

Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор	МИНОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)	
Дата подписания: 04.06.2025 12:47:06 Уникальный программный ключ: 04c19ed8bfb98f3b6cb77a486b9a8788b8727273	Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей" по направлению подготовки (специальности) 02.03.01 «Математика и компьютерные науки» направленности (профилю) Математические и компьютерные методы в фундаментальных и прикладных исследованиях ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 1

**Рабочая программа дисциплины (модуля)\***  
**Теория вероятностей**

Направление подготовки (специальность)

02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)

Математические и компьютерные методы в фундаментальных и прикладных исследованиях

Присваиваемая квалификация (степень)

бакалавр

Форма обучения

очная

Год(ы) набора 2025

\*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2025 г.



## Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
  - 6.1. Перечень видов оценочных средств
  - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
  - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
  - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
  - 7.1. Рекомендуемая литература
  - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
  - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья



### 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина предназначена для изучения основных результатов и методов теории вероятностей.

Задачами освоения дисциплины являются:

- повышение уровня математической грамотности и математической культуры студентов;
- знакомство с областью применения стохастического анализа и методами решения задач;
- развитие у студентов способности ориентироваться в методах, применяемых для решения различных
- создание целостной картины изучаемого предмета и понимания взаимосвязи между теоретическими результатами и практическими задачами.

Результаты обучения по дисциплине направлены на достижение индикаторов:

ОПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук

ОПК-1.2. Демонстрирует умения решать типовые задачи, формулируемые в рамках математических и (или) естественных наук

ОПК-1.3. Имеет навыки использования основных понятий, теорем, законов математики и (или) естественных наук для решения задач профессиональной деятельности

### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Цикл (раздел) ОПОП:

Б1.О.17

#### 2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Для усвоения дисциплины обучаемый должен обладать математической подготовкой, предусматривающей владение основными навыками и понятиями математического анализа, теории обыкновенных дифференциальных уравнений, аналитической геометрии.

Математический анализ

Аналитическая геометрия

Дифференциальные уравнения

#### 2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Знания по данной дисциплине могут быть полезны для научно-исследовательской работы студентов.

Математическая статистика

Подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы

### 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

**ОПК-1: Способен консультировать и использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в профессиональной деятельности**

#### Знать:

основные определения и теоремы теории вероятностей: определение вероятностного пространства, свойства вероятности;

понятие условной вероятности, формулу полной вероятности, формулу Байеса;

понятие независимого события, схемы независимых испытаний;

схему Бернулли;

понятия дискретных и абсолютно непрерывных случайных величин, основные стандартные распределения;

понятие математического ожидания, дисперсии и их свойства;

понятие случайного вектора;

понятие независимой случайной величины, ковариации, коэффициента корреляции;

закон больших чисел;



понятие критерия Колмогорова.

**Уметь:**

решать типовые задачи теории вероятностей: находить вероятность события используя формулы классической и геометрической вероятности, урновые схемы;  
находить условную вероятность события используя формулу полной вероятности, формулу Байеса, схемы независимых испытаний;  
применять схему Бернулли для нахождения вероятности;  
вычислять плотность, функцию распределения, математическое ожидание, дисперсию используя стандартные распределения;  
применять теорему о непрерывном соответствии, центральную предельную теорему, интегральную теорему Муавра-Лапласа, неравенство Чебышева, законы больших чисел для нахождения основных параметров

**Владеть:**

навыками использования основных понятий, теорем, законов теории вероятностей для решения задач профессиональной деятельности

**В результате освоения дисциплины обучающийся должен**

<b>3.1</b>	<b>Знать:</b>
3.1.1	определение вероятностного пространства, свойства вероятности;
3.1.2	понятие условной вероятности, формулу полной вероятности, формулу Байеса;
3.1.3	понятие независимого события, схемы независимых испытаний;
3.1.4	схему Бернулли;
3.1.5	понятия дискретных и абсолютно непрерывных случайных величин, основные стандартные распределения;
3.1.6	понятие математического ожидания, дисперсии и их свойства;
3.1.7	понятие случайного вектора;
3.1.8	понятие независимой случайной величины, ковариации, коэффициента корреляции;
3.1.9	закон больших чисел; понятие критерия Колмогорова.
<b>3.2</b>	<b>Уметь:</b>
3.2.1	находить вероятность события используя формулы классической и геометрической вероятности, урновые схемы;
3.2.2	находить условную вероятность события используя формулу полной вероятности, формулу Байеса, схемы независимых испытаний;
3.2.3	применять схему Бернулли для нахождения вероятности;
3.2.4	вычислять плотность, функцию распределения, математическое ожидание, дисперсию используя стандартные распределения;
3.2.5	применять теорему о непрерывном соответствии, центральную предельную теорему, интегральную теорему Муавра-Лапласа, неравенство Чебышева, законы больших чисел для нахождения основных параметров.
<b>3.3</b>	<b>Владеть:</b>
3.3.1	навыками использования основных понятий, теорем, законов теории вероятностей для решения задач профессиональной деятельности.

