

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Гаскаев Сергей Валерьевич
Должность: Ректор
Дата подписания: 29.06.2026 10:21:58
Уникальный программный ключ:
04c19ed8bfb98f5b6cb77a486b9a8788b8522523



МИНОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)

Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю) «Интегральные уравнения и вариационное исчисление» по направлению подготовки 03.03.02 «Физика» направленности «Физика» ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 1

Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации
по дисциплине (модулю)
Интегральные уравнения и вариационное исчисление

Направление подготовки (специальность)
03.03.02 «Физика»

Направленность (профиль)
«Физика»

Присваиваемая квалификация
Бакалавр

Форма обучения
Очная

Год набора
2026

Челябинск, 2026 г.



Содержание

1. Паспорт фонда оценочных средств	3
2. Перечень формируемых компетенций	4
3. Содержание оценочных средств по дисциплине	5
3.1. Виды оценочных средств	5
3.2. Содержание оценочных средств	5
4. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации	7
4.1. Порядок проведения промежуточной аттестации	7
4.2. Критерии оценивания промежуточной аттестации по видам оценочных средств.	7
4.3. Результаты промежуточной аттестации и уровни сформированности компетенций.....	8



МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)

Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю) «Интегральные уравнения и вариационное исчисление» по направлению подготовки 03.03.02 «Физика» направленности «Физика» ФГБОУ ВО «ЧелГУ»

стр. 3

1. Паспорт фонда оценочных средств

Направление подготовки: 03.03.02 Физика.

Направленность: Физика.

Дисциплина: Интегральные уравнения и вариационное исчисление.

Семестр: 4.

Форма промежуточной аттестации: зачет.

Балльно-рейтинговая система оценки знаний студента по дисциплине выстраивается на основе балловой оценки различных форм деятельности студентов.



2. Перечень формируемых компетенций

Изучение дисциплины «Интегральные уравнения и вариационное исчисление» направлено на формирование компетенций, приведённых в таблице 1.

Таблица 1. Результаты обучения по дисциплине

Код и наименование компетенции согласно ФГОС	Индикаторы достижения компетенций согласно ОПОП ВО	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
1	2	3
ОПК-1 Способен применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области физико-математических и (или) естественных наук. ОПК-1.2. Демонстрирует умение решать задачи, формулируемые в рамках физико-математических и (или) естественных наук. ОПК-1.3. Имеет навыки использования основных понятий, законов физико-математических и (или) естественных наук для решения задач профессиональной деятельности.	Знать основные понятия и методы решения интегральных уравнений. Уметь выбирать наиболее эффективный метод решения поставленных задач, обосновывать использование выбранных методов. Владеть методами решения задач, связанных с решениями интегральных уравнений основных типов, владеть навыками использования полученных знаний при решении задач профессиональной деятельности.



3. Содержание оценочных средств по дисциплине

3.1. Виды оценочных средств

Код, наименование компетенции согласно ФГОС	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине	Контролируемые темы/разделы (номер и название раздела из РПД п.2.2)	Семестр	Номер задания	Наименование оценочного средства
ОПК-1 Способен применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	Знать основные понятия и методы решения интегральных уравнений.	— Основные понятия — Уравнения Фредгольма — Интегральные уравнения Вольтерра — Вариационное исчисление	4	1-8	Типовой расчет
	Уметь выбирать наиболее эффективный метод решения поставленных задач, обосновывать использование выбранных методов.				
	Владеть методами решения задач, связанных с решениями интегральных уравнений основных типов, владеть навыками использования полученных знаний при решении задач профессиональной деятельности.			1-19	Вопросы к зачету

Типовые задания, критерии и показатели оценивания в рамках текущего контроля представлены в рабочей программе дисциплины (модуля). Полные комплекты оценочных средств и контрольно-измерительных материалов хранятся на кафедре.

3.2. Содержание оценочных средств

Вопросы к зачету

1. Введение. Примеры интегральных уравнений.
2. Метрические, нормированные и евклидовы пространства. Элементы теории линейных операторов.
3. Существование собственного значения у самосопряженного компактного оператора.
4. Построение последовательности собственных значений и собственных векторов самосопряженного компактного оператора.
5. Теорема Гильберта–Шмидта.
6. Неоднородные уравнения Фредгольма 2-го рода с симметрическими ядрами.
7. Принцип сжимающих отображений. Теоремы о неподвижной точке.



8. Применение теоремы о неподвижной точке к неоднородным уравнениям Фредгольма 2-го рода.
9. Уравнения Вольтерра 2-го рода.
 10. Уравнения Вольтерра 1-го рода.
 11. Интегральные уравнения с вырожденными ядрами. Теоремы Фредгольма.
 12. Задача Штурма–Лиувилля.
 13. Интегральные уравнения Фредгольма 1-го рода.
 14. Основные задачи вариационного исчисления.
 15. Понятие вариации функционала.
 16. Простейшая задача вариационного исчисления (задача с закрепленными концами).
 17. Достаточное условие экстремума в задаче с закрепленными концами.
 18. Задачи на условный экстремум.
 19. Задачи с подвижной границей.

