



**Рабочая программа дисциплины (модуля) принята:**

Ученым советом факультета фундаментальной медицины

Протокол заседания № 5 «15» июня 2021 г.

Председатель Ученого совета  
факультета фундаментальной медицины Цейликман О.Б. Цейликман

Секретарь Ученого совета  
факультета фундаментальной медицины Мальцева Н.В. Мальцева

**Рабочая программа дисциплины (модуля) одобрена и рекомендована кафедрой**

Математического анализа

Протокол заседания № 12 от «28» мая 2021 г.

И.о. заведующего кафедрой Шуклина А.Ф. Шуклина

Автор (составитель) Шуклина к.ф.-.м.н. А.Ф. Шуклина

**Структура рабочей программы соответствует приказу ректора  
ФГБОУ ВО «ЧелГУ» от «05» декабря 2018 г. № 678-1**

## Содержание

1. Цели освоения дисциплины
2. Место дисциплины в структуре ОПОП
3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля)
4. Объем дисциплины (модуля)
5. Структура и содержание дисциплины (модуля)
6. Фонд оценочных средств
  - 6.1. Перечень видов оценочных средств
  - 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации
  - 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации
  - 6.4. Критерии оценивания
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)
  - 7.1. Рекомендуемая литература
  - 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"
  - 7.3. Перечень информационных технологий
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)
10. Специальные условия освоения дисциплины обучающимися с инвалидностью и ограниченными возможностями здоровья

Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" по направлению подготовки (специальности) "Медицинская биохимия" направленности (профилю) Медицинская биохимия ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 4
<b>1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ</b>	
Цель изучения дисциплины - дать студентам теоретические знания и навыки их применения в области теории вероятностей и математической статистики и способов их применения в практической деятельности.	
В процессе обучения студенты должны уметь адаптировать полученные знания и навыки к конкретным условиям функционирования и целям экономической деятельности.	
Изучение дисциплины направлено на решение следующих задач:	
- сформировать комплексный набор знаний в области теории вероятностей и математической статистики;	
- развить у студента профессиональное мышление в области обработки статистических данных;	
- выработать способность критически оценивать и анализировать профессиональную информацию, формулировать и обосновывать собственное профессиональное суждение.	
Результаты обучения по дисциплине направлены на достижение индикаторов:	
ОПК-1.1. Обладает фундаментальными и прикладными знаниями в области медицины, биологии и других естественнонаучных направлений.	
ОПК-1.2. Демонстрирует умение применять и использовать фундаментальные и прикладные знания в области медицины, биологии и других естественнонаучных направлений для постановки и решения клинико-лабораторных и научно-исследовательских задач.	

<b>2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП</b>	
Цикл (раздел) ОПОП:	Б1.О.01.08
<b>2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Для усвоения дисциплины обучаемый должен обладать математической подготовкой, предусматривающей владение основными навыками и понятиями дисциплины	
Высшая математика	
<b>2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Учебная дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» является теоретической и методологической базой для изучения генетики и других специальных дисциплин	
Общественное здоровье и организация здравоохранения	
Статистические методы анализа в биологии и медицине	

<b>3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)</b>	
<b>ОПК-1: Способен использовать и применять фундаментальные и прикладные медицинские, естественнонаучные знания для постановки и решения стандартных и инновационных задач профессиональной деятельности</b>	
<b>Знать:</b>	
Для достижения ОПК-1.1.: знать основные определения и теоремы теории вероятностей: определение вероятностного пространства, свойства вероятности; понятие условной вероятности, формулу полной вероятности, формулу Байеса; понятие независимого события, схемы независимых испытаний; схему Бернулли.	
Для достижения ОПК-1.2: знать понятия дискретных и абсолютно непрерывных случайных величин, основные стандартные распределения; понятие математического ожидания, дисперсии и их свойства.	
<b>Уметь:</b>	
Для достижения ОПК-1.1.: уметь решать типовые задачи теории вероятностей: находить вероятность события используя формулы классической и геометрической вероятности, урновые схемы; находить условную вероятность события используя формулу полной вероятности, формулу Байеса, схемы независимых испытаний;	
Для достижения ОПК-1.2.: уметь применять схему Бернулли для нахождения вероятности; вычислять плотность, функцию распределения, математическое ожидание, дисперсию используя стандартные распределения.	
<b>Владеть:</b>	

Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" по направлению подготовки (специальности) "Медицинская биохимия" направленности (профилю) Медицинская биохимия ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 5
Для достижения ОПК-1.1.: навыками решения задач по теории вероятностей и математической статистике с учетом основных требований информационной безопасности.	
Для достижения ОПК-1.2: владеть навыками использования основных понятий, теорем, законов теории вероятностей для решения задач профессиональной деятельности.	

