

Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Таскаев Сергей Валерьевич Должность: Ректор	МИНОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Челябинский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ЧелГУ»)	
Дата подписания: 04.04.2025 13:14:59 Уникальный идентификатор документа: 04c19ed8bfb98f756cd77c48619a8769b8732505	Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Информационная безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 1



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе

/ В.Е. Федоров

2021 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля)*

Дифференциальные уравнения

Направление подготовки (специальность)

10.05.03 Информационная безопасность автоматизированных систем

Направленность (профиль)

специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов"

Присваиваемая квалификация (степень)

специалист по защите информации

Форма обучения

очная

Год набора 2021

*Рабочая программа дисциплины (модуля) адаптирована для инклюзивного обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Челябинск 2021 г.

Рабочая программа дисциплины (модуля) принята:

Ученым советом физического факультета

Протокол заседания № 13 от «24» июне 2021 г.

Председатель Ученого совета
физического факультета


подпись И.О. Фамилия

Секретарь Ученого совета
физического факультета


подпись И.О. Фамилия

Рабочая программа дисциплины (модуля) одобрена и рекомендована кафедрой

Теории управления и оптимизации

Протокол заседания № 20 от 17.06.2021

Заведующий кафедрой



Ухоботов В.И.

Автор (составитель)



к.ф.-м.н., доцент, Белов Е.Г.

**Структура рабочей программы соответствует приказу ректора
ФГБОУ ВО «ЧелГУ» от «05» декабря 2018 г. № 678-1**

Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
 - 6.1. Перечень видов оценочных средств
 - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
 - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
 - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
 - 7.1. Рекомендуемая литература
 - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
 - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья

Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 4
1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ	
Цель преподавания дисциплины «Дифференциальные уравнения» состоит в приобретении студентами теоретических знаний и практических умений и навыков по теории дифференциальных уравнений, использовании их для решения прикладных задач физики, механики, вариационного исчисления.	
Индикаторы достижения компетенций:	
ОПК-3.1. Обладает знаниями основных математических понятий и методов.	
ОПК-3.2. Имеет практический опыт использования математических методов для решения задач профессиональной деятельности.	

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП	
Цикл (раздел) ОПОП:	Б1.О.04
2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Алгебра	
Математический анализ	
2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
Теория вероятностей и математическая статистика	
Теория надежности	
Основы научных исследований	
Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена	
Преддипломная практика	

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
ОПК-3: Способен использовать математические методы, необходимые для решения задач профессиональной деятельности;	
Знать:	
Для достижения индикатора ОПК-3.1: Знать основные математические понятия и методы.	
Уметь:	
Для достижения индикатора ОПК-3.2: Уметь использовать математические методы для решения задач профессиональной деятельности.	
Владеть:	
Для достижения индикатора ОПК-3.2: Владеть практическим опытом использования математических методов для решения задач профессиональной деятельности.	

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1 Знать:	
3.1.1	основные математические понятия и методы
3.2 Уметь:	
3.2.1	использовать математические методы для решения задач профессиональной деятельности
3.3 Владеть:	
3.3.1	практическим опытом использования математических методов для решения задач профессиональной деятельности

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
Общая трудоемкость	2 ЗЕТ
Часов по учебному плану: 72 в том числе: аудиторные занятия: 54 самостоятельная работа: 18	Виды контроля в семестрах: зачеты 4

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)				
Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература

Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 5
	Раздел 1. Общая теория дифференциальных уравнений и систем.			
1.1	Общие понятия /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.2	Некоторые элементарные методы интегрирования. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
1.3	Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения и сводящиеся к ним. /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
1.4	Линейные уравнения 1-го по-рядка. Уравнения Бернулли. Уравнения Риккати. /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
1.5	Уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель. /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
1.6	Контрольная работа №1 /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
1.7	Некоторые элементарные методы интегрирования уравнений первого порядка. /Ср/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
	Раздел 2. Линейные уравнения и системы.			
2.1	Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами (случай простых корней). /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.2	Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами (случай кратных корней). /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.3	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Квазимногочлены. /Лек/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.4	Нормальная линейная однородная система с постоянными коэффициентами. /Лек/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.5	Показательная функция матрицы. /Лек/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.6	Нормальная система линейных уравнений с переменными коэффициентами. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.7	Линейные уравнения n-го порядка с переменными коэффициентами. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.8	Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами. Квазимногочлены. Задача Коши. /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
2.9	Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами. Случай действительных корней. /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
2.10	Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами. Случай комплексных корней. /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
2.11	Линейные неоднородные системы с постоянными коэффициентами. Квазимногочлены. Метод вариации постоянных. /Пр/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
2.12	Линейные неоднородные системы с постоянными коэффициентами. Метод вариации постоянных. /Пр/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4

Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 6
2.13	Контрольная работа №2 /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4
2.14	Линейные уравнения с постоянными коэффициентами. /Ср/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.15	Нормальная линейная однородная система с постоянными коэффициентами. /Ср/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.16	Показательная функция матрицы. /Ср/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.17	Нормальная система линейных уравнений с переменными коэффициентами. /Ср/	4	0,5	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
2.18	Линейные уравнения n-го порядка с переменными коэффициентами. /Ср/	4	0,5	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
Раздел 3. Теоремы о нулях решений линейных уравнений второго порядка.				
3.1	Теоремы о нулях решений линейных уравнений второго порядка. /Лек/	4	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
3.2	Теоремы о нулях решений линейных уравнений второго порядка. /Ср/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
Раздел 4. Задача Коши.				
4.1	Теорема существования и единственности решения задачи Коши для нормальной системы линейных уравнений. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
4.2	Теорема существования и единственности решения задачи Коши для одного уравнения. /Лек/	4	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
4.3	Теорема существования и единственности решения задачи Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
4.4	Теоремы существования и единственности решения задачи Коши. /Ср/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
Раздел 5. Непродолжаемые решения.				
5.1	Непродолжаемые решения. /Лек/	4	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
5.2	Непродолжаемые решения. /Ср/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
Раздел 6. Автономные системы дифференциальных уравнений и их фазовые пространства.				
6.1	Автономные системы дифференциальных уравнений и их фазовые пространства. Фазовые пространства. Фазовые траектории. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
6.2	Фазовая плоскость линейной однородной системы второго порядка с постоянными коэффициентами. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
6.3	Консервативные системы с одной степенью свободы. /Ср/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
6.4	Первые интегралы. /Ср/	4	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6

Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 7
Раздел 7. Теория устойчивости.				
7.1	Теория устойчивости. Основные понятия. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
7.2	Теория устойчивости. /Ср/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
Раздел 8. Уравнения в частных производных первого порядка.				
8.1	Уравнения с частными производными первого порядка. /Лек/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
8.2	Уравнения с частными производными первого порядка. /Ср/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6
6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ				
6.1. Перечень видов оценочных средств				
Домашняя контрольная работа Вопросы к зачету				
6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации				
см. приложение				
6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации				
<u>Вопросы к зачету:</u>				
1. Определения уравнения в полных дифференциалах и интегрирующего множителя. Теорема о решении уравнения в полных дифференциалах. Следств-вие. Теорема об интегрирующем множителе.				
2. Определения линейного однородного и неоднородного дифференциального уравнения первого порядка. Теорема о решении линейного неоднородного дифференциального уравнения первого порядка.				
3. Определение уравнения Бернулли. Метод решения уравнения Бернулли. Теорема существования и единственности решения однородного уравнения.				
4. Определение уравнения с разделяющимися переменными. Теорема существования и единственности решения уравнения с разделяющимися переменными.				
5. Определение линейно зависимых/независимых функций. Определитель Вронского. Теорема о линейной зависимости функций.				
6. Определение линейно зависимых/независимых функций. Определитель Вронского. Теорема о линейной независимости функций.				
7. Определение линейного однородного дифференциального уравнения n-ой степени с постоянными коэффициентами. Определение фундаментальной системы решений. Характеристический многочлен. Теорема об общем решении линейного однородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами в случае простых корней.				
8. Определение линейного однородного дифференциального уравнения n-ой степени с постоянными коэффициентами. Определение фундаментальной системы решений. Характеристический многочлен. Лемма о смещении (формулировка). Лемма о кратных корнях (формулировка). Теорема об общем решении линейного однородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами в случае кратных корней.				
9. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами. Фундаментальная система решений и общее решение. Характеристический многочлен. Теорема об общем решении линейного дифференциального уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами в случае простых корней.				
10. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами. Фундаментальная система решений. Характеристический многочлен. Формула смещения. Лемма о кратных корнях. Общее решение линейного дифференциального уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами в случае кратных корней.				
11. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Квазимногочлены. Теорема о виде частного решения в случае квазимногочленов.				
12. Линейные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Характеристический многочлен. Теорема о виде решения в случае простых корней.				
13. Линейные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Характеристический многочлен. Теорема о виде решения в общем случае.				
14. Линейные системы дифференциальных уравнений с переменными коэф-фициентами. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.				
15. Линейные системы дифференциальных уравнений с переменными коэф-фициентами. Фундаментальная система решений. Определитель Вронского.				

Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 8
---	--------

16. Линейные системы дифференциальных уравнений с переменными коэф-фициентами. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка с перемен-ными коэффициентами. Формула Лиувилля.
17. Линейные системы дифференциальных уравнений с переменными коэф-фициентами. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка с перемен-ными коэффициентами. Метод вариации постоянных.
18. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка с переменными коэффициентами. Эквивалентность уравнения и системы дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами.
19. Показательная функция матрицы. Ряд от матрицы.
20. Экспонента от матрицы. Свойства и способы ее нахождения.
21. Теорема о неколеблющемся решении. Теорема Штурма.
22. Теорема сравнения. Теорема Кнезера.
23. Теорема существования решения задачи Коши для одного уравнения.
24. Теорема о единственности решения задачи Коши для одного уравнения. Неравенство Гронуолла.
25. Ломаные Эйлера. Метод последовательных приближений.
26. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений.
27. Непродолжаемые решения. Предложение о существовании непродолжаемого решения.
28. Предложение о выходе нпродолжаемого решения за границу замкнутого ограниченного множества, следствие для автономной системы.
29. Автономные системы дифференциальных уравнений и их фазовые про-странства. Понятие автономной системы и нормальной автономной системы. Кинематическая интерпретация решения автономной системы. Совпадение двух траекторий.
30. Положение равновесия и замкнутые кривые. Три вида траекторий авто-номной системы.
31. Фазовая плоскость линейной однородной системы с постоянными коэффициентами. Невырожденный случай.
32. Фазовая плоскость линейной однородной системы с постоянными коэффициентами. Вырожденный случай.
33. Фазовая плоскость линейной однородной системы с постоянными коэффициентами. Существование нулевого собственного значения.
34. Устойчивость решения по Ляпунову. Достаточное условие устойчивости для линейной однородной системы с постоянными коэффициентами.
35. Теорема Ляпунова об устойчивости. Теорема Ляпунова об асимптотиче-ской устойчивости.
36. Уравнения с частными производными первого порядка. Теорема об общем решении линейного уравнения.

6.4. Критерии оценивания

Формы контроля:

- текущий контроль осуществляется путем регулярного решения задач на практических занятиях и обсуждения домашних заданий;
- промежуточный контроль осуществляется в форме проверочных контрольных работ;
- итоговый контроль осуществляется в форме письменного зачета в конце семестра.

Зачет проводится в присутствии преподавателя и предполагает решение задач и развернутый, полный ответ на теоретические вопросы. Вопросы составляются с учётом материала, пройденного как на лекционных занятиях, так и на практических занятиях. Время, отводимое на выполнение итоговой работы, 120 минут.

Итоговая оценка выставляется по балльной системе. Суммируются (с весами) баллы, полученные за контрольные работы (20 максимум за каждую контрольную работу), баллы, полученные на зачете (50 максимум). Веса могут быть определены следующим образом: для контрольных работ вес составляет 0,4, для зачета вес – 0,5.

Полученные студентами баллы суммируются и переводятся в 10-балльную шкалу, итоговая оценка выставляется по 10 - балльной шкале, исходя из полученной суммы баллов:

От 0 до 3 баллов – «не зачтено»

От 4 до 10 баллов – «зачтено»

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Рекомендуемая литература

7.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л1.1	Трухан А. А., Огородникова Т. В.	Обыкновенные дифференциальные уравнения и методы их решения. Ряды. Элементы вариационного исчисления: учебное пособие для вузов (https://e.lanbook.com/book/147233)	Санкт- Петербург : Лань, 2020	ЭБС
Л1.2	Демидович Б. П., Моденов В. П.	Дифференциальные уравнения: учебное пособие для вузов (https://e.lanbook.com/book/152452)	Санкт- Петербург : Лань, 2021	ЭБС
Л1.3	Степучев В. Г.	Решение линейных дифференциальных уравнений (https://e.lanbook.com/book/162377)	Санкт- Петербург : Лань, 2021	ЭБС