**4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

<b>Общая трудоемкость</b>	<b>4 ЗЕТ</b>
Часов по учебному плану : 144	Виды контроля в семестрах: экзамены 5
в том числе :	
аудиторные занятия : 68	
самостоятельная работа : 29	
часов на контроль : 36	
контактная работа: 79	
ИКР: 11	



**5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
	<b>Раздел 1. Аксиоматика теории вероятностей. Вероятностные схемы. Условная вероятность</b>			
1.1	Вероятностное пространство /Лек/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.2	Условная вероятность. Независимые события /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.3	Схема Бернулли /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.4	Элементы комбинаторики /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.5	Классическая вероятность /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.6	Условная вероятность. Независимые события /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.7	Формула полной вероятности. Формула Байеса /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.8	Схема Бернулли /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.9	Геометрическая вероятность /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.10	Контрольная работа по разделу 1 /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
1.11	Аксиоматика теории вероятностей. Вероятностные схемы. Условная вероятность /Ср/	5	9	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
	<b>Раздел 2. Случайные величины. Числовые характеристики</b>			
2.1	Дискретные случайные величины. Основные стандартные распределения /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
2.2	Математическое ожидание, формулы для вычисления, свойства. Дисперсия, свойства /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
2.3	Абсолютно непрерывные случайные величины. Плотность. Основные стандартные распределения. Функция распределения, ее свойства /Лек/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
2.4	Дискретные случайные величины /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
2.5	Абсолютно непрерывные случайные величины /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3



Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей" по направлению подготовки (специальности)  
02.03.01 "Математика и компьютерные науки" направленности (профилю) Математические и компьютерные  
методы в фундаментальных и прикладных исследованиях ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 6

2.6	Функция случайной величины /Пр/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
2.7	Контрольная работа по разделу 2 /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
2.8	Случайные величины. Числовые характеристики случайных величин /Ср/	5	8	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
<b>Раздел 3. Случайные векторы. Независимость случайных величин и ее характеристики. Предельные теоремы. Закон больших чисел</b>				
3.1	Дискретные и абсолютно непрерывные многомерные распределения /Лек/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.2	Независимые случайные величины. Мультипликативное свойство матожидания. Ковариация. Коэффициент корреляции /Лек/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.3	Уравнение регрессии. Различные виды сходимости последовательности случайных величин и их связь. Характеристическая функция /Лек/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.4	Теорема о непрерывном соответствии. Центральная предельная теорема /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.5	Интегральная теорема Муавра-Лапласа как ее следствие. Неравенство Чебышева /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.6	Законы больших чисел. Характеристическая функция для многомерной случайной величины /Лек/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.7	Дискретные случайные векторы /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.8	Абсолютно непрерывные случайные векторы /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.9	Функция случайного вектора /Пр/	5	4	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.10	Контрольная работа по разделу 3 /Пр/	5	2	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.11	Случайные векторы. Независимость случайных величин и ее характеристики. Предельные теоремы. Закон больших чисел /Ср/	5	12	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3
3.12	Экзамен за 5 семестр /Экзамен/	5	36	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2
<b>Раздел 4. Иная контактная работа</b>				
4.1	Индивидуальные консультации, текущий контроль /ИКР/	5	11	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3

## 6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 6.1. Перечень видов оценочных средств

1. Семестровая работа (типовой расчет)



2. Контрольная работа
3. Вопросы к экзамену

### 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

Дисциплиной предусмотрено проведение контрольных и семестровой работ по темам: «Аксиоматика теории вероятностей. Вероятностные схемы. Условная вероятность», «Случайные величины. Числовые характеристики», «Случайные векторы. Независимость случайных величин и ее характеристики. Предельные теоремы. Закон больших чисел», «Теория случайных процессов».

