскостей.
41. Теорема о расстоянии от точки до плоскости.
42. Теорема о параметрическом уравнении прямой в пространстве.
43. Теорема о каноническом уравнении прямой в пространстве.
44. Теорема о прямой как линии пересечения двух плоскостей.
45. Теорема о взаимном расположении прямой и плоскости.
46. Теорема о взаимном расположении прямых в пространстве.
47. Теорема о расстоянии от точки до прямой в пространстве.
48. Теорема о расстоянии между скрещивающимися прямыми.
49. Теорема о переходе от одной аффинной системы координат к другой с тем же началом.
50. Теорема о переходе от одной аффинной системы координат к другой с изменением начала координат.
51. Теорема о переходе от одной прямоугольной системы координат на плоскости к другой прямоугольной системе координат.
52. Определение кривой второго порядка.
53. Корректность определения.
54. Определение эллипса.
55. Утверждение о каноническом уравнении эллипса.
56. Теорема о директориальном свойстве эллипса.
57. Теорема об оптическом свойстве эллипса.
58. Определение гиперболы.
59. Утверждение о каноническом уравнении гиперболы.
60. Теорема о директориальном свойстве гиперболы.
61. Теорема об оптическом свойстве гиперболы.
62. Определение параболы.
63. Утверждение о каноническом уравнении параболы.
64. Теорема об оптическом свойстве параболы.

Перечень определений и теорем к теоретическому срезу по дисциплине
«Геометрия», 2 семестр

1. Определение собственного вектора матрицы.
2. Лемма о собственных векторах симметрической матрицы размера 2×2 .
3. Лемма о приведении симметрической матрицы к диагональному виду.
4. Теорема о приведении уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
5. Определение ортогонального инварианта кривой второго порядка.
6. Теорема о характеристическом многочлене матрицы квадратичной части и следствие из нее.
7. Теорема об определителе расширенной матрицы.
8. Определение центральной кривой второго порядка.
9. Теорема о нахождении центра кривой второго порядка.
10. Теорема о распознавании центральных кривых второго порядка при помощи ортогональных инвариантов.
11. Определение ортогонального полуинварианта кривой второго порядка.
12. Теорема о характеристическом многочлене расширенной матрицы и следствие из нее.
13. Теорема об инвариантности параметра S .
14. Теорема о распознавании нецентральных кривых второго порядка при помощи ортогональных инвариантов и полуинвариантов.
15. Определение аффинных преобразований плоскости и пространства.
16. Теорема об аффинной классификации кривых второго порядка.
17. Определение поверхности второго порядка.
18. Корректность определения.
19. Определения эллипсоида, однополостного и двуполостного гиперболоидов, эллиптического и гиперболического параболоидов.
20. Определение конической поверхности.
21. Определение эллиптического конуса.
22. Утверждение о кривых второго порядка как конических сечениях.
23. Определение цилиндрической поверхности.
24. Определения эллиптического, гиперболического и параболического цилиндров.
25. Теорема о прямолинейных образующих однополостного гиперболоида.
26. Теорема о прямолинейных образующих гиперболического параболоида.
27. Лемма о диагонализируемости матрицы квадратичной части уравнения поверхности второго порядка.
28. Лемма об ортогональности собственных векторов симметрической матрицы размера 3×3 .
29. Теорема о приведении уравнения поверхности второго порядка к каноническому виду.

30. Определение ортогонального инварианта и полуинварианта поверхностей второго порядка.

31. Теорема о характеристическом многочлене матрицы квадратичной части и следствие из нее.

32. Теорема о характеристическом многочлене расширенной матрицы.

33. Определение центральной поверхности второго порядка.

34. Теорема о нахождении центра поверхности второго порядка.

35. Теорема о распознавании поверхностей второго порядка при помощи ортогональных инвариантов и полуинвариантов.

36. Теорема об аффинной классификации поверхностей второго порядка.

37. Определение касательной прямой к поверхности второго порядка.

38. Теорема о касательной плоскости.