Рабочая программа дисциплины "Дифференциальные уравнения" по направлению подготовки (специальности) "Информационная безопасность автоматизированных систем" направленности (профилю) специализация N 4 "Безопасность автоматизированных систем критически важных объектов" ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 9
7.1.2. Дополнительная литература				
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Ресурс
Л2.1	Камке Э.	Справочник по обыкновенным дифференциальным уравнениям: справочник (https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=454586)	Москва : Наука, 1971	ЭБС
Л2.2	Зайцев В. Ф., Полянин А. Д.	Обыкновенные дифференциальные уравнения в 2 ч. Часть 1: справочник для вузов (https://urait.ru/bcode/471067)	Москва : Юрайт, 2021	ЭБС
Л2.3	Зайцев В. Ф., Полянин А. Д.	Обыкновенные дифференциальные уравнения в 2 ч. Часть 2: справочник для вузов (https://urait.ru/bcode/471851)	Москва : Юрайт, 2021	ЭБС
Л2.4	Бибиков Ю. Н.	Курс обыкновенных дифференциальных уравнений (https://e.lanbook.com/book/167875)	Санкт-Петербург : Лань, 2021	ЭБС
7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"				
Э1	Лань [Электронный ресурс]: электронно-библиотечная система (ЭБС) / издательство Лань. – URL: http://e.lanbook.com/ .			
Э2	Университетская библиотека онлайн [Электронный ресурс]: электронно-библиотечная система (ЭБС) / ООО Директмедиа Паблишинг. – URL: http://biblioclub.ru/ .			
Э3	Znanium.com [Электронный ресурс]: электронно-библиотечная система (ЭБС) / Научно-издательский центр ИНФРА-М. – URL: http://znanium.com/ .			
Э4	eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]: электронная библиотека / Науч. электрон. б-ка. — Москва, 1999 – . – URL: http://elibrary.ru/defaultx.asp			
Э5	Math-Net.Ru [Электронный ресурс]: общероссийский математический портал / Математический ин-т им. В. А. Стеклова РАН. – Москва, [б. г.]. - URL: http://www.mathnet.ru/			
Э6	Moodle [Электронный ресурс]: система управления обучением: [база данных] / Челяб. гос. ун-т. – Челябинск, [б.г.]. – Доступ из сети ЧелГУ или, после регистрации из сети ун-та, из любой точки, имеющей доступ в интернет. – URL: http://moodle.uio.csu.ru/login/index.php			
7.3 Перечень информационных технологий				
7.3.1 Программное обеспечение				
MS Office365				
LMS Moodle				
Adobe Connect Acrobat				
Adobe Reader				
7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы				
1. Электронный каталог научной библиотеки ЧелГУ [Электронный ресурс]: база данных / Челяб. гос. ун-т. – Челябинск, 1992 .				
2. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека : сайт. – Москва, 2000 – . – URL: https://elibrary.ru – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст: электронный.				
3. Mathematical Reviews (MR): реферативная база данных / American Mathematical Society. – URL: http://www.ams.org/mathscinet/ – Яз. рус., англ. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.				
8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)				
Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, для проведения занятий семинарского типа, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, для текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.				
Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения - мультимедийным оборудованием (экран, ноутбук, проектор, колонки).				
Для проведения занятий лекционного и семинарского типа предлагаются наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий (мультимедийные презентации), различные формы наглядности (графики, таблицы, схемы и т.д).				
Для самостоятельной работы студента используются аудитория №205 - читальный зал №3 (учебный корпус №1) и аудитория №206 - электронный читальный зал (специализированный медиацентр) (учебный корпус №1), оснащенные персональными компьютерами, мультимедийной аппаратурой. В аудиториях обеспечен доступ к различной справочной литературе, энциклопедиям, библиографическим и полнотекстовым базам данных, информационным ресурсам «Интернет».				

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Изучение каждой темы следует начинать с проработки соответствующего теоретического материала в учебниках или использовать собственный конспект лекций данной дисциплины. Для усвоения теоретического материала также нужно разобрать предлагаемые в лекционном курсе примеры. Только затем следует закрепить разобранный материал изучаемой темы самостоятельным решением предлагаемых домашних заданий. Самостоятельная работа над задачами курса может, кроме основного источника, проводиться, по другим задачникам. Не стоит пренебрегать и справочной литературой. Успешное написание промежуточных контрольных работ и теста возможно только при внимательном, всестороннем и качественном изучении тем практических занятий, предшествующих данной работе и объявленных преподавателем.

Необходимо тщательно и добросовестно изучить основную и дополнительную литературу, использовать электронные ресурсы. Активная и добросовестная, систематическая работа в течение семестра, проявление инициативы на лекционных и практических занятиях, постоянное выполнение домашних, контрольных и самостоятельных работ являются необходимым условием достаточного овладения материалом учебной дисциплины и успешного прохождения итоговой аттестации по дисциплине.

В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции (вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени (система дистанционного обучения Moodle, MS Office365, форумы, электронная почта и др.).

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.

Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимися по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.

10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и голо информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося.

1. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения: портативный компьютер с вводом/выводом шрифтом Брайля с синтезатором речи «EiBraile-W14J G2»; ноутбуки с программной экранного доступа NVDA; электронные увеличители для удаленного просмотра; видеоувеличители портативные; тифлоплеер; цифровые диктофоны.

2. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями слуха: система свободного звукового поля со встроенной совместимостью с FM-устройствами; радиоклассы «Сонет-PCM» с передатчиком, заушным индуктором и индукционной петлей; система информационная для слабослышащих переносная «Исток» А2 со встроенным плеером – звуковым информатором; документ-камера; программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования.

3. Ассистивные информационные технологии: программное обеспечение экранного доступа с синтезом речи NVDA; программы экранного увеличения; программы речевого синтеза для компьютеров и ноутбуков; программы речевого синтеза для мобильных устройств; экранная клавиатура; экранная лупа.