Примеры контрольных работ и типовых расчетов прилагаются.

### 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

1. Вероятностное пространство. Вероятность: определение и свойства.
2. Классическая вероятность. Урновые схемы: выбор с возвращением и без.
3. Геометрическая вероятность.
4. Условная вероятность. Теорема умножения. Следствие.
5. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
6. Независимые события. Независимость в совокупности.
7. Схема независимых испытаний.
8. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Примеры.
9. Схема Пуассона. Примеры.
10. Полиномиальная схема. Примеры.
11. Теорема Пуассона для схемы Бернулли. Теорема Пуассона для схемы Пуассона (без док-ва).
12. Локальная теорема Муавра-Лапласа.
13. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Улучшенная формула Муавра-Лапласа.
14. Случайные величины. Борелевские множества. Борелевская функция случайной величины.
15. Дискретные случайные величины. Основные законы распределения.
16. Абсолютно непрерывные случайные величины. Основные законы распределения. Свойства плотности.
17. Функция распределения, ее общие свойства.
18. Особые свойства функций дискретных и абсолютно непрерывных распределений.
19. Математическое ожидание. Математическое ожидание дискретной случайной величины.
20. Математическое ожидание функции случайной величины. Математическое ожидание абсолютно непрерывного распределения.
21. Основные свойства математического ожидания.
22. Дисперсия, ее свойства.
23. Случайные векторы: дискретные и абсолютно непрерывные. Основные свойства плотности случайного вектора.
24. Функция распределения случайного вектора, свойства.
25. Восстановление распределения случайного вектора по распределению его компоненты: дискретный и непрерывный случаи.
26. Независимость случайных величин. Различные определения, их эквивалентность.
27. Математическое ожидание функции случайного вектора. Мультипликативное свойство математического ожидания.
28. Плотность суммы независимых случайных величин.
29. Ковариация, коэффициент корреляции, их свойства. Неравенство Коши-Буняковского для математических ожиданий.
30. Математическое ожидание комплекснозначной случайной величины. Характеристическая функция.
31. Свойства характеристической функции.
32. Слабая сходимость. Теорема о непрерывном соответствии (без док-ва).
33. Характеристическая функция стандартного нормального распределения.
34. Характеристическая функция нормального распределения с произвольными параметрами.
35. О сумме нормальных распределений.
36. Центральная предельная теорема.
37. Неравенство Чебышёва. Правило «трех сигм».
38. Различные виды сходимости последовательностей случайных величин, их связь.
39. Закон больших чисел: в форме Чебышева и Хинчина. Усиленный закон больших чисел (для разнораспределенных случайных величин и в форме Колмогорова – оба без док-ва).



#### 6.4. Критерии оценивания

Балльно-рейтинговая система оценки знаний студента по дисциплине выстраивается на основе балловой оценки различных форм деятельности студентов. Для оценки экзамена суммируются баллы семестра и экзамена. Всего за экзамен можно набрать 20 баллов. Экзаменационный билет содержит 2 теоретических вопроса (по 5 баллов) и 2 задачи, аналогичные задачам из контрольных работ (по 5 баллов).

Продолжительность экзамена – 90 минут. За каждое выполненное задание билета студент может получить от 1 до 5 баллов. Если задание выполнено правильно, то оно оценивается 5 баллами. Если задание выполнено с ошибками, то баллы снижаются в зависимости от количества допущенных ошибок. Максимальное количество баллов за экзамен – 20.

При подведении итогов учитываются результаты текущей аттестации, в том числе посещаемость (максимум 10 баллов) и активная работа на паре (максимум 10 баллов). Полученные за текущую аттестацию баллы суммируются с баллами, полученными за каждый этап при прохождении промежуточной аттестации:

Оценка "Неудовлетворительно" выставляется за 59 и менее баллов.

За 60-75 баллов оценка - "Удовлетворительно" (уровень 1)

За 76-89 баллов оценка - "Хорошо" (уровень 2)

За 90-100 баллов оценка - "Отлично" (уровень 3)

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для контрольной работы:

Дисциплиной предусмотрено 3 контрольные работы. В работе от 2 до 5 заданий. Каждому заданию соответствует свое количество баллов. Если задание выполнено с ошибками, то баллы снижаются в зависимости от количества допущенных ошибок. Максимальное количество баллов за работу – 15 (контрольная работа №1,3) 10 (контрольная работа №2).

