

Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор Дата подписания: 04.06.2025 12:35:17 Уникальный программный ключ: 04c19ed8bfb98f3b6cb77a486b9a8788b8733723	МИНОВЕРНАУКИ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)	Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно-аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 1
--	--	--	--------

Рабочая программа дисциплины (модуля)* Алгебра

Направление подготовки (специальность)

10.05.01 Компьютерная безопасность

Направленность (профиль)

специализация N 6 "Информационно-аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем"

Присваиваемая квалификация (степень)

специалист по защите информации

Форма обучения

очная

Год(ы) набора 2025

*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2025 г.



Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
 - 6.1. Перечень видов оценочных средств
 - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
 - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
 - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
 - 7.1. Рекомендуемая литература
 - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
 - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья



1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Алгебра» обеспечивает приобретение знаний и умений, содействует фундаментализации образования, формированию мировоззрения и развитию логического мышления.

Целью преподавания дисциплины является обеспечение фундаментальной подготовки в важной области современной математики.

Задачами дисциплины является ознакомление с основами классической и современной алгебры, обучение основным алгебраическим методам решения задач, возникающих в других математических дисциплинах и в практике, ознакомление с историей развития алгебры и с вкладом российских ученых в развитие современной алгебраической науки.

Результаты обучения по дисциплине направлены на достижение индикаторов:

ОПК-3.1 Знает основные свойства важнейших алгебраических систем: групп, колец, полей; основы линейной алгебры и важнейшие свойства векторных пространств над произвольными полями; основные свойства колец многочленов над кольцами и полями; основные свойства отображений важнейших алгебраических систем.

ОПК-3.2 Умеет производить стандартные алгебраические операции в основных числовых и конечных полях, кольцах, а также оперировать с подстановками, многочленами, матрицами, в том числе с использованием компьютерных программ; решать системы линейных уравнений над полями, приводить матрицы и квадратичные формы к каноническому виду; производить оценку качества полученных решений прикладных задач.

ОПК-3.3 Владеет методами решения стандартных алгебраических, матричных, подстановочных уравнений в алгебраических структурах; навыками решения типовых линейных уравнений над полем и кольцом вычетов; навыками решения стандартных задач в векторных пространствах и методами нахождения канонических форм линейных преобразований.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Цикл (раздел) ОПОП: Б1.О.01

2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Дисциплина «Алгебра» имеет разносторонние связи со многими математическими и специальными дисциплинами. Дисциплина основывается на знании числовых систем и функций, изученных в средней школе, а также в нескольких первых темах курса «Математический анализ». При изучении линейных пространств в алгебре широко используются знания, умения и наглядные представления, полученные слушателями при изучении прямой и плоскости в аналитической геометрии.

Геометрия

Математический анализ

2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Полученные в алгебре знания по конечномерным пространствам над произвольными полями, служат базой для изучения действительных и комплексных пространств в курсе «Математический анализ». Знания из алгебры по теории многочленов, колец и групп широко используются при изучении булевых и многозначных функций. Курс «Алгебра» является базовым для криптографических дисциплин профессионального цикла.

Криптографические протоколы

Дополнительные главы криптографии

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

ОПК-3: Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;

Знать:

– основные понятия и методы алгебры.

Уметь:

– использовать алгебраические методы и модели для решения прикладных задач;
– решать типовые задачи по алгебре,



Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно-аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 4
--	--------

– выполнять операции с алгебраическими объектами.

Владеть:

- алгебраическими методами решения прикладных задач;
- навыками решения типовых линейных уравнений;
- навыками решения стандартных задач в векторных пространствах;
- методами нахождения канонических форм линейных преобразований.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1 Знать:
3.1.1 – основные алгебраические понятия и алгебраические методы решения прикладных задач.
3.2 Уметь:
3.2.1 – использовать знания, полученные в курсе, для решения прикладных задач, в программировании.
3.3 Владеть:
3.3.1 – владения алгебраическими методами при построении модели прикладной задачи;
3.3.2 – реализации процедуры решения задач профессиональной деятельности.

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Общая трудоемкость	12 ЗЕТ
Часов по учебному плану : 432 в том числе : аудиторные занятия : 236 самостоятельная работа : 87,8 часов на контроль : 72 контактная работа: 272,2 ИКР: 36,2	Виды контроля в семестрах: экзамены 1, 2, 3

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
Раздел 1. 1. Алгебраические структуры				
1.1	Бинарные алгебраические операции. Ассоциативные, коммутативные операции, нейтральные элементы. Определение группы, примеры групп, свойства группы, симметрическая группа. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
1.2	Кольца и поля. Определение кольца, примеры колец. Определение поля, примеры полей. Характеристика поля. Теорема о характеристике. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
1.3	Бинарная алгебраическая операция. Группы. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
1.4	Операции с комплексными числами. Решение задач /Пр/	1	6	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
1.5	Алгебраические структуры /Ср/	1	7	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
Раздел 2. 2. Комплексные числа				
2.1	Комплексные числа. Построение поля комплексных чисел. Свойства сопряжение комплексных чисел. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
2.2	Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Корни из комплексного числа, теорема о корнях из единицы. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2



Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно-аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 5
2.3	Операции с комплексными числами. Решение задач /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
2.4	Контрольная работа №1. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
2.5	Действия с комплексными числами. /Ср/	1	4,4	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
Раздел 3. 3. Матрицы, определители, системы				
3.1	Матрицы. Понятия матрицы, операции над матрицами. Теорема о свойствах сложения матриц и умножения матрицы на элемент кольца. Произведение матриц. Теорема о свойствах произведения матриц. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.2	Обратные матрицы. Понятие обратимости матриц. Примеры обратимых и необратимых матриц над кольцами. Теорема о свойствах обратимых матриц. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.3	Подстановки. Понятие транспонирования матрицы. Теорема о свойствах транспонирования матриц. Понятия подстановки и перестановки. Четность перестановок и подстановок. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.4	Определители. Два определения определителя и их равносильность. Теорема об определителе транспонированной матрицы. О равноправии строк и столбцов в определителе. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.5	Свойства определителя. Теорема об определителе полураспавшейся матрицы. Теорема об определителе треугольной матрицы. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.6	Свойства определителя. Теорема о кососимметричности определителя. Теорема о линейности определителя. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.7	Свойства определителя. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о свойствах алгебраических дополнений. Разложение определителя по строчке и столбцу. Понятие присоединенной матрицы. Теорема о присоединенной матрице. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.8	Свойства определителя. Теорема об определителе произведения двух матриц. Теорема об обратной матрице. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
3.9	Определители специального вида. Определитель Вандермонда и циркулянт. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований строк. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
3.10	Действия с матрицами. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
3.11	Вычисление определителей. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
3.12	Обратная матрица. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
3.13	Алгоритм Гаусса. Решение задач. /Пр/	1	4	Л1.2Л2.1Л3.1
3.14	Контрольная работа №2. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
3.15	Группы подстановок. Определители спец. вида. /Ср/	1	3	Л1.2Л2.1Л3.1
Раздел 4. 4. Многочлены				



Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно- аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 6
4.1	Системы линейных уравнений. Понятие решения системы линейных уравнений, совместные и несовместные системы. Теорема об элементарных преобразованиях. Алгоритм Гаусса и следствия из него. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.2	Многочлены от одного неизвестного. Теорема Крамера. Построение кольца многочленов от одного неизвестного. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.3	Делимость многочленов. Кольца без делителей нуля. Теорема о делении с остатком в кольце многочленов и в кольце целых чисел. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.4	Алгоритм Евклида. Свойства делимости многочленов и целых чисел. Наибольший общий делитель для многочленов, его свойства, алгоритм Евклида для многочленов. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.5	Свойства НОД. Теорема о линейном представлении наибольшего общего делителя. Взаимно простые многочлены и их свойства. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.6	Неприводимость многочленов. Основная теорема арифметики многочленов. Понятие производной многочлена. Теорема о кратных множителях многочлена и его производной. Отделение кратных множителей многочлена с помощью алгоритма Евклида. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.7	Корни многочленов. Теорема Безу. Схема Горнера. Теорема о числе корней и степени многочлена. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.8	Интерполяционные формулы Лагранжа и Ньютона. Функциональное и алгебраическое равенство многочленов. Теорема об однозначности задания многочлена своими значениями. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.9	Многочлены от нескольких неизвестных. Построение кольца многочленов от нескольких неизвестных. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.10	Симметрические многочлены. Симметрические многочлены, формулы Виета. /Лек/	1	1	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.11	Симметрические многочлены. Основная теорема о симметрических многочленах. /Лек/	1	1	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.12	Построение расширения поля. Теорема о существовании корня неприводимого многочлена в некотором расширении поля и следствие из нее. /Лек/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.13	Основная теорема алгебры многочленов. Доказательство основной теоремы алгебры многочленов. /Лек/	1	1	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.14	Корни многочленов. Рациональные корни многочленов над полем рациональных чисел. /Лек/	1	1	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.15	Алгоритм Евклида. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1 Э1 Э2
4.16	Корни многочленов. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
4.17	Неприводимость многочленов. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
4.18	Симметрические многочлены. Решение задач /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
4.19	Контрольная работа №3. Решение задач. /Пр/	1	2	Л1.2Л2.1Л3.1
4.20	Симметрические многочлены. /Ср/	1	6	Л1.2Л2.1Л3.1



Раздел 5. Экзамен				
5.1	/Экзамен/	1	27	Л1.2Л2.1Л3.1
5.2	Иная контактная работа: индивидуальные консультации, текущий контроль. /ИКР/	1	12,6	
Раздел 6. 5. Линейные пространства и линейные преобразования				
6.1	Векторные пространства и подпространства. Определение векторного пространства. Простейшие свойства векторных пространств. Определение подпространства, основные свойства подпространства. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.2	Линейная зависимость и независимость. Определение линейной зависимости и линейной независимости векторов, свойства линейно зависимых и независимых векторов. Критерий линейной зависимости. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.3	Полное множество. Теорема об очистке линейно полного множества, определение базиса. Теорема о выборе базиса. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.4	Базис. Теорема о дополнении до базиса. Критерий базиса. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.5	Размерность. Определение координат вектора в базисе, свойства координат вектора. Размерность пространства, теорема о размерности, следствия из нее. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.6	Матрица перехода. Матрица перехода, свойства матрицы перехода. Теорема о монотонности размерности подпространств. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.7	Линейная оболочка. Теорема о пересечении подпространств. Линейная оболочка, теорема о линейной оболочке. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.8	Сумма подпространств. Сумма подпространств, теорема о сумме подпространств. Теорема о размерности суммы подпространств. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.9	Прямая сумма подпространств. Теорема о прямой сумме подпространств. Дополнение к подпространству, теорема о существовании дополнения к подпространству. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.10	Ранг матрицы. Три понятия ранга матрицы, теорема о ранге и элементарных преобразованиях. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.11	Теорема Кронекера-Капелли. Доказательство теоремы Кронекера-Капелли. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.12	Однородные системы линейных уравнений. Теорема об описании структуры решений системы линейных уравнений. Теорема о размерности пространства решений системы линейных однородных уравнений. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2



6.13	Линейный оператор. Определение линейного оператора, теорема о свойствах линейных операторов. Операции над линейными операторами, теорема о свойствах операций над линейными операторами. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.14	Свойства линейного оператора. Теорема о задании линейного оператора на базисе и матрицей. Теорема о свойствах матриц линейных операторов. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.15	Функционалы и преобразования. Линейные функционалы. Линейные преобразования пространства. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.16	Матрицы преобразований. Матрицы линейных преобразований в разных базисах. Определение определителя матрицы линейного преобразования. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.17	Инвариантность. Инвариантные подпространства, свойства инвариантных подпространств. Характеристический многочлен линейного преобразования, теорема о характеристическом многочлене. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.18	Собственные векторы. Теорема Гамильтона-Кэли. Собственные векторы и собственные значения, теорема о нахождении собственных значений. Теорема об одномерных инвариантных подпространствах. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1 Э1 Э2
6.19	Пространства и подпространства. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.20	Зависимость и независимость системы векторов. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.21	Базис и размерность. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.22	Линейные оболочки. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.23	Контрольная работа №4. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.24	Ранг матрицы\, Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.25	Однородные системы. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.26	Ядро и образ линейного оператора. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.27	Матрицы линейного преобразования. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.28	Собственные значения и векторы. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.29	Диагонализуемость оператора. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.30	Контрольная работа №5. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
6.31	Линейные преобразования. Нормальная Жорданова форма. /Ср/	2	6,8	Л1.3Л2.1Л3.1
Раздел 7. 6. Пространства со скалярным произведением				
7.1	Пространства со скалярным произведением. Свойства пространства со скалярным произведением. Теорема Коши-Буняковского-Шварца. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
7.2	Ортогональность. Свойства нормы вектора. Ортогональность векторов и подпространств, теорема об ортогональных множествах векторов, процесс ортогонализации Грама-Шмидта. /Лек/	2	1	Л1.3Л2.1Л3.1
7.3	Свойства ортогональности . Ортогональное дополнение, теорема об ортогональном дополнении. Теорема о связи между ортонормированными базисами в пространстве со скалярным произведением. /Лек/	2	1	Л1.3Л2.1Л3.1



Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно-аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 9
7.4	Сопряженное преобразование. Теорема о линейном функционале на пространстве со скалярным произведением. Теорема существования сопряженного преобразования. /Лек/	2	1	Л1.3Л2.1Л3.1
7.5	Сопряженное преобразование. Теорема о свойствах сопряженных преобразований. Теорема о матрице сопряженного преобразования. /Лек/	2	1	Л1.3Л2.1Л3.1
7.6	Нормальные преобразования. Теорема о собственных векторах и собственных значениях нормального преобразования. Критерий сохранения скалярного произведения линейным преобразованием. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
7.7	Ортогональные базисы. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
7.8	Ортогональное дополнение. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
7.9	Сопряженные преобразования. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
7.10	Ортогональность. /Ср/	2	6,8	Л1.3Л2.1Л3.1
Раздел 8. 7. Квадратичные формы				
8.1	Квадратичные формы. Два понятия квадратичной формы (как функции и как многочлена), связь между ними. Теорема о матрице квадратичной формы. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
8.2	Канонический вид квадратичной формы. Теорема Лагранжа о приведении квадратичной формы к каноническому виду. Теорема о приведении квадратичной формы к диагональному виду с помощью перехода к ортонормированному базису. Закон инерции квадратичных форм. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
8.3	Критерии. Линейная классификация квадратичных форм. Критерий положительной определенности квадратичных форм. Критерий Сильвестра. /Лек/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
8.4	Алгоритм Лагранжа. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
8.5	Контрольная работа №б. Решение задач. /Пр/	2	2	Л1.3Л2.1Л3.1
8.6	Квадратичные формы. /Ср/	2	6,8	Л1.3Л2.1Л3.1
Раздел 9. Экзамен				
9.1	/Экзамен/	2	27	Л1.1Л2.1Л3.1
9.2	Иная контактная работа: индивидуальные консультации, текущий контроль. /ИКР/	2	12,6	
Раздел 10. 8. Основные структуры				
10.1	Группы. Основные определения и теоремы. Определение группы. Примеры групп. Подгруппы. Критерий подгруппы. Смежные классы. Теорема Лагранжа. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
10.2	Циклические группы. Порождение. Циклические группы. Автоморфизмы. Основная теорема о циклических группах. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
10.3	Порядок. Порядок элемента в группе. Свойства порядка. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
10.4	Кольца. Основные определения и теоремы. Кольца. Подкольца. Критерий подкольца. Идеалы. Фактор-кольца. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1



10.5	Основные алгебраические структуры. Подгруппы. Решение задач. /Пр/	3	6	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
10.6	Порядок элемента в группе. Порождение. Решение задач. /Пр/	3	6	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
10.7	Контрольная работа №7. Решение задач. /Пр/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
10.8	Основные структуры /Ср/	3	16	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
Раздел 11. 9. Конечные поля				
11.1	Поля. Основные определения и теоремы. Поля. Характеристика поля. Подполя. Критерий подполя. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.2	Основная теорема о конечных полях. Конечные поля. Основная теорема о конечных полях. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.3	Построение конечного поля и вычисления. Алгоритм построения конечного поля. Вычисления в конечных полях. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.4	Свойства мультипликативной группы поля. Строение мультипликативной группы конечного поля. Примитивный элемент. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.5	Подполя. Подполя конечных полей. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.6	Автоморфизмы. Автоморфизмы конечных полей. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.7	Неподвижные элементы. След и норма. Множество неподвижных элементов. След и норма. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.8	Построение конечного поля.. Примитивные элементы. Вычисления в конечных полях. Строение мультипликативной группы поля мультипликативной групп. Решение задач. /Пр/	3	12	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.9	Контрольная работа №8. Решение задач. /Пр/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
11.10	Конечные поля. /Ср/	3	16	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
Раздел 12. 10. Многочлены над конечными полями				
12.1	Минимальный многочлен . Минимальный многочлен элемента. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.2	Неприводимые многочлены. Существование неприводимых многочленов над конечным полем. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.3	Порядок многочлена. Порядок многочлена и его свойства. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.4	Дискретные логарифмы. Дискретный логарифм и логарифм Якоби. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.5	Линейные рекуррентные последовательности. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.6	Характеристический многочлен и сопровождающая матрица последовательности. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.7	Многочлены над конечными полями. Минимальный многочлен. Порядок многочлена. Решение задач. /Пр/	3	4	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.8	Коллоквиум. /Пр/	3	2	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
12.9	Многочлены над конечными полями. /Ср/	3	15	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3.1
Раздел 13. Экзамен				



Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно-аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 11
13.1	/Экзамен/	3	18	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1Л3.1
13.2	Иная контактная работа: индивидуальные консультации, текущий контроль. /ИКР/	3	11	

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

6.1. Перечень видов оценочных средств

Контрольная работа.
Вопросы к коллоквиуму.
Перечень вопросов к экзамену.

6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

Вопросы для самоконтроля

1. Алгебраические операции. Ассоциативные, коммутативные операции, нейтральные элементы.
2. Определение группы, примеры групп, свойства группы, симметрическая группа.
3. Определение кольца, примеры колец.
4. Определение поля, примеры полей. Характеристика поля. Теорема о характеристике.
1. Тригонометрическая форма комплексного числа, формула Муавра.
2. Произведение матриц. Теорема о свойствах произведения матриц.
3. Понятие обратимости матриц. Примеры обратимых и необратимых матриц над кольцами. Теорема о свойствах обратимых матриц.
11. Два определения определителя и их равносильность.
4. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о свойствах алгебраических дополнений. Разложение определителя по строке и столбцу.
5. Определитель Вандермонда и циркулянт.
6. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований строк. Обоснование метода.
7. Алгоритм Гаусса и следствия из него.
8. Теорема о делении с остатком в кольце многочленов и в кольце целых чисел.
9. Корни многочленов. Теорема Безу. Схема Горнера.
10. Определение линейного оператора, теорема о свойствах линейных операторов.
11. Операции над линейными операторами, теорема о свойствах операций над линейными операторами.
12. Теорема о задании линейного оператора на базисе и матрицей.
13. Собственные векторы и собственные значения, теорема о нахождении собственных значений.
14. Пространства со скалярным произведением, простейшие свойства таких пространств.
15. Теорема Коши-Буняковского-Шварца.
16. Ортогональность векторов и подпространств, теорема об ортогональных множествах векторов, процесс ортогонализации Грама-Шмидта.
17. Два понятия квадратичной формы (как функции и как многочлена), связь между ними.
18. Теорема о приведении квадратичной формы к диагональному виду с помощью перехода к ортонормированному базису.
19. Определение группы. Примеры групп.
20. Подгруппы. Критерий подгруппы.
21. Смежные классы. Теорема Лагранжа.
22. Порождение. Циклические группы.
23. Автоморфизмы.
24. Основная теорема о циклических группах.
25. Порядок элемента в группе. Свойства порядка.
26. Кольца. Подкольца. Критерий подкольца. Идеалы. Фактор-кольца.
27. Поля. Характеристика поля.
28. Подполя. Критерий подполя.
29. Конечные поля. Основная теорема о конечных полях.
30. Алгоритм построения конечного поля. Вычисления в конечных полях.
31. Строение мультипликативной группы конечного поля.
32. Примитивный элемент.
33. Подполя конечных полей.