**В результате освоения дисциплины обучающийся должен**

<b>3.1</b>	<b>Знать:</b>
3.1.1	способы разработки алгоритмов и прототипов информационных систем для проверки теоретических и экспериментальных гипотез
3.1.2	способы решения стандартных задач теории вероятностей и математической статистики.
<b>3.2</b>	<b>Уметь:</b>
3.2.1	использовать основные понятия, теоремы, законы теории вероятностей для решения задач профессиональной деятельности.
<b>3.3</b>	<b>Владеть:</b>
3.3.1	навыками решения задач по теории вероятностей и математической статистике с учетом основных требований информационной безопасности.

**4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

<b>Общая трудоемкость</b>	<b>6 ЗЕТ</b>
Часов по учебному плану : 216	Виды контроля в семестрах: экзамены 4 зачеты 3
в том числе :	
аудиторные занятия : 100	
самостоятельная работа : 98	
часов на контроль : 18	

**5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Литература
<b>Раздел 1. Теория вероятностей</b>				
1.1	Случайные события, их классификация. Алгебра событий. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1
1.2	Относительная частота и ее свойства. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3
1.3	Вероятность события. Классическое определение вероятности. Основные теоремы. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.4	Геометрическая вероятность. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.5	Случайные величины. Функции распределения и ее свойства. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э2
1.6	Дискретная случайная величина. Ряд распределения. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.7	Непрерывная случайная величина. Плотность вероятности и ее свойства. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.8	Числовые характеристики. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.9	Основные распределения: биномиальное, Пуассона, геометрическое, гипергеометрическое, равномерное, показательное, нормальное. /Лек/	3	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э3

Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" по направлению подготовки (специальности) "Медицинская биохимия" направленности (профилю) Медицинская биохимия ФГБОУ ВО «ЧелГУ»				стр. 6
1.10	Системы случайных величин. Функция распределения двумерной случайной величины. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.11	Законы распределения. Корреляционная зависимость. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.12	Закон больших чисел. /Лек/	3	1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1
1.13	Предельные теоремы теории вероятностей (неравенство Чебышёва, теорема Чебышёва, теорема Бернулли, центральная предельная теорема, интегральная теорема Муавра-Лапласа). /Лек/	3	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.14	Случайные события. Алгебра событий. /Пр/	3	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.15	Классическое определение вероятности. Элементы комбинаторики. /Пр/	3	6	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.16	Теоремы сложения и умножения вероятностей, формула полной вероятности, формула Байеса, формула Бернулли. Наивероятнейшее число наступления событий. /Пр/	3	6	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.17	Контрольная работа №1 «Случайные события и их вероятности» /Пр/	3	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.18	Случайные величины. Дискретная случайная величина. Ряд распределения, функция распределения. /Пр/	3	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.19	Числовые характеристики. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. /Пр/	3	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.20	Непрерывная случайная величина. Плотность вероятности. Функция распределения. Числовые характеристики. /Пр/	3	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.21	Равномерное распределение, показательное распределение, нормальное распределение. /Пр/	3	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.22	Контрольная работа №2 «Случайные величины» /Пр/	3	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1
1.23	Классическое определение вероятности. Элементы комбинаторики. Теоремы сложения и умножения вероятностей, формула полной вероятности, формула Байеса, формула Бернулли. Наивероятнейшее число наступления событий /Ср/	3	12	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3
1.24	Дискретная случайная величина. Ряд распределения, функция распределения. Числовые характеристики. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. /Ср/	3	12	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3
1.25	Плотность вероятности непрерывной случайной величины. Функция распределения. Числовые характеристики. Равномерное распределение, показательное распределение, нормальное распределение. /Ср/	3	12	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3
1.26	Функция распределения двумерной случайной величины. Таблицы распределения. Законы распределения. Корреляционная зависимость. /Ср/	3	14	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3
1.27	Предельные теоремы теории вероятностей, неравенство Чебышёва, теорема Чебышёва, теорема Бернулли, центральная предельная теорема, интегральная теорема Муавра-Лапласа. /Ср/	3	8	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3
	<b>Раздел 2. Математическая статистика</b>			

Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" по направлению подготовки (специальности) "Медицинская биохимия" направленности (профилю) Медицинская биохимия ФГБОУ ВО «ЧелГУ»					стр. 7
2.1	Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. /Лек/	4	3	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э2	
2.2	Статистические оценки параметров распределения. Точечные оценки, интервальные оценки. Метод моментов, метод наибольшего правдоподобия, метод наименьших квадратов. Линейная корреляция. /Лек/	4	5	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э3	
2.3	Проверка статистических гипотез. Основные понятия. Статистический критерий, критическая область. Критерий Пирсона, критерий Колмогорова. /Лек/	4	8	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.4	Выборочный метод. Генеральная совокупность и выборка. Дискретные и интегральные вариационные ряды. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.5	Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.6	Статистические оценки параметров распределения. Точечные оценки. Несмещенность, состоятельность, эффективность оценки. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.7	Интервальные оценки. Доверительный интервал. Точность и надежность оценки. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.8	Условные варианты. Линейная корреляция. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.9	Статистические гипотезы. Основная и конкурирующая гипотезы. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.10	Статистический критерий, критическая область. Проверка ряда статистических гипотез. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.11	Критерий Пирсона. Критерий Колмогорова. /Пр/	4	4	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.12	Контрольная работа №3 "Математическая статистика" /Пр/	4	2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1	
2.13	Генеральная совокупность и выборка. Дискретные и интегральные вариационные ряды. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. /Ср/	4	20	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3	
2.14	Точечные оценки параметров распределения. Несмещенность, состоятельность, эффективность оценки. Интервальные оценки. Доверительный интервал. Точность и надежность оценки. Линейная корреляция. Статистические гипотезы. Основная и конкурирующая гипотезы. Статистический критерий, критическая область. Проверка ряда статистических гипотез. /Ср/	4	20	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3	
<b>Раздел 3. экзамен</b>					
3.1	/Экзамен/	4	18	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Э1 Э2 Э3	

## 6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 6.1. Перечень видов оценочных средств

Контрольные работы  
Вопросы к зачету  
Вопросы к экзамену

### 6.2. Типовые контрольные задания и иные материалы для текущей аттестации

Примеры задач для контрольной работы, задач для зачета и задач, входящих в экзаменационный билет

1. По заданной выборке составить вариационный ряд, вычислить частоты и относительные частоты, построить полигон и гистограмму, построить эмпирическую функцию распределения и построить ее график, вычислить выборочное среднее, выборочную дисперсию, выборочное среднееквадратическое отклонение, несмещенные оценки математического ожидания, дисперсии и среднееквадратического отклонения
2. Найти доверительные интервалы для математического ожидания нормально распределенной генеральной совокупности при известном и неизвестном  $\sigma$ .
3. Найти доверительный интервал или доверительную вероятность для среднееквадратического отклонения нормально распределенной генеральной совокупности
4. Определить объем выборки по заданной доверительной вероятности и предельной ошибке выборки.
5. Проверить гипотезу о распределении генеральной совокупности

### 6.3. Типовые контрольные вопросы и задания для промежуточной аттестации

Вопросы к зачёту (Разделы 1-2)

1. Классическое и статистическое определение вероятности
  - Достоверные, невозможные и случайные события.
  - Терминология теории вероятностей.
  - Классическое определение вероятности
  - Статистическое определение вероятности
2. Основные формулы комбинаторики
  - Правило произведения.
  - Правило сложения.
  - Перестановки.
  - Теорема о числе перестановок.
  - Размещения.
  - Теорема о числе размещений.
  - Сочетания.
  - Теорема о числе сочетаний.
3. Теорема сложения вероятностей
  - Определения суммы двух и нескольких событий
  - Теорема с доказательством
  - Следствие из теоремы
4. Полная группа событий. Противоположные события
  - Определение полной группы событий
  - Теорема с доказательством
  - Противоположные события: определение и теорема
5. Условная вероятность. Произведение событий
  - Определение произведения двух событий
  - Определение условной вероятности
  - Теорема.
6. Теорема умножения вероятностей
  - Теорема умножения вероятностей
  - Следствие из теоремы
  - Пример
7. Независимые события. Теорема умножения для независимых событий
  - Определение независимых событий
  - Теорема умножения независимых событий
  - Определение событий, независимых в совокупности
8. Вероятность появления хотя бы одного события
  - Теорема о вероятности появления хотя бы одного события с доказательством
9. Теорема сложения вероятностей совместных событий
  - Теорема сложения совместных событий с доказательством
  - Замечания к теореме
10. Формула полной вероятностей
  - Полная система событий.
  - Теорема с доказательством
11. Вероятность гипотез. Формулы Байеса
  - Определение гипотез.
  - Теорема с доказательством.
12. Повторение испытаний. Формула Бернулли
  - Описание схемы.
  - Формула Бернулли.
  - Теорема о наивероятнейшем числе наступлений события.