Оценка "Не зачтено" выставляется за 9 (6) и менее баллов.

Оценка "Зачтено" выставляется если студент набрал 10-15 (7-10) баллов.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для типового расчета (семестровая работа):

В семестровой работе 4 задачи. Каждой задаче соответствует определенное количество баллов (5). Максимальное количество баллов за работу -20.

Оценка "Не зачтено" выставляется за 15 и менее баллов.

Оценка "Зачтено" выставляется если студент набрал 16-20 баллов.

### 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### 7.1. Рекомендуемая литература

##### 7.1.1. Основная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
Л1.1	Кацко И. А., Бондаренко П. С., Горелова Г. В.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для вузов ( <a href="https://e.lanbook.com/book/302663">https://e.lanbook.com/book/302663</a> )	Санкт-Петербург : Лань, 2023	ЭБС
Л1.2	Павлов С.В.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие ( <a href="https://znanium.com/catalog/document?id=427375">https://znanium.com/catalog/document?id=427375</a> )	Москва : Издательский Центр РИОР, 2023	ЭБС

##### 7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
Л2.1	Бакланова И. И., Матвеева Е. В., Медведков Л. А.	Теория вероятности: учебно-методическое пособие ( <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=483692">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=483692</a> )	Йошкар-Ола : Поволжский государственный технологически й университет, 2017	ЭБС



	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
Л2.2	Шведов А. С.	Теория вероятностей и математическая статистика: промежуточный уровень: учебное пособие ( <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=486562">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=486562</a> )	Москва : Издательский дом Высшей школы экономики, 2017	ЭБС

### 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	eLIBRARY.RU [Электронный ресурс] : электронная библиотека / Науч. электрон. б-ка – URL: <a href="http://elibrary.ru/defaultx.asp">http://elibrary.ru/defaultx.asp</a>
Э2	Российский фонд фундаментальных исследований (РФФИ) - официальный сайт <a href="http://www.rfbr.ru/rffi/ru">http://www.rfbr.ru/rffi/ru</a>
Э3	Научная электронная библиотека. Монографии, изданные в издательстве Российской Академии Естествознания полнотекстовый ресурс научных и учебных изданий РАЕ <a href="https://www.monographies.ru/">https://www.monographies.ru/</a>

### 7.3 Перечень информационных технологий

#### 7.3.1 Программное обеспечение

LMS Moodle

Adobe Reader

OpenOffice

#### 7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

1. Web of Science (<https://apps.webofknowledge.com>) Web of Science : мультидисциплинарная реферативная база данных / компания Thomson Reuters. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.

2. Scopus (<https://www.scopus.com>) Scopus : реферативная база данных / Elsevier BV. – URL: <http://www.scopus.com/>. – Яз. англ. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.

## 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения: проектором, экраном, магнитно-маркерной доской, маркером; с возможностью демонстрации электронных презентаций при уровне освещения, достаточном для работы с конспектом.

Для проведения занятий лекционного типа имеется демонстрационное оборудование: проектор, экран.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

## 9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

При изучении данной дисциплины используются лекционные, практические занятия и самостоятельная работа студента.

На лекционных занятиях преподаватель излагает основное содержание тем программы. Проработку лекционного материала студенту желательно проводить как после каждого занятия, так и по завершению темы. Это позволит связать воедино полученные сведения и составить цельную картину.

На практических занятиях рассматриваются основные методы и приемы решения задач дискретной математики.

Рекомендуется перед каждым практическим занятием выполнить домашнее задание, что позволит лучше усвоить предыдущий материал, и изучить лекционный материал по предстоящей теме. Студенту желательно проявлять активное участие на практических и лекционных занятиях, задавать вопросы, поскольку умение обосновывать свою точку зрения, нахождение компромиссного решения в этически выдержанной дискуссии не только важно для лучшего усвоения материала, но и ценится в реальной жизни.

В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции (вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени (система дистанционного обучения Moodle, форумы, электронная почта и др.).

Большую часть времени обучающиеся самостоятельно работают с учебно-методическими материалами. Студенты имеют возможность консультироваться с преподавателем по всем вопросам, возникающим в ходе самостоятельной работы посредством электронной почты, мессенджеров, социальных сетей и т.п.



Доступ обучающегося к учебным ресурсам в режиме отложенного времени, самостоятельной работы осуществляется через сеть Интернет в удобном для него месте, времени и темпе.