Примерный вариант типового расчета

Решить интегральные уравнения методом последовательных приближений.

$$\begin{aligned} 1. y(x) &= \frac{1}{2} \int_0^1 e^{x-t} y(t) dt + e^x. & 2. y(x) &= \int_0^1 x e^{x-t} y(t) dt + e^x. \\ 3. y(x) &= \int_0^1 xt y(t) dt + \sqrt{1-x^2}. & 4. y(x) &= \frac{1}{2} \int_0^{\pi/2} x \sin t y(t) dt + \sin x. \\ 5. y(x) &= \int_1^e \frac{\ln t}{x} y(t) dt + \ln x. & 6. y(x) &= \int_0^1 \sqrt{xt} y(t) dt + x. \\ 7. y(x) &= \int_1^2 \sqrt{\frac{x}{t^3}} y(t) dt + x^{3/2}. & 8. y(x) &= \frac{1}{2\pi} \int_0^\pi t \sin x y(t) dt + \cos x. \end{aligned}$$



4. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации

4.1. Порядок проведения промежуточной аттестации

Продолжительность зачета – 90 минут. Зачетная работа состоит из 2-х теоретических вопросов из списка вопросов к зачету и одного практического задания.

За каждое выполненное задание итоговой работы студент может получить 5 баллов. Если допущена одна ошибка, то задание оценивается 4 баллами, допущены две ошибки – 2-3 балла, если допущено более двух ошибок в задании – 1 балл, если студент не выполнил какое-либо задание из итоговой работы, то за него он получает 0 баллов.

Максимальное количество баллов за зачетную работу – 15 баллов. Полученные баллы суммируются с баллами, набранными в семестре.

4.2. Критерии оценивания промежуточной аттестации по видам оценочных средств.

Оценивание ответа на зачете.

Высокий уровень освоения проверяемых компетенций	Средний уровень освоения проверяемых компетенций	Базовый уровень освоения проверяемых компетенций	Низкий уровень освоения проверяемых компетенций
50-56 баллов	40-49 баллов	30-39 баллов	0-29 баллов
Обучающийся последовательно, грамотно и логически стройно излагает материал; владеет основными математическими методами и алгоритмами решения задач; умеет строить математические модели, увязывать теорию с практикой, показывает умение применять знания.	Обучающийся грамотно и по существу излагает материал; владеет основными математическими методами; не допускает существенных ошибок, но испытывает затруднения в выводах и доказательствах; умеет применять основные положения и формулы для решения задач.	Обучающийся имеет знания только основного материала, но не умеет делать выводов и доказательств; допускает ошибки, приводит недостаточно правильные формулировки; с трудом увязывает основные положения с практикой.	Обучающийся не знает основополагающих вопросов изучаемого курса или значительной части программного материала; допускает ошибки, обнаруживает неумение их исправлять; не может увязать теорию с практикой.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для типового расчета (семестровая работа):

Семестровая работа выдается один раз. В семестровой работе 8 заданий, каждому соответствует определенное количество баллов (2). Максимальное количество баллов за семестровую – 16.

Оценка "зачтено" выставляется за 10-16 баллов, "не зачтено" - менее 9 баллов.

Требования к выполнению семестровых работ:

1. Каждый типовой расчет должен быть сделан в отдельной 18 листовой тетради в клетку, на титульном листе должны быть указаны ФИО, группа, тема типового расчета, дата сдачи, таблица с номерами задачи и строкой для баллов по каждой задаче.

2. Каждое задание должно начинаться с новой страницы и содержать: полную формулировку, решение, при необходимости графики и чертежи, ответ, проверку.



3. Если чертежи построены в программном пакете, они прикрепляются в качестве приложения.

4. Типовой расчет сдается согласно плану занятий преподавателю практики. Неверно сделанные задания переделываются после проверки и сдаются снова в течение двух недель.

4.3. Результаты промежуточной аттестации и уровни сформированности компетенций

При подведении итогов учитываются результаты текущей аттестации. Полученные за текущую аттестацию баллы суммируются с баллами, полученными за каждый этап при прохождении промежуточной аттестации, в том числе за посещаемость и работу на паре (максимум 10 баллов). В сумме получается 56 баллов:

Оценка "не зачтено" выставляется, если студент набрал 29 и менее баллов (недостаточный уровень);

Оценка "зачтено" выставляется за 30-56 баллов:

30-39 баллов (базовый уровень);

40-49 баллов (средний уровень);

50-56 баллов (высокий уровень).

Особенности проведения процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья обозначены в рабочей программе дисциплины (модуля).

Уровни сформированности компетенций определяется следующим образом:

1. Высокий уровень сформированности компетенций соответствует оценке «зачтено»:

– предполагает формирование компетенций на высоком уровне, готовность к самостоятельной профессиональной деятельности: формируются навыки устанавливать связи между различными понятиями и с другими областями математики, навыки доказывать теоремы, навыки систематизации данных, необходимых для приложения полученных знаний в различных областях.

– студент способен дать полное представление об основных понятиях интегральных уравнений и вариационного исчисления использовать математический язык, способен решать задачи и упражнения, используя определения, теоремы и технические приёмы, формулировать собственные выводы.

2. Средний уровень соответствует оценке «зачтено»:

– предполагает формирование компетенций на более высоком уровне: формируется комплексное знание связи между различными понятиями и с другими областями математики, навыки доказывать теоремы;

– студент способен использовать математический язык, способен решать задачи и упражнения, используя определения, теоремы и технические приёмы.

– студент способен давать развернутые ответы на теоретические вопросы дисциплины.

3. Базовый уровень соответствует оценке «зачтено»:

– предполагает формирование компетенций на начальном уровне: знание основных понятий и теорем интегральных уравнений и вариационного исчисления, необходимых для решения задач в профессиональной деятельности;

– студент способен решать базовые задачи. Количество правильных ответов – не менее 50%.

4. Низкий уровень соответствует оценке «не зачтено».