Вопросы к коллоквиуму

1. Определение группы. Примеры групп.
2. Подгруппы. Критерий подгруппы.



3. Смежные классы. Теорема Лагранжа.
4. Порождение. Циклические группы.
5. Автоморфизмы.
6. Основная теорема о циклических группах.
7. Порядок элемента в группе. Свойства порядка.
8. Кольца. Подкольца. Критерий подкольца. Идеалы. Фактор-кольца.
9. Поля. Характеристика поля.
10. Подполя. Критерий подполя.
11. Конечные поля. Основная теорема о конечных полях.
12. Алгоритм построения конечного поля. Вычисления в конечных полях.
13. Строение мультипликативной группы конечного поля.
14. Примитивный элемент.
15. Подполя конечных полей.
16. Автоморфизмы конечных полей.
17. Множество неподвижных элементов. След и норма.
18. Минимальный многочлен элемента.
19. Существование неприводимых многочленов над конечным полем.
20. Порядок многочлена и его свойства.
21. Дискретный логарифм и логарифм Якоби.
22. Линейные рекуррентные последовательности.
23. Характеристический многочлен и сопровождающая матрица последовательности.

Основные типы задач

- Сложить, умножить на число, перемножить матрицы.
- Вычислить определители второго, третьего порядков, n-го порядка специального вида.
- Найти обратную матрицу.
- Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера, с помощью обратной, методом Гаусса.
- Выполнить операции над комплексными числами (сложение, умножение, деление).
- Найти тригонометрическую форму комплексного числа.
- Возвести в степень и извлечь корень из комплексного числа.
- Проверить линейную зависимость, независимость системы векторов.
- Выделить базу системы векторов.
- Найти ранг матрицы.
- Найти фундаментальную систему решений однородной системы линейных уравнений.
- Найти матрицу перехода от одного базиса в другому.
- Найти матрицу линейного оператора.
- Найти собственные векторы и собственные значения линейного оператора.
- Вычислить скалярное произведение векторов в евклидовом и унитарном векторных пространствах. Найти длину вектора.
- Привести квадратичную форму к каноническому виду.

6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

Вопросы к экзамену 1 семестр

1. Алгебраические операции. Ассоциативные, коммутативные операции, нейтральные элементы.
2. Определение группы, примеры групп, свойства группы, симметрическая группа.
3. Определение кольца, примеры колец.
4. Определение поля, примеры полей. Характеристика поля. Теорема о характеристике.
5. Построение поля комплексных чисел.
6. Свойства сопряжения комплексных чисел.
7. Тригонометрическая форма комплексного числа, формула Муавра.
8. Корни из комплексного числа, теорема о корнях из единицы.
9. Понятия матрицы, операции над матрицами. Теорема о свойствах сложения матриц и умножения матрицы на элемент кольца.
10. Произведение матриц. Теорема о свойствах произведения матриц.
11. Понятие обратимости матриц. Примеры обратимых и необратимых матриц над кольцами. Теорема о свойствах обратимых матриц.
12. Доказать, что обратимые матрицы над кольцом образуют группу по умножению.
13. Понятие транспонирования матрицы. Теорема о свойствах транспонирования матриц.
14. Понятия подстановки и перестановки. Четность перестановок и подстановок. Доказать, что транспозиция меняет



четность перестановки.

15. Два определения определителя и их равносильность.
16. Теорема об определителе транспонированной матрицы. О равноправии строк и столбцов в определителе.
17. Теорема об определителе полураспавшейся матрицы.
18. Теорема об определителе треугольной матрицы.
19. Теорема о кососимметричности определителя.
20. Теорема о линейности определителя.
21. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о свойствах алгебраических дополнений. Разложение определителя по строке и столбцу.
22. Понятие присоединенной матрицы. Теорема о присоединенной матрице.
23. Теорема об определителе произведения двух матриц.
24. Теорема об обратной матрице.
25. Определитель Вандермонда и циркулянт.
26. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований строк. Обоснование метода.
27. Понятие решения системы линейных уравнений, совместные и несовместные системы. Теорема об элементарных преобразованиях.
28. Алгоритм Гаусса и следствия из него.
29. Теорема Крамера.
30. Построение кольца многочленов от одного неизвестного.
31. Кольца без делителей нуля. Примеры.
32. Теорема о делении с остатком в кольце многочленов и в кольце целых чисел.
33. Свойства делимости многочленов и целых чисел.
34. Наибольший общий делитель для многочленов, его свойства, алгоритм Евклида для многочленов.
35. Теорема о линейном представлении наибольшего общего делителя.
36. Взаимно простые многочлены и их свойства.
37. Неприводимость многочленов, основная теорема арифметики многочленов.
38. Понятие производной многочлена. Теорема о кратных множителях многочлена и его производной. Отделение кратных множителей многочлена с помощью алгоритма Евклида.
39. Корни многочленов. Теорема Безу. Схема Горнера.
40. Теорема о числе корней и степени многочлена.
41. Функциональное и алгебраическое равенство многочленов. Теорема об однозначности задания многочлена своими значениями.
42. Интерполяционные формулы Лагранжа и Ньютона.
43. Решение уравнений третьей и четвертой степени.
44. Построение кольца многочленов от нескольких неизвестных.
45. Симметрические многочлены, формулы Виета.
46. Основная теорема о симметрических многочленах.
47. Теорема о существовании корня неприводимого многочлена в некотором расширении поля и следствие из нее.
48. Основная теорема алгебры многочленов.
49. Рациональные корни многочленов над полем рациональных чисел.

Вопросы к экзамену 2 семестр

50. Определение векторного пространства. Простейшие свойства векторных пространств.
51. Определение подпространства, основные свойства подпространства.
52. Определение линейной зависимости и линейной независимости векторов, свойства линейно зависимых и независимых векторов.
53. Критерий линейной зависимости.
54. Теорема об очистке линейно полного множества, определение базиса.
55. Теорема о выборе базиса.
56. Теорема о дополнении до базиса.
57. Критерий базиса.
58. Определение координат вектора в базисе, свойства координат вектора.
59. Размерность пространства, теорема о размерности, следствия из нее.
60. Матрица перехода, свойства матрицы перехода.
61. Теорема о монотонности размерности подпространств.
62. Теорема о пересечении подпространств.
63. Линейная оболочка, теорема о линейной оболочке.
64. Сумма подпространств, теорема о сумме подпространств.
65. Теорема о размерности суммы подпространств.
66. Прямая сумма подпространств, теорема о прямой сумме подпространств.