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации NVDA, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах, с помощью специальных технических средств и программных средств (рабочее место для незрячего пользователя с программным обеспечением экранного доступа с синтезом речи NVDA, рабочее место с компьютерным роллером и клавиатурой Clevy с большими кнопками и с разделяющей клавиши накладкой).

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме шрифтом Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий (Moodle, Adobe Connect Pro и пр.).

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья используется индивидуальная работа. Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснение учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации направлены на индивидуализацию обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине обеспечивается выполнение следующих дополнительных требований в зависимости от индивидуальных особенностей, обучающихся:

- а) инструкция по порядку проведения процедуры оценивания предоставляется в доступной форме (устно, в письменной форме, в письменной форме шрифтом Брайля, устно с использованием услуг сурдопереводчика);
- б) доступная форма предоставления заданий оценочных средств (в печатной форме, в печатной форме увеличенным шрифтом, в печатной форме шрифтом Брайля, в форме электронного документа, задания зачитываются ассистентом, задания предоставляются с использованием сурдоперевода);
- в) доступная форма предоставления ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены ЧелГУ или могут использоваться собственные технические средства. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

1.1. Типовые контрольные задания или иные материалы

Примеры задач для промежуточного контроля (Контрольные работы № 1-3)

Контрольная работа № 1

Вариант 1

- $y' = \frac{y}{x} - \frac{x}{y}, y(1) = 1.$
- $y' = 2 \left(\frac{y+2}{x+y-1} \right)^2.$
- $(x+y)y' = 1, y(-1) = 0.$
- $xy' + y = \ln x + 1.$
- $(x^2 - 3y^2)dx + 2xydy = 0.$
- $xyy' - x^2\sqrt{y^2+1} = (x+1)(y^2+1).$

Контрольная работа № 1

Вариант 2

- $xy' = y \cos \ln \frac{y}{x}, y(1) = 1.$
- $4y' + \frac{y}{x} = \frac{e^{-x}}{xy^3}.$
- $y' + y \cos x = \sin 2x.$
- $2xyy' = 3\sqrt{x^6 - y^4} + 3y^2, y(1) = 0.$
- $dx + (e^y - x)dy = 0.$
- $y' = \sqrt{100x + 2 + y} - 100.$

Контрольная работа № 1

Вариант 3

- $y' = \frac{2 - 4y - 6x}{x - y - 2}.$
- $(y + \sqrt{xy})dx = xdy, y(1) = 0.$
- $xy' + 2y = e^{-x^2}.$
- $xy' - 2x^2\sqrt{y} = 4y.$
- $\frac{y}{x}dx + (y^3 + \ln x)dy = 0.$
- $y^2dx + (xy - 1)dy = 0, y\left(\frac{1}{e}\right) = e.$

Контрольная работа № 1

Вариант 4

- $xy' = y + x \cos^2 \frac{y}{x}.$
- $2x^2yy' = y^4 - y^2x, y(-1) = 1.$
- $(2x+1)y' + y = x.$
- $x^2ydx + x^3dy = dx.$
- $y'x \ln x + 2y = \sqrt{16y} \ln x.$
- $y' = \operatorname{tg}^2(2x+y) - 2, y\left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{\pi}{4}.$

Контрольная работа № 1

Вариант 5

- $xy' = y + \sqrt{x^2 + y^2}, y(1) = 1.$
- $3x^2y^2y' = y^3(x + y^3).$
- $xy' + y(x \operatorname{tg} x + 1) = \sec x.$
- $y' - xy = -y^3e^{-x^2}.$
- $y \cos x dx + \sin x dy = \cos 2x dx, y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1.$
- $y' = (3x - y + 2)^2 - 1.$

Контрольная работа № 1

Вариант 6

- $x^2y' = y(x + y).$
- $(1 - x^2y)dx + x^2(y - x)dy = 0.$
- $y'x \ln x + y = 2 \ln x.$
- $(1 - x^2)y' - xy = xy^2, y(0) = 0, 5.$
- $y' = \frac{y+12}{x-11} - \frac{x-11}{y+12}, y(12) = -11.$
- $y' - y \operatorname{tg} x + y^2 \cos x = 0.$

Контрольная работа № 1

Вариант 7

- $xy' = \sqrt{x^2 - y^2} + y, y(1) = 0.$
- $4xy^3y' \cos \frac{y^4}{x} = y^4 \cos \frac{y^4}{x} - x.$
- $t^2 \frac{ds}{dt} = 2ts - 3, s(-1) = 1.$
- $xyy' - y^2 = 1.$
- $(\sin x + e^y)dx + \cos x dy = 0.$
- $y' = \sin^2(y - x).$

Контрольная работа № 1

Вариант 8

- $y - xy' = 2(x + yy').$
- $y' = \left(\frac{x+y+2}{4+2x} \right)^2.$
- $\sin t ds = \left(4t \sin^2 \frac{t}{2} + s \right) dt.$
- $3y^2y' + y^3 = x + 1, y(1) = -1.$
- $(1 + 3x^2 \sin y)dx - x \operatorname{ctg} y dy = 0.$
- $xy' - 4y - x^2\sqrt{y} = 0.$

Контрольная работа № 2**Вариант 1**

1. Построить линейное однородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами (возможно более низкого порядка), имеющее данные частные решения: $y_1 = xe^x$, $y_2 = xe^{-x}$.