13. Случайные величины.
  - Определение и виды случайных величин.
  - Законы распределения вероятностей дискретной случайной величины.
14. Биномиальное распределение дискретной случайной величины
  - Закон распределения.
  - Пример
15. Геометрическое распределение
  - Закон распределения.
  - Пример
16. Гипергеометрическое распределение
  - Закон распределения.
  - Пример
17. Математическое ожидание дискретной случайной величины.
  - Определение.
  - Вероятностный смысл математического ожидания
18. Свойства математического ожидания с доказательством
  - Свойство математического ожидания константы
  - Свойство математического ожидания суммы двух и нескольких случайных величин
  - Свойство математического ожидания произведения двух и нескольких случайных величин
  - Свойство математического ожидания произведения константы на случайную величину.
19. Математическое ожидание числа появлений события в независимых испытаниях
  - Биномиальное распределение и его математическое ожидание
20. Отклонение случайной величины от ее математического ожидания
  - Определение отклонения
  - Теорема с доказательством
21. Дисперсия дискретной случайной величины
  - Определение.
  - Теорема с доказательством.
22. Свойства дисперсии с доказательством
  - Свойство дисперсии константы
  - Свойство дисперсии произведения константы на случайную величину
  - Свойство дисперсии суммы двух независимых случайных величин
  - Следствия из свойства
  - Дисперсия разности двух независимых случайных величин
23. Дисперсия числа появлений события в независимых испытаниях
  - Биномиальное распределение и его дисперсия. Теорема с доказательством
24. Среднее квадратическое отклонение
  - Определение
  - Пример
  - Среднее квадратическое отклонение суммы взаимно независимых случайных величин – теорема с доказательством
25. Определение функции распределения
  - Определение функции распределения
  - Геометрическое толкование определения
26. Свойства функции распределения
  - Свойства функции распределения с доказательством
27. Определение плотности распределения.
  - Определение плотности распределения вероятностей
  - Вероятность попадания непрерывной случайной величины в заданный интервал (теорема с доказательством)
    - Нахождение функции распределения по известной плотности распределения
28. Свойства плотности распределения
  - Свойства плотности распределения
  - пример
29. Закон равномерного распределения вероятностей
  - Плотность. Нахождение константы функции плотности
30. Числовые характеристики непрерывных случайных величин
  - Математическое ожидание непрерывной случайной величины
  - Дисперсия непрерывной случайной величины
  - Среднее квадратическое отклонение непрерывной случайной величины
  - Мода
  - Медиана

Вопросы к экзамену (Раздел 3)