67. Дополнение к подпространству, теорема о существовании дополнения к подпространству.
68. Прямая сумма пространств, теорема о прямой сумме пространств.
69. Три понятия ранга матрицы, доказать, что строчный ранг матрицы не изменяется при элементарных преобразованиях строк.
70. Доказать, что столбцовый ранг матрицы не изменяется при элементарных преобразованиях столбцов.
71. Доказать, что строчный ранг матрицы не изменяется при элементарных преобразованиях столбцов.
72. Доказать, что столбцовый ранг матрицы не изменяется при элементарных преобразованиях строк.
73. Доказать, что столбцовый ранг матрицы равен строчному рангу матрицы.
74. Доказать, что при элементарных преобразованиях строк минорный ранг матрицы не меняется.
75. Теорема Кронекера-Капелли.
76. Теорема об описании структуры решений системы линейных уравнений.
77. Теорема о размерности пространства решений системы линейных однородных уравнений.
78. Определение линейного оператора, теорема о свойствах линейных операторов.
79. Операции над линейными операторами, теорема о свойствах операций над линейными операторами.
80. Теорема о задании линейного оператора на базисе и матрицей.
81. Теорема о свойствах матриц линейных операторов.
82. Линейные функционалы.
83. Линейные преобразования пространства.
84. Матрицы линейных преобразований в разных базисах.
85. Определение определителя матрицы линейного преобразования, доказать, что определитель линейного преобразования определен корректно.
86. Инвариантные подпространства, свойства инвариантных подпространств.
87. Характеристический многочлен линейного преобразования, теорема о характеристическом многочлене.
88. Теорема Гамильтона-Кэли.
89. Собственные векторы и собственные значения, теорема о нахождении собственных значений.
90. Теорема об одномерных инвариантных подпространствах.
91. Доказать, что собственные векторы, соответствующие различным собственным значениям линейно независимы.
92. Пространства со скалярным произведением, простейшие свойства таких пространств.
93. Теорема Коши-Буняковского-Шварца.
94. Свойства нормы вектора.
95. Ортогональность векторов и подпространств, теорема об ортогональных множествах векторов, процесс ортогонализации Грама-Шмидта.
96. Ортогональное дополнение, теорема об ортогональном дополнении.
97. Теорема о связи между ортонормированными базисами в пространстве со скалярным произведением.
98. Линейные функционалы, теорема о линейном функционале на пространстве со скалярным произведением.
99. Сопряженное преобразование, теорема существования сопряженного преобразования.
100. Теорема о свойствах сопряженных преобразований.
101. Теорема о матрице сопряженного преобразования.
102. Нормальные преобразования, теорема о собственных векторах и собственных значениях нормального преобразования.
103. Критерий сохранения скалярного произведения линейным преобразованием.
104. Два понятия квадратичной формы (как функции и как многочлена), связь между ними.
105. Теорема о матрице квадратичной формы.
106. Теорема Лагранжа о приведении квадратичной формы к каноническому виду.
107. Теорема о приведении квадратичной формы к диагональному виду с помощью перехода к ортонормированному базису.
108. Закон инерции квадратичных форм.
109. Линейная классификация квадратичных форм.
110. Критерий положительной определенности квадратичных форм.
111. Критерий Сильвестра.

Вопросы к экзамену 3 семестр

1. Определение группы, гомоморфизм, изоморфизм и автоморфизм групп. Подгруппы. Критерий подгруппы. Теорема Кэли.
2. Порождающее множество группы. Теорема о строении группы, порожденной множеством элементов.
3. Порядок элемента. Циклические группы. Теорема о циклических группах.
4. Смежные классы. Теорема Лагранжа. Нормальная подгруппа. Фактор-группа.
5. Теорема о гомоморфизме для групп.
6. Кольцо, подкольцо, идеалы, фактор-кольцо. Теорема о гомоморфизме для колец.
7. Теорема о фактор-кольце целых чисел.



8. Поле. Характеристика поля. Теорема о простом поле.
9. Теорема о фактор-кольце многочленов.
10. Расширение поля. Присоединение элементов к полю. Простое расширение поля. Порождающий элемент простого расширения.
11. Алгебраическое расширение поля. Минимальный многочлен. Свойства минимального многочлена.
12. Теорема о существовании простого алгебраического расширения поля.
13. Теорема об изоморфизме простого алгебраического расширения и фактор-кольца многочленов.
14. Поле разложения многочленов. Теорема о существовании и единственности поля разложения (формулировка).
15. Конечные поля. Теорема о числе элементов в конечном поле.
16. Основная теорема о конечных полях.
17. Теорема о строении мультипликативной группы конечного поля. Примитивный элемент.
18. Степень расширения поля над подполем. Теорема о башне.
19. Теорема об алгебраичности конечного расширения поля.
20. Теорема о базисе простого алгебраического расширения. Следствия.
21. Теорема о порядках подполей конечного поля.
22. Теорема о расширении конечного поля.
23. Примитивный многочлен. Теорема о существовании примитивного многочлена.
24. Автоморфизмы конечных полей.
25. Теорема о поле разложения неприводимого многочлена над конечным полем. Следствия.
26. Циклотомическое (круговое) поле. Теорема о подгруппе циклотомического поля.
27. Круговые многочлены. Теоремы о круговых многочленах.
28. Теорема о свойствах круговых полей.
29. О представлении элементов в конечных полях.

6.4. Критерии оценивания

Порядок проведения промежуточной аттестации

В ходе изучения дисциплины «Алгебра» студент должен выполнить 8 контрольных работ и сдать один коллоквиум:
в 1-м и 2-м семестре – 3 контрольные работы,
в 3-м семестре – 2 контрольные работы и коллоквиум.

Каждая из контрольных работ, коллоквиум и экзамен оценивается в 20 баллов. Нарушение сроков без уважительной причины ведет за собой снижение баллов за контрольную работу и коллоквиум на 2 балла за каждую неделю задержки.

Сводная таблица рейтинга успеваемости (1,2 семестр)

№ Перечень контрольных мероприятий в семестре Максимальное кол-во баллов

1	Контрольные работы	3x20=60
2	Активная работа на занятиях в течение семестра	5
3	Посещаемость (все занятия)	5
4	Выполнение всех домашних заданий	10
5	Экзамен	20
Итого		100

Сводная таблица рейтинга успеваемости (3 семестр)

№ Перечень контрольных мероприятий в семестре Максимальное кол-во баллов

1	Контрольные работы	2x20=40
2	Коллоквиум	20
3	Активная работа на занятиях в течение семестра	5
4	Посещаемость (все занятия)	5
5	Выполнение всех домашних заданий	10
6	Экзамен	20
Итого		100

Критерии оценивания контрольной работы

Максимальный балл за контрольную работу – 20 баллов.

Максимальный балл за задание – 5 баллов.

Отлично/зачтено/5 баллов - Работа выполнена в срок, обучающийся отлично знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу.

Задание решено правильно, дан полный, развернутый ответ на поставленный вопрос.

Хорошо/зачтено/4 балла - Работа выполнена в срок, обучающийся хорошо знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу. Обучающийся допускает незначительные



ошибки. Выполнено 3/4 задания, дан полный, развернутый ответ на поставленный вопрос, однако были допущены неточности в определении понятий, терминов и др.