2. Решить линейное неоднородное уравнение с неоднородностью в виде квазимногочлена:

$$y'' + 5y' + 6y = e^{-x} + e^{-2x}.$$

3. Решить линейное неоднородное уравнение, используя метод вариации постоянной:

$$y'' + 4y' + 4y = e^{-2x} \ln x.$$

4. Решить линейную однородную систему $\dot{x} = Ax$:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -4 & 4 & 0 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \quad \lambda_{1,2,3} = 2.$$

5. Найти экспоненту от матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$.

Контрольная работа № 2**Вариант 2**

1. Построить линейное однородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами (возможно более низкого порядка), имеющее данные частные решения: $y_1 = xe^x \cos 2x$, $y_2 = e^x \sin 2x$.

2. Решить линейное неоднородное уравнение с неоднородностью в виде квазимногочлена:

$$y''' + 2y'' - 3y' = (8x + 6)e^x.$$

3. Решить линейное неоднородное уравнение, используя метод вариации постоянной:

$$y'' + 4y = \frac{1}{\sin^2 x}.$$

4. Решить линейную однородную систему $\dot{x} = Ax$:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 6 & -15 \\ 1 & 1 & -5 \\ 1 & 2 & -6 \end{pmatrix}, \quad \lambda_{1,2,3} = -1.$$

5. Найти экспоненту от матрицы $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$.

Контрольная работа № 2**Вариант 3**

1. Построить линейное однородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами (возможно более низкого порядка), имеющее данные частные решения: $y_1 = x^2 e^x$, $y_2 = xe^x$.

2. Решить линейное неоднородное уравнение с неоднородностью в виде квазимногочлена:

$$y^{IV} - 81y = 27e^{-3x}.$$

3. Решить линейное неоднородное уравнение, используя метод вариации постоянной:

$$y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{\sqrt{4-x^2}}.$$

4. Решить линейную однородную систему $\dot{x} = Ax$:

$$A = \begin{pmatrix} 9 & -6 & -2 \\ 18 & -12 & -3 \\ 18 & -9 & -6 \end{pmatrix}, \quad \lambda_{1,2,3} = -3.$$

5. Найти экспоненту от матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$.

Контрольная работа № 2**Вариант 4**

1. Построить линейное однородное дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами (возможно более низкого порядка), имеющее данные частные решения: $y_1 = x^2 \cos 4x$, $y_2 = 1$.

2. Решить линейное неоднородное уравнение с неоднородностью в виде квазимногочлена:

$$y'' - 5y' + 6y = 13 \sin 3x.$$

3. Решить линейное неоднородное уравнение, используя метод вариации постоянной:

$$y'' - 3y' + 2y = \frac{e^{3x}}{1 + e^{2x}}.$$

4. Решить линейную однородную систему $\dot{x} = Ax$:

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -15 \\ 1 & 3 & -5 \\ 1 & 2 & -4 \end{pmatrix}, \quad \lambda_{1,2,3} = 1.$$

5. Найти экспоненту от матрицы $A = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$.

Контрольная работа №3

Вариант 1

1. Для задачи Коши указать какой-нибудь отрезок, на котором существует решение с данными начальными условиями

$$\dot{x} = \frac{t^3}{x}, \quad x(0) = 1$$

2. Решить уравнение:

3. Для задачи

$$\dot{x} = \varepsilon \sqrt{\ln x} + xt, \quad x(0) = 1 - \frac{\varepsilon}{\sqrt{2}}$$

найти производную

$$\left. \frac{\partial x(t, \varepsilon)}{\partial \varepsilon} \right|_{\varepsilon=0}$$

4. Найти все положения равновесия, исследовать их на устойчивость

$$\ddot{x} = 4x^3 - 2x$$

Контрольная работа №3

Вариант 2

1. Для задачи Коши указать какой-нибудь отрезок, на котором существует решение с данными начальными условиями

$$\dot{x} = \frac{t^3}{x^2}, \quad x(0) = \frac{1}{6}$$

2. Решить уравнение:

$$\dot{y}^2 \dot{y} + \dot{y}(x - y) - x = 0$$

3. Для задачи

$$\dot{x} = \varepsilon^3 \sqrt{\ln x} + x\sqrt{t}, \quad x(0) = 1 - \sqrt[3]{\frac{2\varepsilon^2}{3}}$$