31. Основные понятия математической статистики.
- Предмет математической статистики. Основные задачи математической статистики.
  - Генеральная совокупность и выборка.
  - Вариационный ряд.
  - Группированная и интервальная выборка.
  - Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.
  - Выборочное среднее.
  - Выборочная дисперсия. Исправленная выборочная дисперсия.
32. Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение, эмпирическая функция распределения, полигон и гистограмма
- Генеральная совокупность и выборка.
  - Вариационный ряд.
  - Группированная и интервальная выборка.
  - Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.
  - Теорема о полигоне.
  - Теорема о сходимости эмпирической функции распределения
33. Основные понятия выборочного метода.
- Генеральная совокупность и выборка.
  - Группированная и интервальная выборка.
  - Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.
  - Теорема Гливленко-Кантелли.
  - Теорема Колмогорова.
34. Оценка параметров, свойства статистических оценок
- Несмещенная оценка параметра.
  - Асимптотически несмещенная оценка параметра.
  - Состоятельная оценка параметра.
  - Асимптотически нормальная оценка параметра.
  - Теорема о замене переменных в нормальном распределении.
  - Теорема о достаточных условиях состоятельности оценки.
35. Свойства выборочного среднего.
- Несмещенная оценка параметра.
  - Асимптотически несмещенная оценка параметра.
  - Состоятельная оценка параметра.
  - Асимптотически нормальная оценка параметра.
  - Теорема о свойствах выборочного среднего (доказательство несмещенности).
36. Свойства выборочного среднего.
- Несмещенная оценка параметра.
  - Асимптотически несмещенная оценка параметра.
  - Состоятельная оценка параметра.
  - Асимптотически нормальная оценка параметра.
  - Теорема о свойствах выборочного среднего (доказательство асимптотической нормальности).
37. Методы нахождения точечных оценок: метод моментов.
- Несмещенная оценка параметра.
  - Асимптотически несмещенная оценка параметра.
  - Состоятельная оценка параметра.
  - Метод моментов.
  - Теорема о свойствах оценок, полученных методом моментов.
38. Методы нахождения точечных оценок: метод максимального правдоподобия.
- Функция правдоподобия. Логарифмическая функция правдоподобия.
  - Метод максимального правдоподобия.
39. Методы нахождения точечных оценок: метод наименьших квадратов.
- Метод наименьших квадратов
40. Проверка гипотез о законе распределения: критерий Пирсона.
- Критерии согласия. Основные понятия (гипотеза, уровень значимости, достоверность прогноза и т.д.).
  - Критерий Пирсона.
41. Проверка гипотез о законе распределения: критерий Колмогорова.
- Критерии согласия. Основные понятия (гипотеза, уровень значимости, достоверность прогноза и т.д.).
  - Критерий Колмогорова.

**6.4. Критерии оценивания**

На зачете выдается зачетная работа из 5 задач, взятых из вариантов контрольных работ, каждое задание оценивается от 1 до 3 баллов (в зависимости от сложности). Максимальный балл – 15. Полученные баллы суммируются с

баллами, полученными за практические занятия, учитываются баллы за контрольные работы (максимально за одну – 15 баллов). Зачет выставляется от 60% от максимального количества баллов, набранных за семестр. Если в течение семестра студент набрал 60% и выше, зачет выставляется автоматом.

Экзамен проводится в 2 этапа. На первом этапе студент пишет два теоретических вопроса с доказательством. Продолжительность – 60 минут, максимальный балл – 15 за каждый вопрос.

На втором этапе студент решает задачу аналогичную задачам, представленным в контрольных работах, максимально – 10 баллов.

Итого, за экзамен обучающийся может получить до 40 баллов, остальные баллы он получает за контрольные работы.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для зачета:

Менее 60% - не зачтено,

60-100% - зачтено.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций для контрольной работы:

Максимальное количество баллов – 15 баллов.

Менее 70% - не зачтено

70%-100% - зачтено

Для допуска к экзамену необходимо получить зачтено за каждую контрольную работу.

Для выставления экзамена учитываются баллы контрольных работ и экзамена:

65 – 77 %– выставляется оценка “удовлетворительно”

78– 89 %– выставляется оценка “хорошо”

90 – 100 %– выставляется оценка “отлично”.

Критерии оценивания теоретического вопроса

Максимальный балл за ответ на теоретический вопрос — 15 баллов.

Отлично/ зачтено - 13-15 баллов Высокий уровень освоения проверяемых компетенций

Обучающийся отлично знает материал, умеет анализировать проблему и аргументировано изложить свою точку зрения, владеет достаточным для высказывания лексическим запасом, грамотно изъясняется на иностранном языке с использованием точных терминов и названий. Обучающийся практически не допускает ошибок.

Хорошо/ зачтено - 10,5-12 баллов Средний уровень освоения проверяемых компетенций

Обучающийся хорошо знает материал, умеет анализировать проблему и аргументировано изложить свою точку зрения, владеет достаточным для высказывания лексическим запасом, грамотно изъясняется на иностранном языке с использованием точных терминов и названий. Обучающийся допускает незначительные ошибки.