Удовлетворительно/зачтено/3 балла - Работа выполнена и сдана позднее, чем предполагалось, и при этом обучающийся хорошо знает материал, умеет анализировать проблему и может грамотно прокомментировать выполненную работу. Обучающийся допускает незначительные ошибки. Выполнено 1/2 задания, дан неполный ответ на поставленный вопрос. Неудовлетворительно/не зачтено/2 балла - Работа не выполнена, либо обучающийся не может ответить на контрольные вопросы, не ориентируется в основных понятиях, излагает материал с трудом, с грубыми фактическими и языковыми ошибками, либо отказывается от ответов на вопросы. Выполнено менее 1/2 задания, на поставленные вопросы ответ отсутствует или неполный, допущены существенные ошибки в терминах и понятиях.

Критерии оценивания ответа на коллоквиуме

Максимальный балл за коллоквиум – 20 баллов.

16-20 баллов, повышенный уровень - Студентом дан полный, в логической последовательности развернутый ответ на поставленный вопрос, где он продемонстрировал знания предмета.

11-15 баллов, базовый уровень - Студентом дан развернутый ответ на поставленный вопрос, где студент демонстрирует знания. Однако допускает неточность в ответе.

6-10 баллов, пороговый уровень - Студентом дан ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры. Допускает несколько ошибок в содержании ответа.

0-5 баллов, уровень не сформирован - Студентом дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, отсутствием логичности и последовательности. Студент не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах преподавателя.

Критерии оценивания ответа на экзамене

Максимальный балл за экзамен – 20 баллов.

Максимальный балл за задание – 5 баллов.

Билеты для экзамена содержат 4 задания (2 практических задачи и 2 теоретических вопроса). За каждое выполненное задание билета студент может получить от 2 до 5 баллов:

– Если задание выполнено правильно, то оно оценивается 5 баллами.

– Если задание выполнено с ошибками, то баллы снижаются в зависимости от количества допущенных ошибок.

– Если допущена одна ошибка, то задание оценивается 4 баллами, допущены две ошибки – 3 баллами, допущены три ошибки – 2 баллами.

– Если задание выполнено частично, и выполненная часть задания не содержит ошибок, то оно оценивается 2 баллами.

– Если допущено более трех ошибок в задании или студент выполнил менее половины задания из билета, то за него он получает 0 баллов.

5 баллов, повышенный уровень - Студентом дан полный, в логической последовательности развернутый ответ на поставленный вопрос, где он продемонстрировал знания предмета в полном объеме учебной программы, достаточно глубоко осмысливает дисциплину, самостоятельно, и исчерпывающе отвечает на дополнительные вопросы, приводит собственные примеры по проблематике поставленного вопроса, решил предложенные практические задания без ошибок.

4 балла, базовый уровень - Студентом дан развернутый ответ на поставленный вопрос, где он демонстрирует знания, приобретенные на лекционных и семинарских занятиях, а также полученные посредством изучения обязательных учебных материалов по курсу, дает аргументированные ответы, приводит примеры, ответ логичен и последователен. Однако студент допускает неточность в ответе. Решил предложенные практические задания с небольшими неточностями.

3 балла, пороговый уровень - Студентом дан ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, слабо сформированными навыками анализа явлений, процессов, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры, ответ недостаточно логичен и последователен. Допускает несколько ошибок в содержании ответа и решении практических заданий.

2 балла, уровень не сформирован - Студентом дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов, неумением давать аргументированные ответы, отсутствием логичности и последовательности. Выводы поверхностны. Решение практических заданий не выполнено. Студент не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах преподавателя.



При оценивании результатов усвоения дисциплины применяется балльно-рейтинговая система.
В течение учебного семестра студенты за каждый вид работы получают баллы. Итоговая оценка складывается из суммы баллов, полученных в семестре, и за ответ на зачете и экзамене.

Критерии оценивания экзамена (1,2,3 семестр)

№ п/п Набранные баллы Оценка

- | | | |
|----|----------|---------------------|
| 1. | Менее 60 | неудовлетворительно |
| 2. | 61 – 74 | удовлетворительно |
| 3. | 75 – 90 | хорошо |
| 4. | 91 – 100 | отлично |

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Рекомендуемая литература

7.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л1.1	Кострикин А. И.	Введение в алгебру: учебник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=62951)	Москва : МЦНМО, 2009	ЭБС
Л1.2	Кострикин А. И.	Введение в алгебру: учебник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63140)	Москва : МЦНМО, 2009	ЭБС
Л1.3	Кострикин А. И.	Введение в алгебру: учебник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63144)	Москва : МЦНМО, 2009	ЭБС

7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л2.1	Кострикин А. И.	Сборник задач по алгебре: задачник: сборник задач и упражнений (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63274)	Москва : МЦНМО, 2009	ЭБС

7.1.3. Методические разработки

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л3.1	Золотарева Н. Д., Попов Ю. А., Сазонов В. В., Семендяева Н. Л., Федотов М. В., Федотов М. В.	Алгебра: углубленный курс с решениями и указаниями: учебно-методическое пособие (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=602073)	Москва : Лаборатория знаний, 2021	ЭБС

7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	Университетская информационная система РОССИЯ (УИС РОССИЯ) - тематическая электронная библиотека и база данных для исследований и учебных курсов http://www.uisrussia.msu.ru
Э2	Лекториум - просветительский проект: массовые открытые онлайн-курсы, открытый видеоархив лекций вузов России https://www.lektorium.tv

7.3 Перечень информационных технологий

7.3.1 Программное обеспечение

LMS Moodle

Adobe Reader

Notepad++

LibreOffice

7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

1. Электронный каталог научной библиотеки ЧелГУ [Электронный ресурс] : база данных / Челяб. гос. ун-т. – Челябинск, 1992.
2. Консультант Плюс [Электронный ресурс] : справочно-правовая система : база данных / Регион. центр правовой информ. Информправо.
3. eLIBRARY.RU [Электронный ресурс] : научная электронная библиотека [научной периодики на русском языке]. — Москва, [1999-]. - Доступ к полным текстам после регистрации из сети ЧелГУ. – URL: <http://elibrary.ru/defaultx.asp>.



МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)

Рабочая программа дисциплины "Алгебра" по направлению подготовки (специальности) 10.05.01 "Компьютерная безопасность" направленности (профилю) специализация N 6 "Информационно- аналитическая и техническая экспертиза компьютерных систем" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 18
4. Moodle [Электронный ресурс]: система дистанционного обучения : [база данных] / Челяб. гос. ун-т. – Челябинск, [б.г.]. – Доступ из сети ЧелГУ или, после регистрации из сети ун-та, из любой точки, имеющей доступ в интернет. – URL: http://moodle.uio.csu.ru/login/index.php .	
5. Научная библиотека Челябинского государственного университета [Электронный ресурс] : [сайт] / Челяб. гос. ун-т. – Челябинск, [2001-]. – Режим доступа: http://www.lib.csu.ru/ , свободный. – Загл. с экрана.	
6. Интернет университет информационных технологий [Электронный ресурс]. – Электрон. дан. – Режим доступа : http://www.intuit.ru/	

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.
Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения: проектором, экраном, магнитно-маркерной доской, маркером; с возможностью демонстрации электронных презентаций при уровне освещения, достаточном для работы с конспектом.
Для проведения занятий лекционного типа имеется демонстрационное оборудование: проектор, экран.
Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

<p>При изучении данной дисциплины используются лекционные, практические занятия и самостоятельная работа студента. На лекционных занятиях преподаватель излагает основное содержание тем программы. Проработку лекционного материала студенту желательно проводить как после каждого занятия, так и по завершению темы. Это позволит связать воедино полученные сведения и составить цельную картину.</p> <p>На практических занятиях решаются прикладные задачи, типовые задачи по алгебре, выполняются операции с алгебраическими объектами. Рекомендуется перед каждым практическим занятием выполнить домашнее задание, что позволит лучше усвоить предыдущий материал, и изучить лекционный материал по предстоящей теме. Студенту желательно проявлять активное участие на практических и лекционных занятиях, задавать вопросы, поскольку умение обосновывать свою точку зрения, нахождение компромиссного решения в этически выдержанной дискуссии не только важно для лучшего усвоения материала, но и ценится в реальной жизни.</p> <p>В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции (вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени (система дистанционного обучения Moodle, форумы, электронная почта и др.).</p> <p>Большую часть времени обучающиеся самостоятельно работают с учебно-методическими материалами. Студенты имеют возможность консультироваться с преподавателем по всем вопросам, возникающим в ходе самостоятельной работы посредством электронной почты, мессенджеров, социальных сетей и т.п.</p> <p>Доступ обучающегося к учебным ресурсам в режиме отложенного времени, самостоятельной работы осуществляется через сеть Интернет в удобном для него месте, времени и темпе.</p> <p>При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.</p> <p>Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимися по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.</p>



10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося (мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения и с нарушением слуха, ассистивные информационные технологии).

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся с инвалидностью и с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ с помощью специальных технических и программных средств к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах.

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и особенностям восприятия информации.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий.

При проведении промежуточной аттестации по дисциплине обучающимся с инвалидностью и с ограниченными возможностями здоровья обеспечивается по их заявлению предоставление в доступной форме в зависимости от их индивидуальных особенностей инструкции о порядке проведения промежуточной аттестации, оценочных средств и возможности ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование предоставленных ЧелГУ или собственных технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Алгебра. 1 семестр. Вариант контрольной работы.

Контрольная работа №4.

Вариант 1

1. Найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = x^5 - 2x^4 + x^3 - x^2 + 2x - 1$ и $g(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 2$ и его линейное разложение.
2. Определить кратность корня $x = 1$ многочлена $f(x)$.
3. Разложить многочлен $f(x)$ по степеням $x + 1$.
4. Найти все вещественные корни многочлена $g(x)$.
5. Найти все неприводимые многочлены степени 3 над полем из трех элементов.
6. Решить задачу 1 над полем из двух элементов.

Контрольная работа №4.

Вариант 4

1. Найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = x^5 + 4x^4 + 7x^3 + 7x^2 + 4x + 1$ и $g(x) = x^4 - x^3 - x + 1$ и его линейное разложение.
2. Определить кратность корня $x = -1$ многочлена $f(x)$.
3. Разложить многочлен $f(x)$ по степеням $x - 1$.
4. Найти все вещественные корни многочлена $g(x)$.
5. Найти все неприводимые многочлены степени 5 над полем из двух элементов.
6. Решить задачу 1 над полем из двух элементов.

Контрольная работа №4.

Вариант 2

1. Найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = x^5 - 2x^4 + x^3 - x^2 + 2x - 1$ и $g(x) = x^3 + 2x^2 + 2x + 1$ и его линейное разложение.
2. Определить кратность корня $x = 1$ многочлена $f(x)$.
3. Разложить многочлен $f(x)$ по степеням $x - 2$.
4. Найти все вещественные корни многочлена $g(x)$.
5. Найти все неприводимые многочлены степени 2 над полем из пяти элементов.
6. Решить задачу 1 над полем из двух элементов.

Контрольная работа №4.

Вариант 5

1. Найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = x^5 - 5x^4 + 7x^3 - 2x^2 + 4x - 8$ и $g(x) = x^4 - x^3 - x + 1$ и его линейное разложение.
2. Определить кратность корня $x = -2$ многочлена $f(x)$.
3. Разложить многочлен $f(x)$ по степеням $x - 1$.
4. Найти все вещественные корни многочлена $g(x)$.
5. Найти все неприводимые многочлены степени 3 над полем из трех элементов.
6. Решить задачу 1 над полем из двух элементов.

Контрольная работа №4.

Вариант 3

1. Найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = x^5 - 2x^4 + x^3 - x^2 + 2x - 1$ и $g(x) = x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1$ и его линейное разложение.
2. Определить кратность корня $x = 1$ многочлена $f(x)$.
3. Разложить многочлен $f(x)$ по степеням $x - 1$.
4. Найти все вещественные корни многочлена $g(x)$.
5. Найти все неприводимые многочлены степени 3 над полем из трех элементов.
6. Решить задачу 1 над полем из двух элементов.

Контрольная работа №4.

Вариант 6

1. Найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = x^5 + 4x^4 + 7x^3 + 7x^2 + 4x + 1$ и $g(x) = x^4 - 3x^3 + x^2 + 4$ и его линейное разложение.
2. Определить кратность корня $x = -1$ многочлена $f(x)$.
3. Разложить многочлен $f(x)$ по степеням $x - 1$.
4. Найти все вещественные корни многочлена $g(x)$.
5. Найти все неприводимые многочлены степени 5 над полем из двух элементов.
6. Решить задачу 1 над полем из двух элементов.

Контрольная работа 2
Вариант 1

1. Линейно зависимы ли векторы
 $(1, -1, 1, -1), (1, -2, 1, -2), (3, 3, 3, 3)?$
2. Найти базисы суммы и пересечения подпространств
 $\text{Lin}((1, 2, 3, 4), (-2, -1, 0, 1), (1, 2, 4, 8))$ и
 $\text{Lin}((1, 1, 1, 1), (1, -2, 4, -8)).$
3. Для системы

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 0 \\ 3x_1 + x_2 + 3x_3 + x_4 = 0 \\ 7x_1 + 4x_2 + 7x_3 + 4x_4 = 0 \end{cases}$$
 найти ранг основной матрицы и фундаментальную систему решений.
4. Задано отображение φ из \mathbf{R}^3 в \mathbf{R}^2 формулой
 $\varphi(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + 2x_2 + 3x_3, 3x_1 + 2x_2 + x_3).$
 - (a) Проверить, что φ — линейный оператор.
 - (b) Записать его матрицу в стандартных базисах \mathbf{R}^3 и \mathbf{R}^2 .
 - (c) Найти базисы его ядра и образа.
5. Линейное преобразование пространства \mathbf{R}^3 задано матрицей

$$\begin{pmatrix} 3 & -2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$
 Найти его собственные значения и собственные векторы.
6. Пусть P — поле из двух элементов. Сколько базисов в пространстве P^3 ?