найти производную

$$\left. \frac{\partial x(t, \varepsilon)}{\partial \varepsilon} \right|_{\varepsilon=0}$$

4. Найти все положения равновесия, исследовать их на устойчивость

$$\ddot{x} = -e^x + 1$$

Контрольная работа №3

Вариант 3

1. Для задачи Коши указать какой-нибудь отрезок, на котором существует решение с данными начальными условиями

$$\dot{x} = \frac{t^3}{x^2}, \quad x(0) = \frac{1}{8}$$

2. Решить уравнение: $\dot{y}^4 - \dot{y}^3 \ddot{y} = 1$

3. Для задачи

$$\dot{x} = \varepsilon + 2x^2 t, \quad x(0) = 1 + \varepsilon$$

найти производную

$$\left. \frac{\partial x(t, \varepsilon)}{\partial \varepsilon} \right|_{\varepsilon=0}$$

4. Найти все положения равновесия, исследовать их на устойчивость

$$\ddot{x} = \cos x - \sin x$$

Контрольная работа №3

Вариант 4

1. Для задачи Коши указать какой-нибудь отрезок, на котором существует решение с данными начальными условиями

$$\dot{x} = \frac{t^7}{x^2}, \quad x(0) = \frac{1}{7}$$

2. Решить уравнение:

$$\dot{y} = (x+1)y + y^2$$

3. Для задачи

$$\dot{x} = \frac{\varepsilon}{x} + 2x^2t, \quad x(0) = 1 - \varepsilon$$

найти производную

$$\left. \frac{\partial x(t, \varepsilon)}{\partial \varepsilon} \right|_{\varepsilon=0}$$

4. Найти все положения равновесия, исследовать их на устойчивость

$$\ddot{x} = -e^{-x} + e^x$$

Контрольная работа №3

Вариант 5

1. Для задачи Коши указать какой-нибудь отрезок, на котором существует решение с данными начальными условиями

$$\dot{x} = \frac{t}{x^3}, \quad x(0) = \frac{1}{3}$$

2. Решить уравнение:

$$5\dot{y} + y^2 = x(\dot{y} + x)$$

3. Для задачи

$$\dot{x} = \varepsilon \sqrt[5]{\ln^2 x} + x \sqrt[3]{t^2}, \quad x(0) = 1 - \sqrt[5]{\frac{9\varepsilon^5}{25}}$$

найти производную

$$\left. \frac{\partial x(t, \varepsilon)}{\partial \varepsilon} \right|_{\varepsilon=0}$$

4. Найти все положения равновесия, исследовать их на устойчивость

$$\ddot{x} = -\cos x$$

Контрольная работа №3

Вариант 6

1. Для задачи Коши указать какой-нибудь отрезок, на котором существует решение с данными начальными условиями

$$\dot{x} = \frac{t^5}{x^2}, \quad x(0) = 1$$

2. Решить уравнение:

$$x\dot{y}^3 = 1 + y$$

3. Для задачи

$$\dot{x} = \varepsilon x + 2x^2t, \quad x(0) = 1 + \varepsilon^2$$

найти производную

$$\left. \frac{\partial x(t, \varepsilon)}{\partial \varepsilon} \right|_{\varepsilon=0}$$

4. Найти все положения равновесия, исследовать их на устойчивость $\ddot{x} = -3^x + 1$

Задачи к экзамену по курсу «Дифференциальные уравнения», 3 семестр

Билет 1.

1. $y' = \frac{y}{x} - \frac{x}{y}$
2. $y' = \frac{2(y+2)^2}{(x+y-1)^2}$
3. $xy' + y = \ln x + 1$
4. $y'' - 2y' + y = \frac{e^{-x}}{\sqrt{4-x^2}}$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = -3x + y \\ \dot{y} = -4x + y + \frac{1}{te^t} \end{cases}$$

Билет 2.

1. $xy' = y \cos \ln \frac{y}{x}$
- 2.
3. $y' + y \cos x = \sin 2x$
4. $y'' + 4y' + 4y = e^{-2x} \ln x$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = 2x - y \\ \dot{y} = 2y - x - 5e^t \sin t \end{cases}$$

Билет 3.

1. $y' = \frac{2 - 4y - 6x}{x - y - 2}$
2. $(y + \sqrt{xy}) dx = x dy$
3. $xy' + 2y = e^{-x^2}$
4. $y''' + 2y'' - 3y' = (8x + 6)e^x$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = y + \tan^2 t - 1 \\ \dot{y} = -x + \tan t \end{cases}$$

Билет 4.