Удовлетворительно/зачтено - 7,5-10,4 баллов Базовый уровень освоения проверяемых компетенций

Обучающийся знаком с материалом, владеет достаточным для высказывания лексическим запасом. Обучающийся допускает фактические и языковые ошибки, не оперирует лексическим запасом по теме.

Неудовлетворительно/ незачтено - 0-7,4 балла Недостаточный уровень освоения проверяемых компетенций

Обучающийся не знает основных положений вопроса, не ориентируется в основных понятиях, излагает материал с трудом, с грубыми фактическими и языковыми ошибками, либо отказывается от ответов на вопросы.

Критерии оценивания экзаменационной задачи

Максимальный балл за решение практической задачи — 10 баллов.

Отлично/ зачтено/ 9-10 баллов Высокий уровень освоения проверяемых компетенций

Задача решена, получен верный ответ. Студент может объяснить, какие формулы (правила, признаки) использовал в ходе решения задачи.

Хорошо/ зачтено/ 7-8 баллов Средний уровень освоения проверяемых компетенций

Задача решена, получен верный ответ. Студент испытывает затруднения при ответе на вопрос, какие формулы (правила, признаки) использовал в ходе решения задачи.

Удовлетворительно/зачтено/ 5-6 баллов Базовый уровень освоения проверяемых компетенций

Задача решена, получен неверный ответ (ошибка в вычислениях). Студент испытывает затруднения при ответе на вопрос, какие формулы (правила, признаки) использовал в ходе решения задачи.

Неудовлетворительно/ незачтено/ 0-4 балла Недостаточный уровень освоения проверяемых компетенций

Задача решена неверно. Студент испытывает затруднения при ответе на вопрос, какие формулы (правила, признаки) использовал в ходе решения задачи.

Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" по направлению подготовки (специальности) "Медицинская биохимия" направленности (профилю) Медицинская биохимия ФГБОУ ВО «ЧелГУ»	стр. 12

## 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### 7.1. Рекомендуемая литература

#### 7.1.1. Основная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
ЛП.1	Катальников В. В., Шапарь Ю. В.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие ( <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=276210">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=276210</a> )	Екатеринбург : Издательство Уральского университета, 2014	ЭБС
ЛП.2	Карлов А. М.	Теория вероятностей и математическая статистика для экономистов: учебное пособие для вузов	Москва: КноРус, 2011	
ЛП.3	Колемаев В. А., Калинина В. Н.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебник ( <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=436721">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=436721</a> )	Москва : Юнити, 2015	ЭБС

#### 7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
Л2.1	Бородин А. Н.	Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики: учебное пособие для вузов	Санкт-Петербург: Лань, 2008	
Л2.2	Бочаров П. П., Печинкин А. В.	Теория вероятностей. Математическая статистика: учебное пособие	М.: Гардарики, 1998	
Л2.3	Гмурман В. Е.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие для вузов	Москва : Высшая школа, 1998	
Л2.4	Кремер Н. Ш.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для вузов	Москва : ЮНИТИ-ДАНА, 2006	

#### 7.1.3. Методические разработки

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Ресурс
ЛЗ.1	Пугачев В. С.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие для вузов	Москва : Наука, 1979	

### 7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	eLIBRARY.RU [Электронный ресурс] : электронная библиотека / Науч. электрон. б-ка – URL: <a href="http://elibrary.ru/defaultx.asp">http://elibrary.ru/defaultx.asp</a>
Э2	Российский фонд фундаментальных исследований (РФФИ) - официальный сайт <a href="http://www.rfbr.ru/rffi/ru">http://www.rfbr.ru/rffi/ru</a>
Э3	Научная электронная библиотека. Монографии, изданные в издательстве Российской Академии Естествознания полнотекстовый ресурс научных и учебных изданий PAE <a href="https://www.monographies.ru/">https://www.monographies.ru/</a>

### 7.3 Перечень информационных технологий

#### 7.3.1 Программное обеспечение

MS Office365

LMS Moodle

#### 7.3.2 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

1. Web of Science (<https://apps.webofknowledge.com>) Web of Science : мультидисциплинарная реферативная база данных / компания Thomson Reuters. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.

2. Scopus (<https://www.scopus.com>) Scopus : реферативная база данных / Elsevier BV. – URL: <http://www.scopus.com/>. – Яз. англ. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей ЧелГУ. – Текст : электронный.