Контрольная работа 2
Вариант 3

1. Линейно зависимы ли векторы
 $(-1, 1, -1, 1), (1, 2, 1, 2), (5, 5, 5, 5)?$
2. Найти базисы суммы и пересечения подпространств
 $\text{Lin}((1, 4, 7, 10), (-2, 0, 2, 4), (1, 2, 4, 8))$ и
 $\text{Lin}((1, 1, 1, 1), (1, -3, 9, -27)).$
3. Для системы

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + x_3 + 3x_4 = 0 \\ 3x_1 + x_2 + 3x_3 + x_4 = 0 \\ 7x_1 + 5x_2 + 7x_3 + 5x_4 = 0 \end{cases}$$
 найти ранг основной матрицы и фундаментальную систему решений.
4. Задано отображение φ из \mathbf{R}^3 в \mathbf{R}^2 формулой
 $\varphi(x_1, x_2, x_3) = (3x_1 + 2x_2 + x_3, 3x_1 + 2x_2 + 3x_3).$
 - (a) Проверить, что φ — линейный оператор.
 - (b) Записать его матрицу в стандартных базисах \mathbf{R}^3 и \mathbf{R}^2 .
 - (c) Найти базисы его ядра и образа.
5. Линейное преобразование пространства \mathbf{R}^3 задано матрицей

$$\begin{pmatrix} 4 & 1 & 0 \\ -3 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix}.$$
 Найти его собственные значения и собственные векторы.
6. Пусть P — поле из двух элементов. Сколько базисов в пространстве P^3 ?

Контрольная работа 2
Вариант 2

1. Линейно зависимы ли векторы
 $(1, 1, 1, 1), (1, -2, 1, -2), (-3, 3, -3, 3)?$
2. Найти базисы суммы и пересечения подпространств
 $\text{Lin}((1, 3, 9, 27), (-2, -1, 0, 1), (1, 3, 5, 7))$ и
 $\text{Lin}((2, 2, 2, 2), (1, 2, 4, 8)).$
3. Для системы

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 0 \\ 3x_1 + 3x_2 + 3x_3 + x_4 = 0 \\ 8x_1 + 8x_2 + 7x_3 + 3x_4 = 0 \end{cases}$$
 найти ранг основной матрицы и фундаментальную систему решений.
4. Задано отображение φ из \mathbf{R}^3 в \mathbf{R}^2 формулой
 $\varphi(x_1, x_2, x_3) = (2x_1 + 3x_2 + 4x_3, x_1 + x_2 + x_3).$
 - (a) Проверить, что φ — линейный оператор.
 - (b) Записать его матрицу в стандартных базисах \mathbf{R}^3 и \mathbf{R}^2 .
 - (c) Найти базисы его ядра и образа.
5. Линейное преобразование пространства \mathbf{R}^3 задано матрицей

$$\begin{pmatrix} 0 & -6 & 0 \\ 1 & 5 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}.$$
 Найти его собственные значения и собственные векторы.
6. Пусть P — поле из двух элементов. Сколько базисов в пространстве P^3 ?

Контрольная работа 2
Вариант 4

1. Линейно зависимы ли векторы
 $(-1, 4, -1, 4), (1, -2, 1, -2), (-3, 3, -3, 3)?$
2. Найти базисы суммы и пересечения подпространств
 $\text{Lin}((1, -3, 9, -27), (-3, -1, 1, 3), (1, 3, 6, 10))$ и
 $\text{Lin}((2, 2, 2, 2), (1, -2, 4, -8)).$
3. Для системы

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 0 \\ 5x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 = 0 \\ 11x_1 + 8x_2 + 5x_3 + 2x_4 = 0 \end{cases}$$
 найти ранг основной матрицы и фундаментальную систему решений.
4. Задано отображение φ из \mathbf{R}^3 в \mathbf{R}^2 формулой
 $\varphi(x_1, x_2, x_3) = (4x_1 + 3x_2 + 2x_3, 4x_1 + 3x_2 + x_3).$
 - (a) Проверить, что φ — линейный оператор.
 - (b) Записать его матрицу в стандартных базисах \mathbf{R}^3 и \mathbf{R}^2 .
 - (c) Найти базисы его ядра и образа.
5. Линейное преобразование пространства \mathbf{R}^3 задано матрицей

$$\begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & 5 & 1 \\ 0 & -6 & 0 \end{pmatrix}.$$
 Найти его собственные значения и собственные векторы.
6. Пусть P — поле из двух элементов. Сколько базисов в пространстве P^3 ?

Вариант 1

№1. Найти все такие неприводимые многочлены второй степени над полем \mathbb{Z}_5 , что коэффициент при x^2 равен 1 или 2.

№2. Перечислить все элементы фактор-кольца $\mathbb{Z}_3[X]/(2x^2 + x + 1)$, построить таблицу сложения и таблицу умножения для данного фактор-кольца, для каждого элемента указать противоположный и для каждого ненулевого элемента указать обратный.

№3. Рассмотрим фактор-кольцо $\mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + 1)$:

- показать, что $x^4 + x^3 + 1$ неприводим над \mathbb{Z}_2 ;
- найти обратный элемент для $[x] \in \mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + 1)$;
- найти обратный элемент для $[x^2 + x] \in \mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + 1)$;
- найти обратный элемент для $[x^3 + x + 1] \in \mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + 1)$.

№4. Найти многочлен 4-ой степени с коэффициентами из поля \mathbb{Q} такой, что $a = \sqrt{3} + \sqrt{5}$ является его корнем.

Вариант 2

№1. Найти все неприводимые многочлены второй степени над полем \mathbb{Z}_3 .

№2. Перечислить все элементы фактор-кольца $\mathbb{Z}_3[X]/(2x^2 + 2)$, построить таблицу сложения и таблицу умножения для данного фактор-кольца, для каждого элемента указать противоположный и для каждого ненулевого элемента указать обратный.

№3. Рассмотрим фактор-кольцо $\mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$:

- показать, что $x^4 + x^3 + x^2 + x + 1$ неприводим над \mathbb{Z}_2 ;
- найти обратный элемент для $[x] \in \mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$;
- найти обратный элемент для $[x^2 + x] \in \mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$;
- найти обратный элемент для $[x^3 + x + 1] \in \mathbb{Z}_2[X]/(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$.

№4. Найти многочлен 6-ой степени с коэффициентами из поля \mathbb{Q} такой, что $a = \sqrt{3} + \sqrt[3]{6}$ является его корнем.