1. $xy' = \sqrt{x^2 - y^2} + y, y(1) = 0$
- 2.
3. $\frac{t^2 ds}{dt} = 2ts - 3$
4. $y'' - 5y' + 6y = 13 \sin 3x$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = 2y - x \\ \dot{y} = 4y - 3x + \frac{e^{at}}{e^{2t} + 1} \end{cases}$$

Билет 5.

1. $xy' = y + x \cos^2 \frac{y}{x}$
- 2.

3. $(2x + 1)y' + y = x$
4. $y'' - 3y' + 2y = \frac{e^{3x}}{1 + e^{2x}}$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = 2x - y - z \\ \dot{y} = x - y \\ \dot{z} = 3x - y - 2z \end{cases}$$

Билет 6.

1. $y - xy' = 2(x + yy')$
2. $y' = \left(\frac{x + y + 2}{4 + 2x}\right)^2$
3. $\sin t ds = \left(4t \sin^2 \frac{t}{2} + s\right) dt$
4. $y^{IV} - 81y = 27e^{-3x}$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = 3x - 2y \\ \dot{y} = 2x - y + 15e^t \sqrt{t} \end{cases}$$

Билет 7.

1. $x^2 y' = y(x + y)$
2. $(1 - x^2 y) dx + x^2 (y - x) dy = 0$
3. $y' x \ln x + y = 2 \ln x$
4. $y'' + 4y = \frac{1}{\sin^2 x}$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = y \\ \dot{y} = -4x + 4y \\ \dot{z} = -2x + y + 2z \end{cases}$$

Билет 8.

1. $xy' + y = \ln x + 1$
2. $xy' = y + \sqrt{x^2 + y^2}, y(1) = 1$

3. $3x^2 y^2 y' = y^3 (x + y^3)$
4. $y'' + 2y' - 3y = x^2 e^x$
5.
$$\begin{cases} \dot{x} = x - 2y + 2z \\ \dot{y} = x + 4y - 2z \\ \dot{z} = x + 5y - 3z \end{cases}$$

Билет 9.

1. $xy' = y \left(1 + \ln \frac{y}{x}\right)$
2. $y' = \frac{2x + y}{x - 2y}, y(1) = 0$
3. $(y^2 - 2x) dx + (2xy - \sin y) dy = 0$

$$4. y'' - 4y' + 8y = e^{2x} + \sin 2x$$

$$5. \begin{cases} \dot{x} = -4x - 2y + \frac{2}{e^t - 1} \\ \dot{y} = 6x + 3y - \frac{3}{e^t - 1} \end{cases}$$

Билет 10.

$$1. xy dx = (x^2 - y^2)dy$$

$$2. y' = \frac{y - 2x}{x + 2y}, y(1) = 0$$

$$3. (y - 3x^2 + 1)dx + (x + \ln y)dy = 0$$

$$4. y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{x}$$

$$5. \begin{cases} \dot{x} = -3x + 2y + 2z \\ \dot{y} = -3x - y + z \\ \dot{z} = -x + 2y \end{cases}$$

Билет 12.

$$1. xy' \cos y + \sin y = \sin^2 y$$

$$2.$$

$$3. xy' + x^2 + xy = y$$

$$4. y'' - 2y' = \frac{1}{x} - 2 \ln(e \cdot x)$$

$$5. \begin{cases} \dot{x} = -3x + 2y + 2z \\ \dot{y} = -3x - y + z \\ \dot{z} = -x + 2y \end{cases}$$

Билет 13.

$$1.$$

$$2. y' + y \tan x = e^x \cos x$$

$$3. (xy' + y)^2 = x^2 y'$$

$$4. y'' + 6y' + 9y = 36xe^{3x}$$

$$5. \begin{cases} \dot{x} = -x - y + \frac{e^t}{e^t + 1} \\ \dot{y} = 2x + 2y + \frac{e^t}{e^t + 1} \end{cases}$$

Билет 14.

$$1.$$

$$2.$$

$$3. \frac{y}{x} dx + (1 + \ln(xy))dy = 0, x > 0, y > 0$$

$$4. y'' - y' = -\frac{x+1}{x^2}$$

$$5. \begin{cases} \dot{x} = 2x + y - z \\ \dot{y} = -x + z \\ \dot{z} = x + y \end{cases}$$

Билет 15.

1. $y' \cos x + y(1 + y) \sin x = 0$

2.

3. $(y')^3 - y'e^{2x} = 0$

4. $y'' - 4y' + 4y = 32xe^{-2x}$

5.
$$\begin{cases} \dot{x} = 4x - 8y + \tan 4t \\ \dot{y} = 4x - 4y \end{cases}$$

Билет 16.

1. $(4 - x - 2y)dx - 2(1 + x + 2y)dy = 0$

2. $y' = \left(\frac{x + y + 2}{4 + 2x}\right)^2$

3.

$$y'' + 2y' + y = (x + 2)\left(\ln x + \frac{1}{x}\right)$$