## 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

<p>Рабочая программа дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" по направлению подготовки (специальности) "Медицинская биохимия" направленности (профилю) Медицинская биохимия ФГБОУ ВО «ЧелГУ»</p>	<p>стр. 13</p>
<p>Для реализации дисциплины используются учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы. Для проведения занятий лекционного типа предлагаются наборы демонстрационного оборудования (мультимедийный проектор, экран, подключение к ноутбуку). Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения (компьютерный класс). Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.</p>	
<p>Электронный читальный зал научной библиотеки ЧелГУ и учебно-вычислительная лаборатория для самостоятельной работы студента оснащены персональными компьютерами, мультимедийной аппаратурой. В аудиториях обеспечен доступ к различной справочной литературе, энциклопедиям, библиографическим и полнотекстовым базам данных, информационным ресурсам «Интернет».</p>	
<p>Освоение дисциплины (модуля) инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения:</p>	
<p>- – лекционная аудитория – мультимедийное оборудование, мобильный радиокласс (для студентов с нарушениями слуха); источники питания для индивидуальных технических средств;</p>	
<p>– учебная аудитория для практических занятий (семинаров) – мультимедийное оборудование, мобильный радиокласс (для студентов с нарушениями слуха);</p>	
<p>– учебная аудитория для самостоятельной работы – стандартные рабочие места с персональными компьютерами; рабочее место с персональным компьютером, с программой экранного доступа, программой экранного увеличения и брайлевским дисплеем для студентов с нарушениями зрения.</p>	
<p>В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, должно быть предусмотрено соответствующее количество мест для обучающихся с учетом ограничений их здоровья.</p>	
<p>В учебные аудитории должен быть обеспечен беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья.</p>	
<p>Перечень специальных технических средств обучения для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющихся в Региональном учебно-научном центре инклюзивного образования ЧелГУ:</p>	
<p>– Тифлотехническая аудитория: тифлотехнические средства: брайлевский компьютер с дисплеем и принтером, тифлокомплекс «Читающая машина», телевизионное увеличивающее устройство, тифломагнитолы кассетные и цифровые диктофоны; специальное программное обеспечение: программа речевой навигации JAWS, речевые синтезаторы («говорящая мышь»), экранные лупы.</p>	
<p>– Сурдотехническая аудитория: радиокласс «Сонет-Р», программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования с устройством задания режима работы на компьютере, интерактивная доска ActiveBoard с системой голосования, акустический усилитель и колонки, мультимедийный проектор, телевизор, видеоматрифон.</p>	

## 9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Учебный курс строится таким образом, чтобы способствовать созданию у студента понятийно-теоретического ядра и развитию практического навыка решения задач по теории вероятностей и математической статистике.

Для успешного усвоения материала студенту необходимо использовать следующие формы обучения:

1. Лекционная форма, которая предполагает посещение и конспектирование лекций. Лекционные занятия могут проводиться как в классической форме, предполагающее устное изложение материала преподавателем и конспектированием материала студентам, так и форме семинара, студентам предлагается совместное решение теоретических задач при возможной помощи преподавателя. Кроме того, часть лекций сопровождается интерактивными материалами для лучшего понимания геометрической интерпретации материала.

2. Практическая форма занятий предполагает посещение их студентом, с предоставлением выполненного домашнего задания, и выполнение итогового-зачётной контрольной работы.

3. Самостоятельная форма работы, предполагает кроме выполнения всех домашних работ, необходимость использования и изучения литературы по заданной теме. В случае затруднений при решении задач домашнего задания необходимо обратиться за помощью к лектору согласно расписания его консультаций, которое висит вблизи кафедры вычислительной математики.

В освоении дисциплины (модуля) инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная работа.

Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснение учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации по предмету является важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.

В случае применения при обучении дисциплины электронного обучения, дистанционных образовательных технологий общение обучающихся и преподавателя осуществляется в режиме реального времени (онлайн-лекции

(вебинары), чаты, видео-конференции и др.) или отложенного времени ( система дистанционного обучения Moodle, форумы, электронная почта и др.).

Большую часть времени обучающиеся самостоятельно работают с учебно-методическими материалами. Студенты имеют возможность консультироваться с преподавателем по всем вопросам, возникающим в ходе самостоятельной работы посредством электронной почты, социальных сетей и т.п.