При обучении инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.

Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимися по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.

#### **10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ**

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося (мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения и с нарушением слуха, ассистивные информационные технологии).

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся с инвалидностью и с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ с помощью специальных технических и программных средств к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах.

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и особенностям восприятия информации.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий.

При проведении промежуточной аттестации по дисциплине обучающимся с инвалидностью и с ограниченными возможностями здоровья обеспечивается по их заявлению предоставление в доступной форме в зависимости от их индивидуальных особенностей инструкции о порядке проведения промежуточной аттестации, оценочных средств и возможности ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование предоставленных ЧелГУ или собственных технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

## Примерные варианты контрольных работ

### Контрольная работа № 1

1. В первой корзине 5 белых шаров, 4 черных, во второй – 3 белых, 5 черных. Из первой корзины наугад достают два шара и помещают во вторую. Какова вероятность, что выбранный случайным образом из второй корзины шар окажется белым? (2 балла)
2. На 10 тысяч комаров в среднем один – малярийный. Какова вероятность, что среди 20 тысяч комаров окажется не менее 2 малярийных комаров? (2 балла)
3. Бросается кубик 600 раз. Найти вероятность, что шестерка выпала не более 103 раз. (2 балла)
4. Три стрелка одновременно стреляют по мишени. Вероятность попадания первого равна 0,6, второго – 0,7, третьего – 0,9. Найти вероятность, что промазал третий, если выяснилось, что попали только двое. (2 балла)
5. Колода в 52 карты произвольным образом делится пополам. Найти вероятность, что все тузы собрались в одной половине. (2 балла)
6. Две точки независимо друг от друга выбираются на отрезке  $[0,1]$ . Найти вероятность того, что произведение координат точек будет больше 0.4. (4 балла)
7. На карточках написаны буквы К, З, А, Н, А. После перемешивания карточки выкладывают в ряд слева направо. С какой вероятностью получится слово КАЗАН? (1 балл)

### Контрольная работа № 2

1. Производятся многократные испытания элемента на надежность до тех пор, пока он не откажет. Найти а) матожидание случайной величины  $X$  – числа опытов, которые надо произвести, б) дисперсию этой случайной величины. Вероятность отказа элемента в каждом опыте равна 0,1. (3 балла)
2. Плотность случайной величины  $\xi$  равна
$$p_{\xi}(x) = \begin{cases} a \sin x, & x \in [0, \pi], \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

- a) Найти константу  $a$ , матожидание  $\xi$ , дисперсию  $\xi$ , функцию распределения  $\xi$ . Построить график функции распределения и плотности. (4 балла)
- b) Найти  $P\left\{\frac{\pi}{4} < \xi < 1\right\}$ . (1 балл)
- c) Найти  $M \cos \xi$ . (2 балла)
3. Найти плотность распределения случайной величины  $\eta = \exp \xi$ , если  $\xi$  имеет показательное с параметром 2 распределение. (5 баллов)

Примерные варианты типовых расчетов (семестровая работа)  
Типовой расчет

1. Пусть  $\xi$  и  $\eta$  - независимые случайные величины, распределенные по показательному закону с параметром  $\lambda = 2$ . Вычислить плотность суммы  $\xi + \eta$ . (5 баллов)
2. Задана функция распределения двумерной случайной величины
- $$F(x, y) = \begin{cases} \sin x \sin y, & 0 \leq x \leq \pi/2, 0 \leq y \leq \pi/2 \\ 0, & x < 0 \text{ или } y < 0 \end{cases}$$
- Найти вероятность попадания случайной точки  $(X, Y)$  в прямоугольник, ограниченный прямыми  $x=0$ ,  $x=\pi/4$ ,  $y=\pi/6$ ,  $y=\pi/3$ . Являются ли  $\xi$  и  $\eta$  независимыми? (5 баллов)
3. По заданному двумерному дискретному распределению  $\xi$  и  $\eta$  найти распределение каждой из компонент, ковариацию  $\xi$  и  $\eta$ , найти распределение случайного вектора  $(\xi + \eta, \xi - \eta)$ . (5 баллов)
4. Три стрелка одновременно стреляют по мишени. Вероятность попадания первого равна 0,6, второго – 0,7, третьего – 0,9. Найти вероятность, что промазал третий, если выяснилось, что попали только двое. (5 баллов)