Доступ обучающегося к учебным ресурсам в режиме отложенного времени, самостоятельной работы осуществляется через сеть Интернет в удобном для него месте, времени и темпе.

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья электронное обучение, дистанционные образовательные технологии предусматривают возможность приема-передачи информации в доступных для них формах.

Реализация дисциплины с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – ЭО, ДОТ) осуществляется на основании «Положения о реализации основных и дополнительных образовательных программ с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Челябинский государственный университет», «Положения о порядке зачета обучающимися по основным профессиональным образовательным программам высшего образования в ФГБОУ ВО «ЧелГУ» результатов освоения в организациях, осуществляющих образовательную деятельность, учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практик, дополнительных образовательных программ» посредством электронной информационно-образовательной среды ФГБОУ ВО «ЧелГУ». В исключительных случаях (форс-мажор и т.п.) при реализации образовательной деятельности с применением ЭО, ДОТ могут применять компоненты, не входящие в перечень электронной информационно-образовательной среды.

## **10. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ОБУЧАЮЩИМИСЯ С ИНВАЛИДНОСТЬЮ И ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ**

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с использованием специальных технических средств и голо информационных технологий, предоставляемых Ресурсным учебно-методическим центром по обучению инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья ЧелГУ по запросу обучающегося.

1. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями зрения: портативный компьютер с вводом/выводом шрифтом Брайля с синтезатором речи «EIBraile-W14J G2»; ноутбуки с программной экранного доступа NVDA; электронные увеличители для удаленного просмотра; видеоувеличители портативные; тифлоплеер; цифровые диктофоны.

2. Мобильные специальные технические средства для лиц с нарушениями слуха: система свободного звукового поля со встроенной совместимостью с FM-устройствами; радиоклассы «Сонет-PCM» с передатчиком, заушным индуктором и индукционной петлей; система информационная для слабослышащих переносная «Исток» А2 со встроенным плеером – звуковым информатором; документ-камера; программируемые слуховые аппараты индивидуального пользования.

3. Ассистивные информационные технологии: программное обеспечение экранного доступа с синтезом речи NVDA; программы экранного увеличения; программы речевого синтеза для компьютеров и ноутбуков; программы речевого синтеза для мобильных устройств; экранная клавиатура; экранная лупа.

При необходимости для обучающихся с нарушениями зрения на рабочих местах для проведения практических или лабораторных занятий устанавливается специальное программное обеспечение (программа речевой навигации NVDA, речевые синтезаторы, экранные лупы).

В учебные аудитории обеспечивается беспрепятственный доступ для обучающихся инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья. В каждой аудитории, где обучаются инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, предусматривается соответствующее количество мест для обучающихся с учетом нарушений их здоровья.

Для освоения дисциплины инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется доступ к печатным источникам, имеющимся в научной библиотеке ЧелГУ, с помощью специальных технических средств; доступ к электронным источникам, представленным в форме электронного документа в фонде научной библиотеки ЧелГУ или электронно-библиотечных системах, с помощью специальных технических и программных средств (рабочее место для незрячего пользователя с программным обеспечением экранного доступа с синтезом речи NVDA, рабочее место с компьютерным роллером и клавиатурой Clevu с большими кнопками и с разделяющей клавиши накладкой).

Учебно-методические материалы для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме шрифтом Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья освоение дисциплины может быть частично или полностью осуществлено с использованием дистанционных образовательных технологий (Moodle, Adobe Connect Pro и пр.).

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья используется индивидуальная работа. Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснение учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации направлены на индивидуализацию обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине обеспечивается выполнение следующих дополнительных требований в зависимости от индивидуальных особенностей, обучающихся:

- а) инструкция по порядку проведения процедуры оценивания предоставляется в доступной форме (устно, в письменной форме, в письменной форме шрифтом Брайля, устно с использованием услуг сурдопереводчика);
- б) доступная форма предоставления заданий оценочных средств (в печатной форме, в печатной форме увеличенным шрифтом, в печатной форме шрифтом Брайля, в форме электронного документа, задания зачитываются ассистентом, задания предоставляются с использованием сурдоперевода);
- в) доступная форма предоставления ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно шрифтом Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены ЧелГУ или могут использоваться собственные технические средства. При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на задания, процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.